

Sortiervverfahren

Bucketsort, Heapsort, Radixsort

M. Heckel

2019-08-15

Gliederung

Allgemeines

Bucketsort

Heapsort

Radixsort

Quellen

Interne und externe Verfahren

Interne und externe Verfahren

- Intern
 - Zu sortierende Elemente liegen im RAM
 - Lesen/Schreiben spielen keine besonders große Rolle

Interne und externe Verfahren

- Intern
 - Zu sortierende Elemente liegen im RAM
 - Lesen/Schreiben spielen keine besonders große Rolle
- Extern
 - Zu sortierende Elemente liegen auf externen Medien (z.B. Festplatte, Band)
 - Lesen/Schreiben spielen eine relativ große Rolle

Stabilität

Stabilität

- Instabile Verfahren
 - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert nicht bei
 - Für Datensätze, die nur nach einem Kriterium sortiert werden können, geeignet

Stabilität

- Instabile Verfahren
 - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert nicht bei
 - Für Datensätze, die nur nach einem Kriterium sortiert werden können, geeignet
- Stabile Verfahren
 - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert bei
 - Auch für Datensätze, die nach mehreren Kriterien sortiert werden können, geeignet

in-place

in-place

- in-place
 - Sortieren auf dem gegebenen Array
 - Zusätzlich benötigter Speicher konstant

in-place

- in-place
 - Sortieren auf dem gegebenen Array
 - Zusätzlich benötigter Speicher konstant
- Nicht in-place
 - Kopieren in anderes Array (ggf. mehrere)
 - Zusätzlich benötigter Speicher hängt von Anzahl der zu sortierenden Elemente ab

Allgemeines
○○●○

Bucketsort
○○○○○

Heapsort
○○○○○○○○○○○○

Radixsort
○○○○○

Quellen
○

Komplexität

Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation \mathcal{O} angegeben

Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation \mathcal{O} angegeben
- Häufig werden zwei Eigenschaften betrachtet:
 - Laufzeitkomplexität
 - Speicherkomplexität

Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation \mathcal{O} angegeben
- Häufig werden zwei Eigenschaften betrachtet:
 - Laufzeitkomplexität
 - Speicherkomplexität
- Meist wird die Komplexität in Bezug auf die Problemkomplexität n angegeben
 - Beim Sortieren oder Suchen: Anzahl der Elemente, die sortiert bzw. durchsucht werden müssen
 - Beim Multiplizieren: Anzahl der Stellen der Zahl
 - Bei Approximationen: Genauigkeit (Anzahl richtiger Nachkommastellen)

Komplexität

Komplexität

- Häufig werden drei Fälle betrachtet:
 - Best Case
 - Average Case (in der Praxis meistens verwendet)
 - Worst Case

Komplexität

- Häufig werden drei Fälle betrachtet:
 - Best Case
 - Average Case (in der Praxis meistens verwendet)
 - Worst Case
- Vergleichsbasierte Sortieralgorithmen erreichen im Average Case bestenfalls eine Laufzeitkomplexität von $\mathcal{O}(n \log(n))$
 - Besser als $\mathcal{O}(n^2)$
 - Schlechter als $\mathcal{O}(n)$

Bucketsort — Funktionsweise

Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
 - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
 - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein

Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
 - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
 - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren

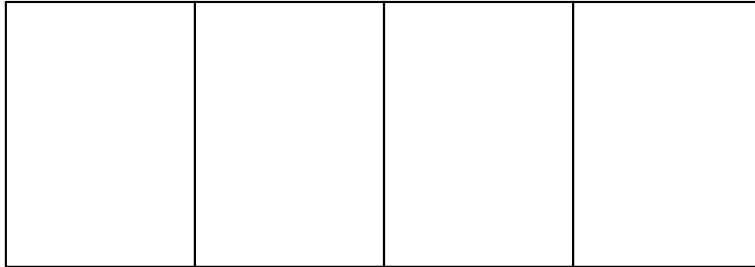
Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
 - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
 - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren
- Buckets vergleichsbasiert sortieren

Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
 - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
 - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren
- Buckets vergleichsbasiert sortieren
- Bucket-Elemente in Ausgangsarray kopieren

Bucketsort — Funktionsweise



0 – 9

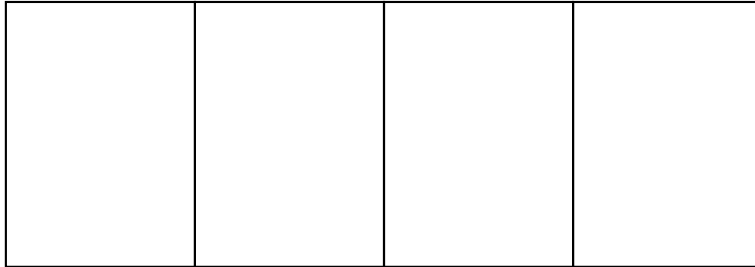
10 – 19

20 – 29

30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



0 – 9

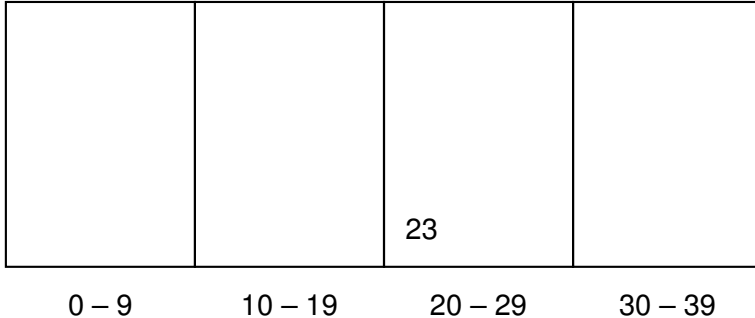
10 – 19

20 – 29

30 – 39

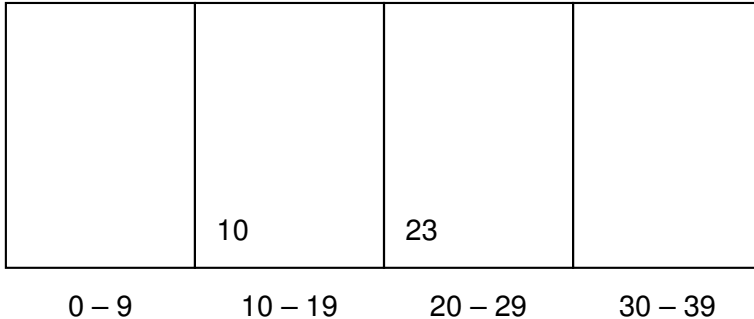
23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



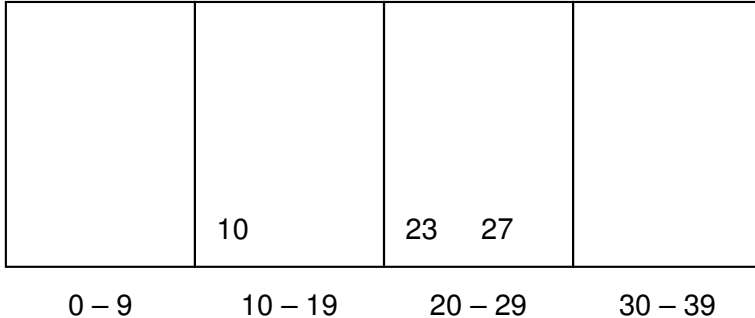
23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



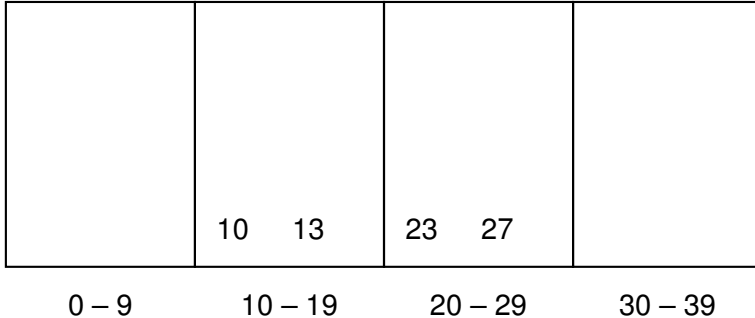
23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



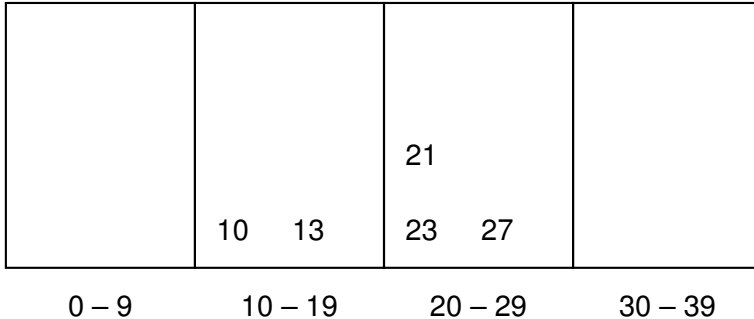
23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5	10 13	21 23 27	
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5	10 13	21 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5	10 13	21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	10	27	13	21	5	37	25	21	3
---	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	27	13	21	5	37	25	21	3
---	---	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	5	37	25	21	3
---	---	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

		21	
		21 25	
5 3	10 13	23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	5	37	25	21	3
---	---	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	5	37	25	21	3
---	---	----	----	----	---	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

		21	
		21 25	
5 3	10 13	23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	21	37	25	21	3
---	---	----	----	----	----	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

		21	
		21 25	
5 3	10 13	23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	21	23	25	21	3
---	---	----	----	----	----	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

		21	
		21 25	
5 3	10 13	23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	21	23	25	21	3
---	---	----	----	----	----	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

		21	
		21	25
5	3	23	27
	10	13	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	21	23	25	27	3
---	---	----	----	----	----	----	----	----	---

Bucketsort — Funktionsweise

5 3	10 13	21 21 25 23 27	37
0 – 9	10 – 19	20 – 29	30 – 39

3	5	10	13	21	21	23	25	27	37
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Bucketsort — Code (1)

```
int[] bucketsort(int[] array, int bucketnum) {  
    int[][] buckets = new int[bucketnum];  
    int max = 0;  
    for(int i = 0; i < array.length; i++) {  
        if(array[i] > max) {  
            max = array[i];  
        }  
    }  
  
    for(int i = 0; i < array.length; i++) {  
        buckets[array[i] * bucketnum / (max + 1)].add(array[i])  
    }  
}
```

Bucketsort — Code (2)

```
int [] sorted;

for(int i = 0; i < bucketnum; i++) {
    compareSort(buckets[i])
    for(int k = 0; k < buckets[i].length; k++) {
        sorted.add(buckets[i][k])
    }
}
return sorted;
}
```


Bucketsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (average case)	$\mathcal{O}(n + \frac{n^2}{k} + k)$ (k ist die Anzahl der Buckets)
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n^2)$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(n)$ (Abhängig vom verwendeten Sub-Verfahren)
Stabilität	Abhängig vom verwendeten Sub-Verfahren
Vergleichsbasiertes Verfahren	Nein

Allgemeines
○○○○○

Bucketsort
○○○○○

Heapsort
●○○○○○○○○○○○

Radixsort
○○○○○

Quellen
○

Heap

Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
 - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
 - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
 - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst

Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
 - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
 - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
 - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.

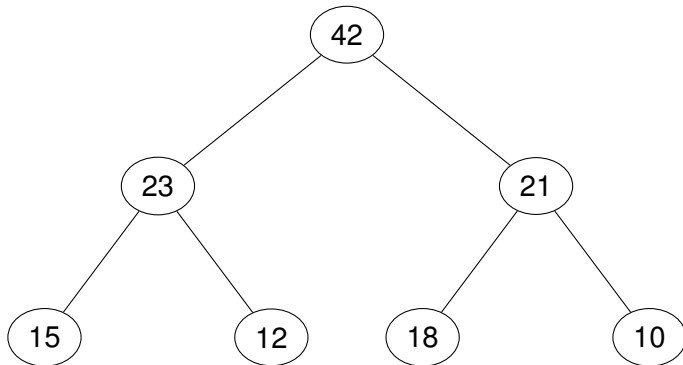
Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
 - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
 - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
 - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.
- Knoten ohne Nachfolger heißen **Blatt**.

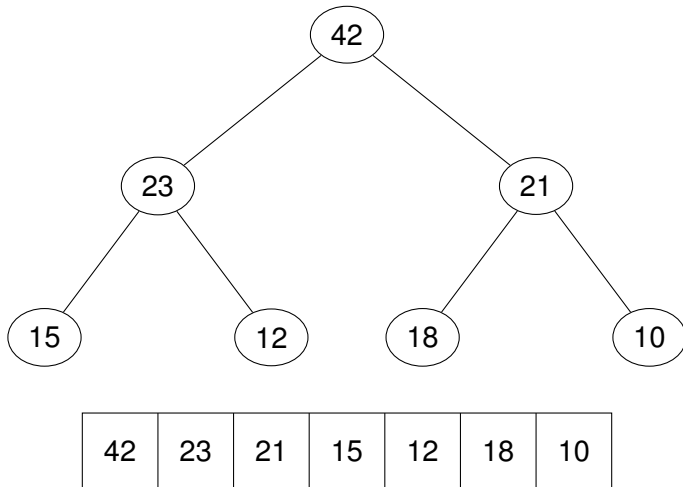
Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
 - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
 - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
 - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.
- Knoten ohne Nachfolger heißen **Blatt**.
- Jeder einzelne Knoten ist per Definition ein Heap

Heap — Funktionsweise



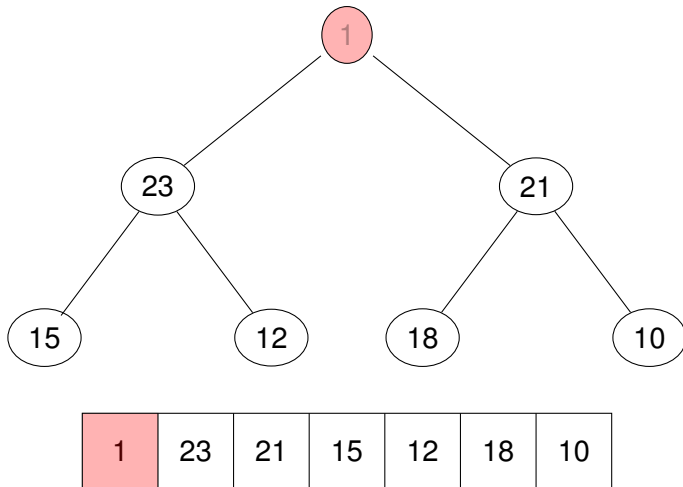
Heap — Funktionsweise



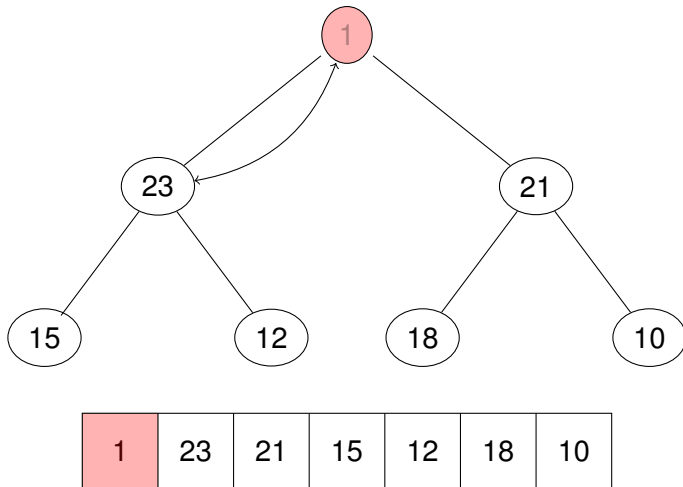
Heap — Code

```
int getLeftChildIndex(int parent_index) {  
    return 2 * parent_index + 1;  
}  
int getRightChildIndex(int parent_index) {  
    return 2 * parent_index + 2;  
}
```

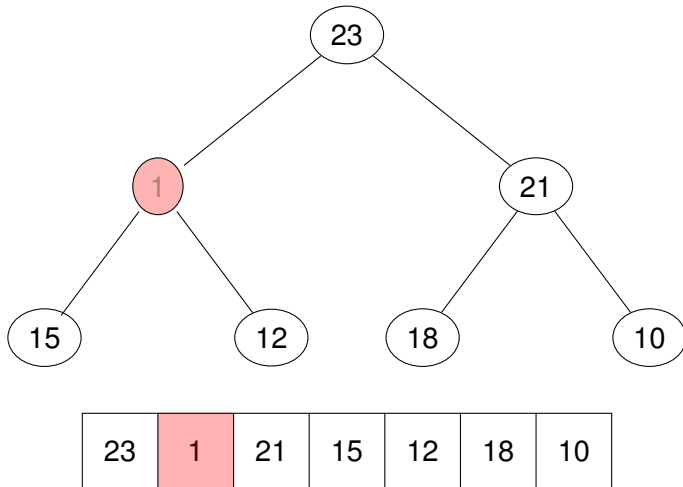
Heapify — Funktionsweise



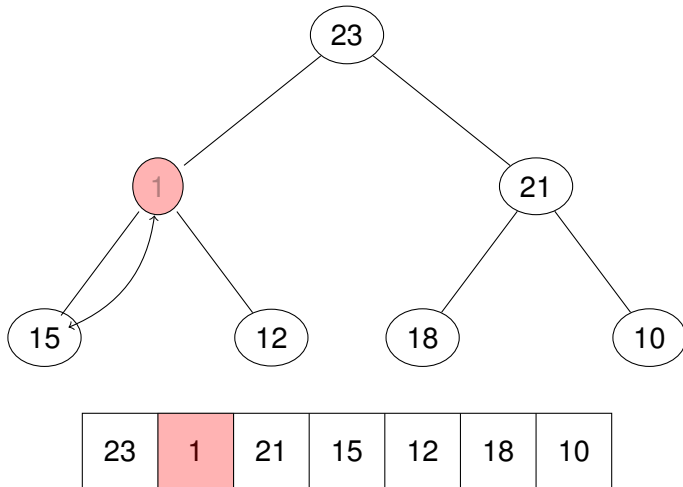
Heapify — Funktionsweise



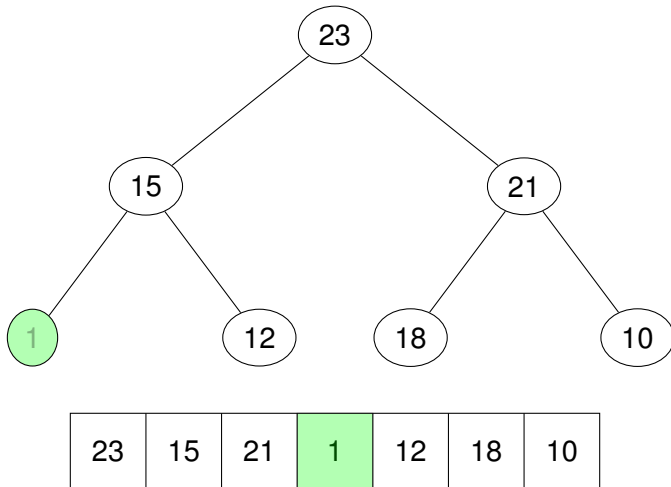
Heapify — Funktionsweise



Heapify — Funktionsweise



Heapify — Funktionsweise



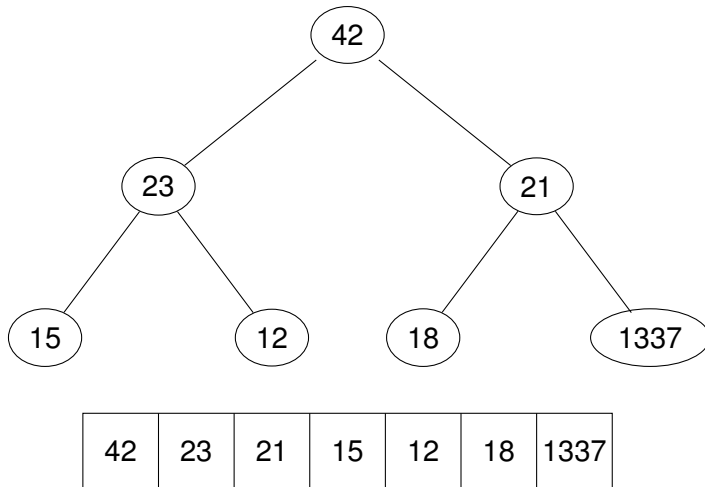
Heapify — Code (1)

```
void heapify(int[] array, int elementIndex, int lastIndex) {
    int index = elementIndex;
    while(index < lastIndex) {
        int left = getLeftChildIndex(index);
        int right = getRightChildIndex(index);
        if(left > lastIndex) {
            return;
        }
        if(right > lastIndex || array[left] > array[right]) {
            if(array[left] > array[index]) {
                int tmp = array[left];
                array[left] = array[index];
                array[index] = tmp;
                index = left;
            }
        }
    }
}
```

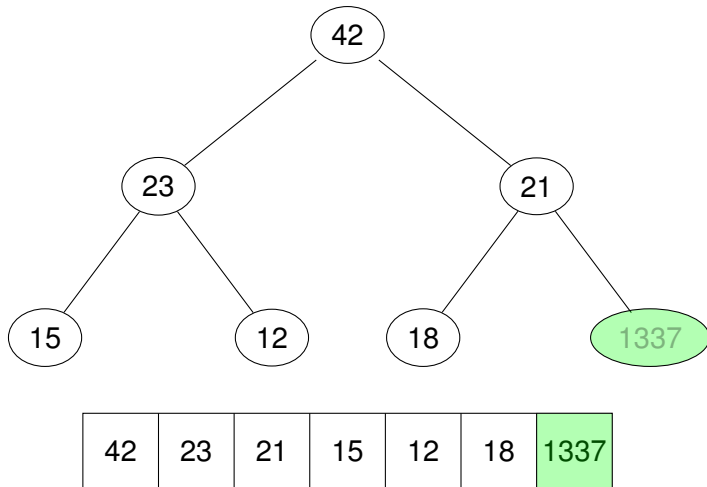
Heapify — Code (2)

```
        else {  
            break;  
        }  
    }  
    else {  
        if(array[right] > array[index]) {  
            int tmp = array[right];  
            array[right] = array[index];  
            array[index] = tmp;  
            index = right;  
        }  
        else {  
            break;  
        }  
    }  
}  
}
```

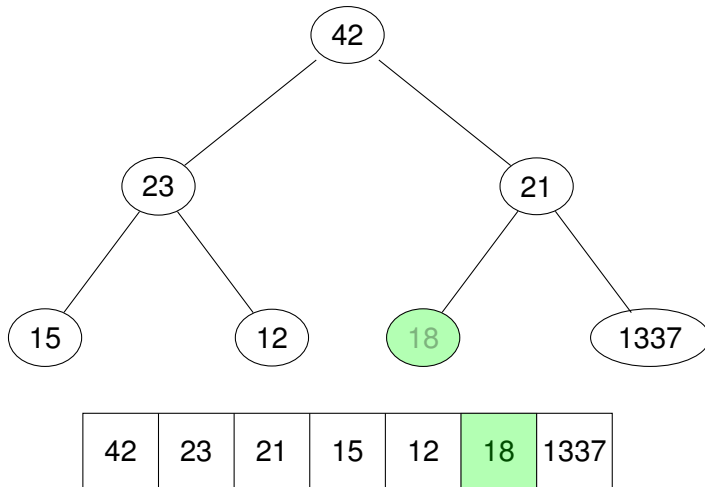

BuildHeap — Funktionsweise



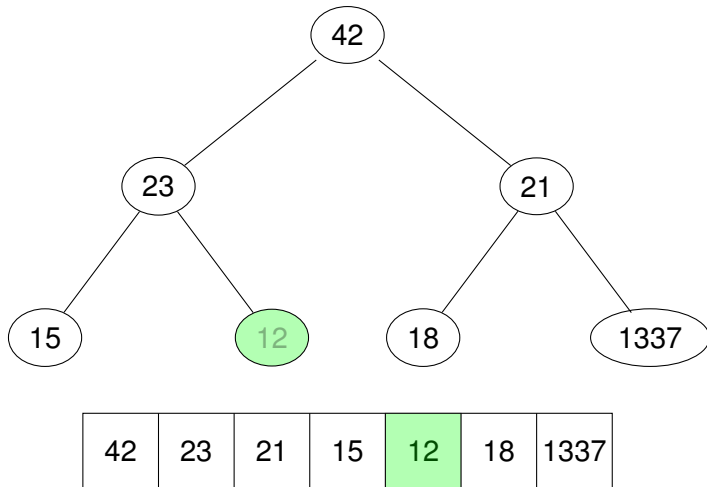
BuildHeap — Funktionsweise



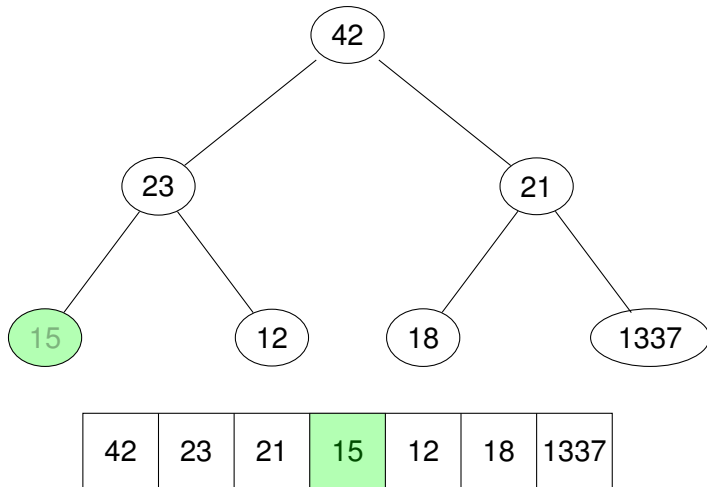
BuildHeap — Funktionsweise



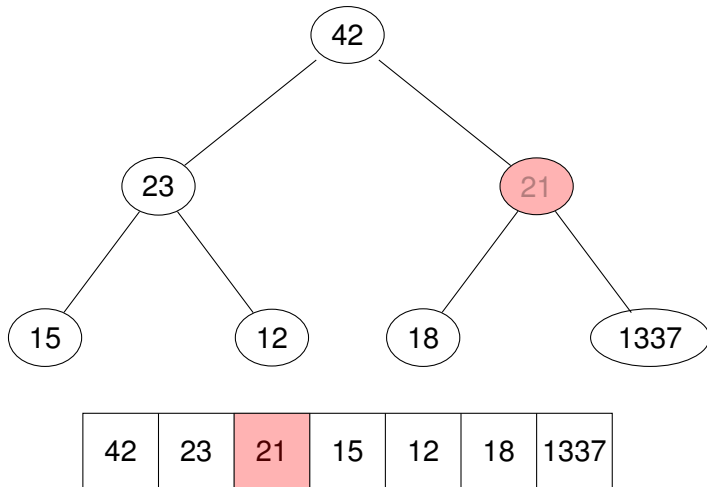
BuildHeap — Funktionsweise



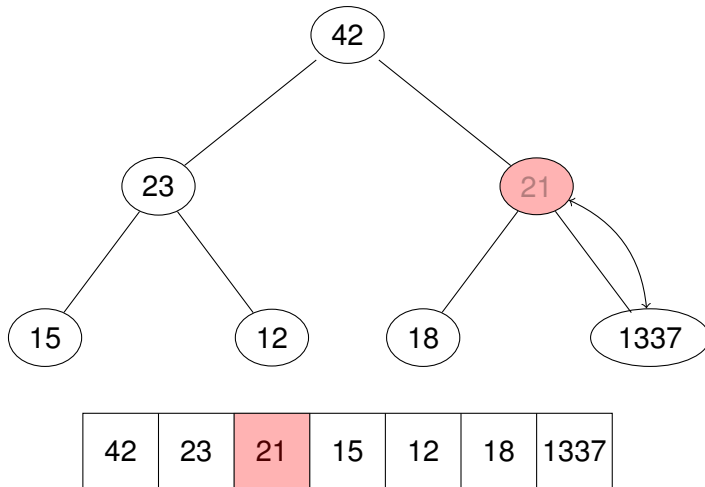
BuildHeap — Funktionsweise



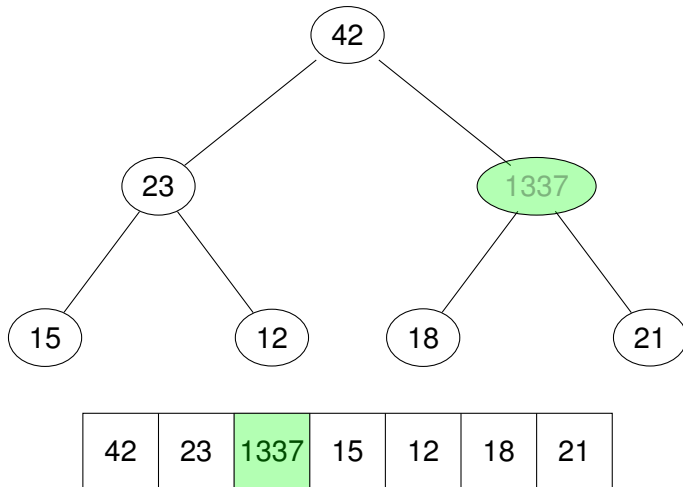
BuildHeap — Funktionsweise



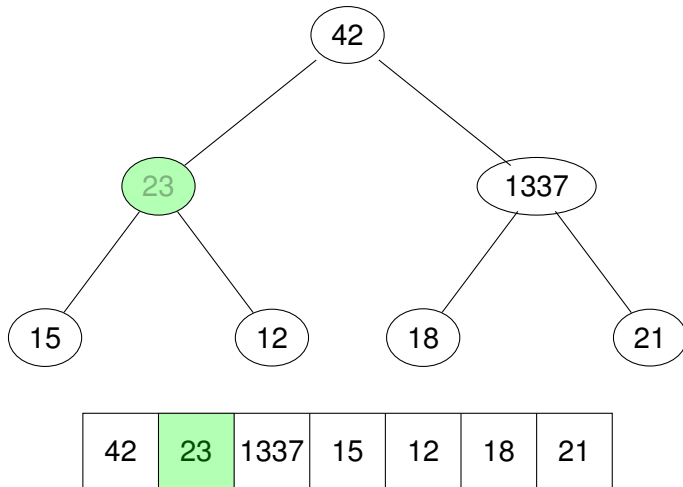
BuildHeap — Funktionsweise



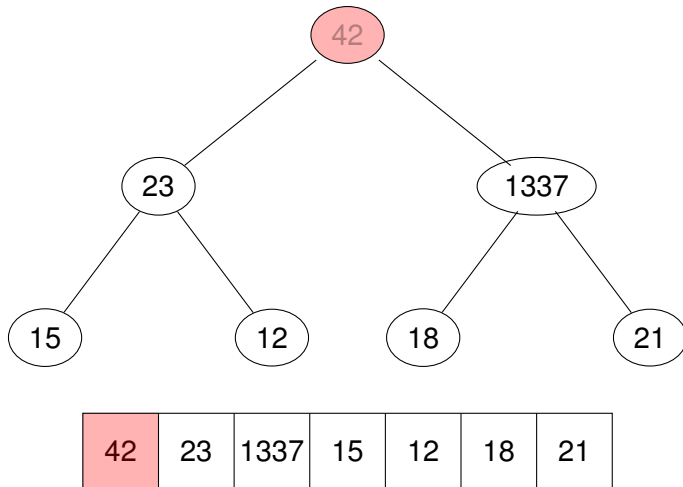
BuildHeap — Funktionsweise



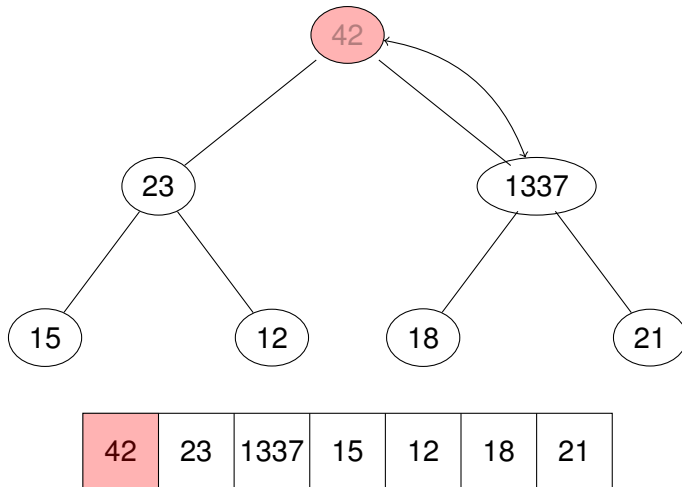
BuildHeap — Funktionsweise



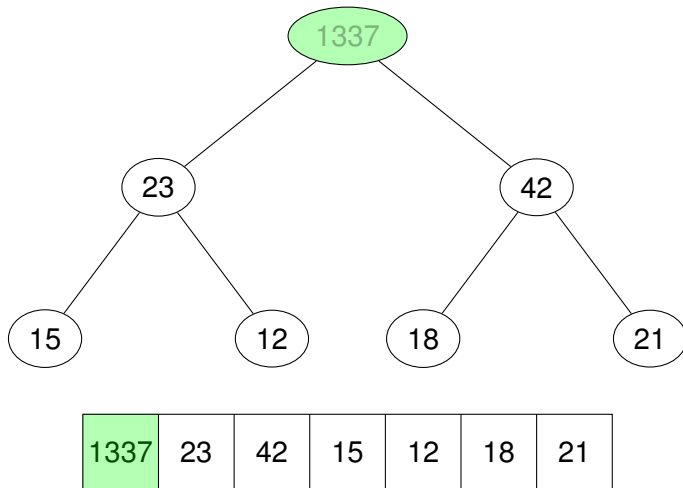
BuildHeap — Funktionsweise



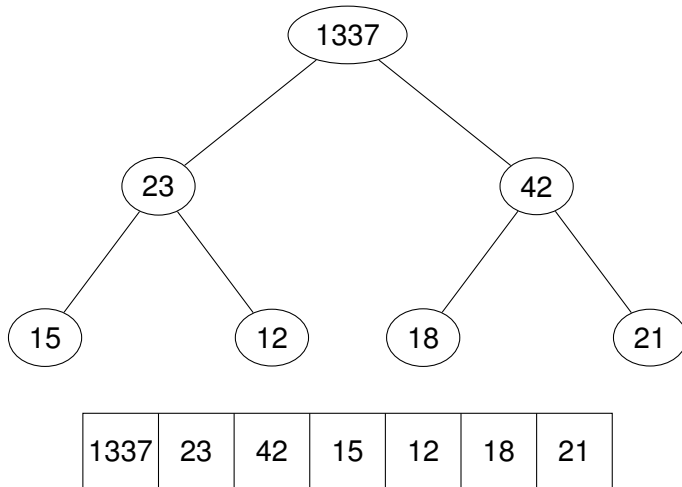
BuildHeap — Funktionsweise



BuildHeap — Funktionsweise



BuildHeap — Funktionsweise



BuildHeap — Code

```
void buildHeap(int[] array, int lastIndex) {  
    for(int index = array.length / 2; index >= 0; index--) {  
        int left = getLeftChildIndex(elementIndex);  
        int right = getRightChildIndex(elementIndex);  
        if(left > lastIndex) {  
            continue;  
        }  
        if(array[left] > array[index] || (right <= lastIndex && array[  
            right] > array[index])) {  
            heapify(array, index, lastIndex);  
        }  
    }  
}
```

Heapsort — Funktionsweise

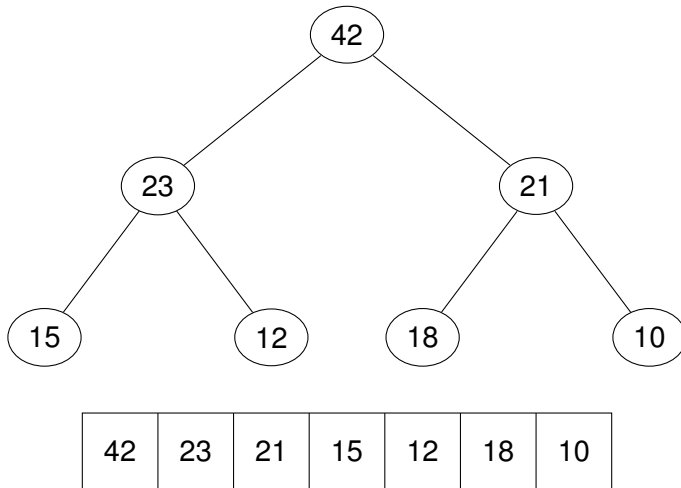
Heapsort — Funktionsweise

- Elemente im Array so anordnen, dass die Heap-Eigenschaft erfüllt ist

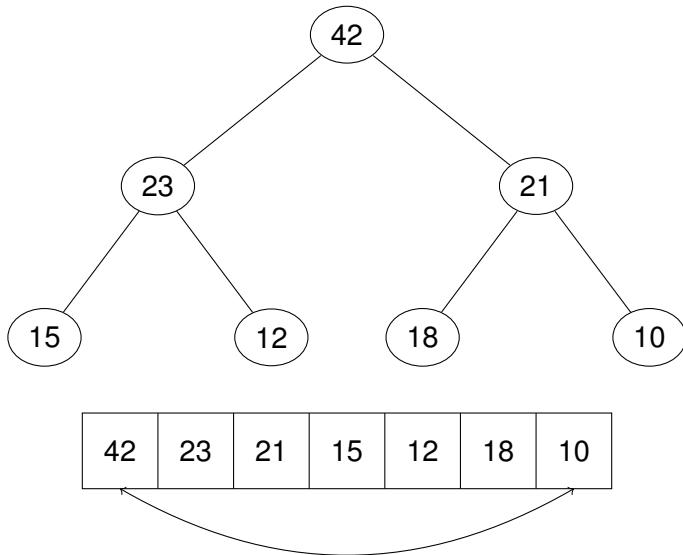
Heapsort — Funktionsweise

- Elemente im Array so anordnen, dass die Heap-Eigenschaft erfüllt ist
- So lange Elemente auf dem Heap vorhanden sind:
 - Das erste Element mit dem Element am Ende des Arrays tauschen und Heap um 1 verkleinern
 - Heap-Eigenschaft wiederherstellen, indem Heapify auf das erste Element aufgerufen wird

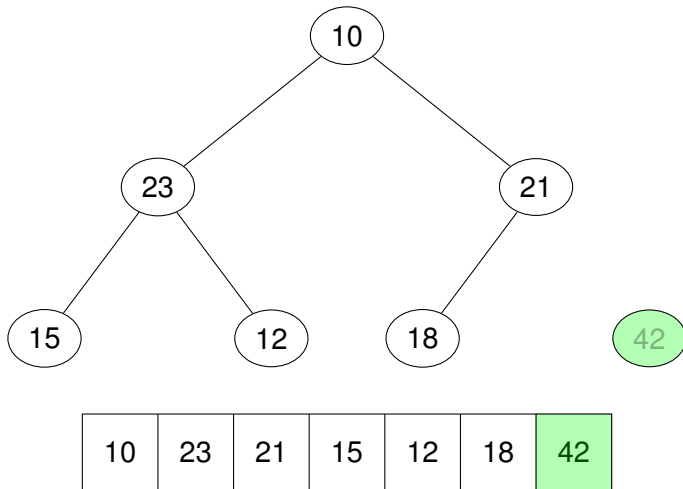
Heapsort — Funktionsweise



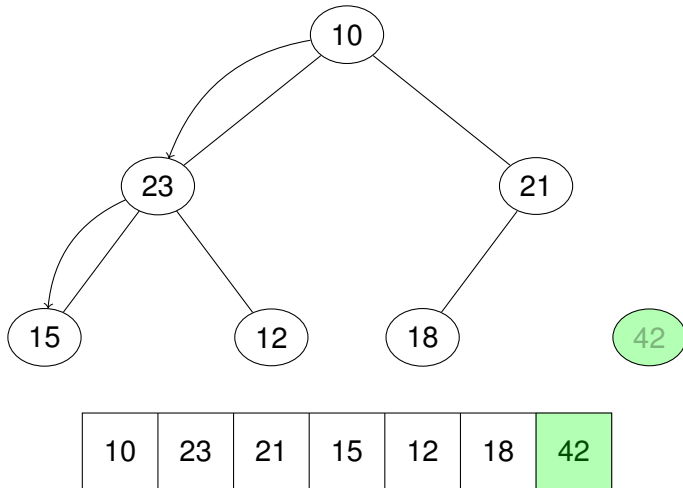
Heapsort — Funktionsweise



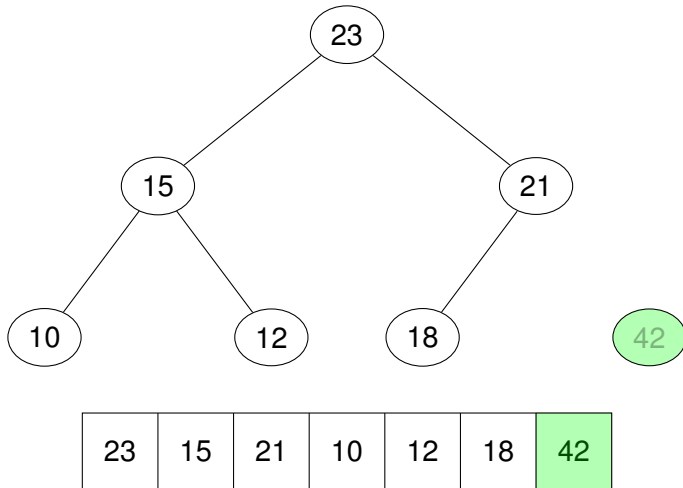
Heapsort — Funktionsweise



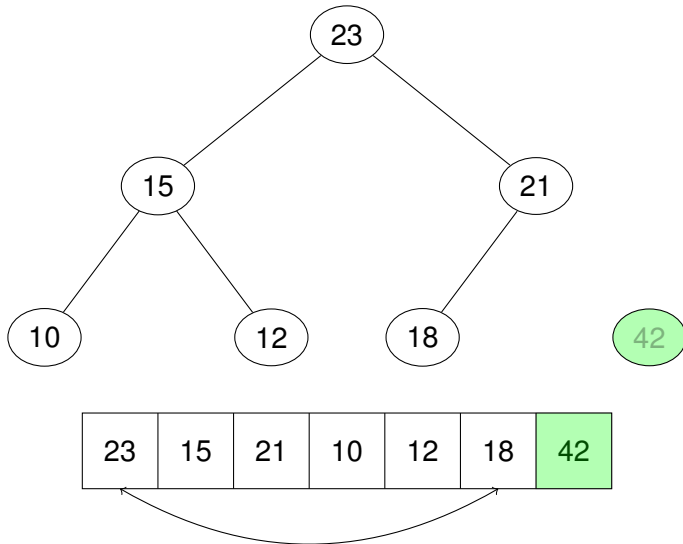
Heapsort — Funktionsweise



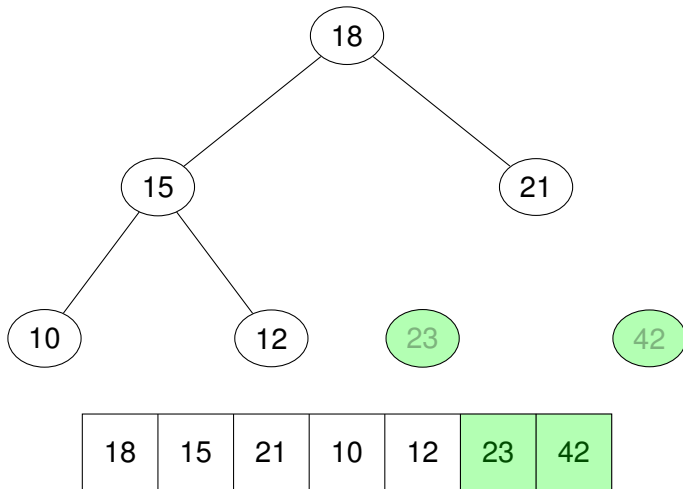
Heapsort — Funktionsweise



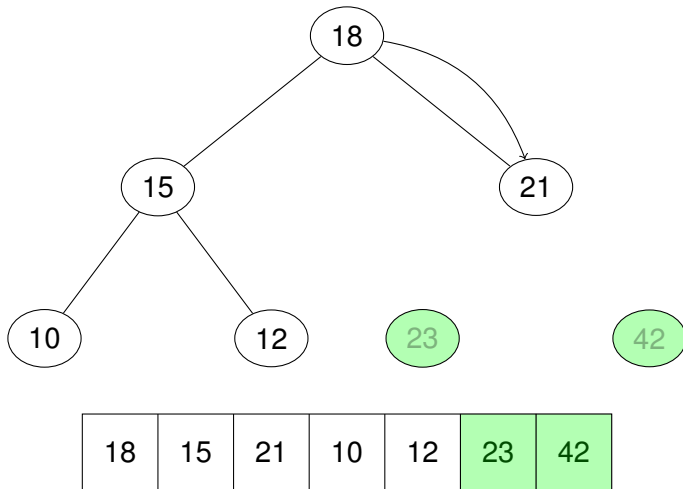
Heapsort — Funktionsweise



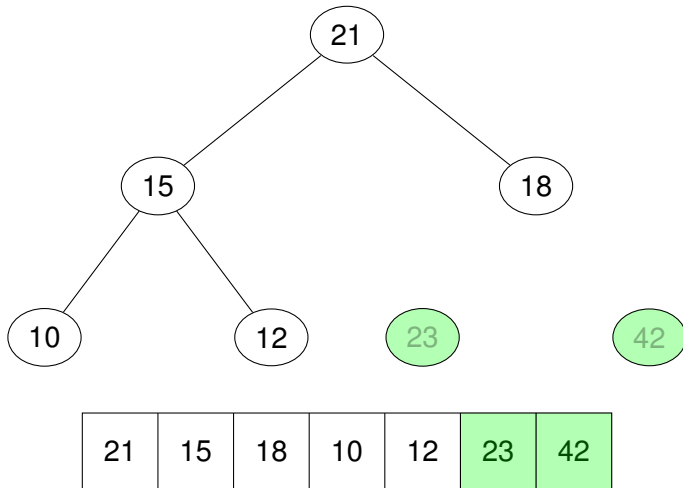
Heapsort — Funktionsweise



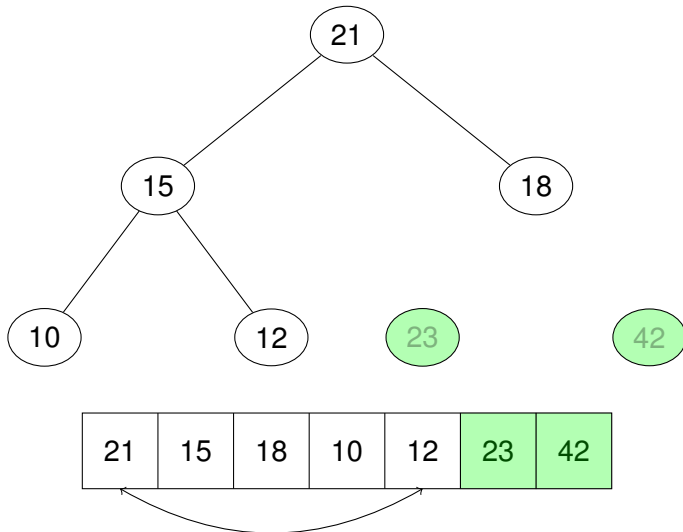
Heapsort — Funktionsweise



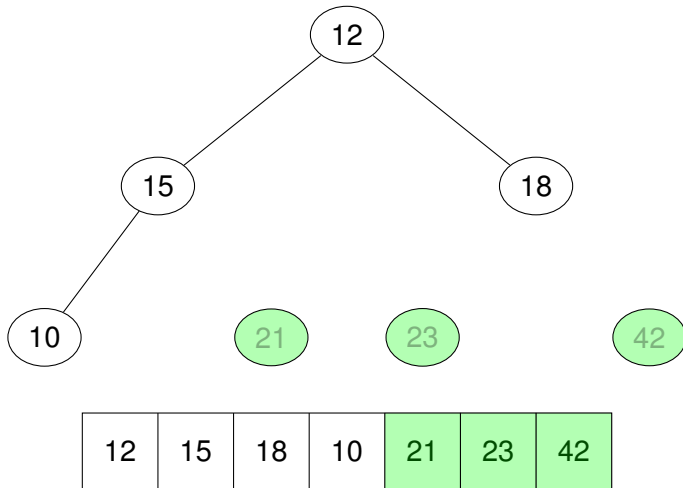
Heapsort — Funktionsweise



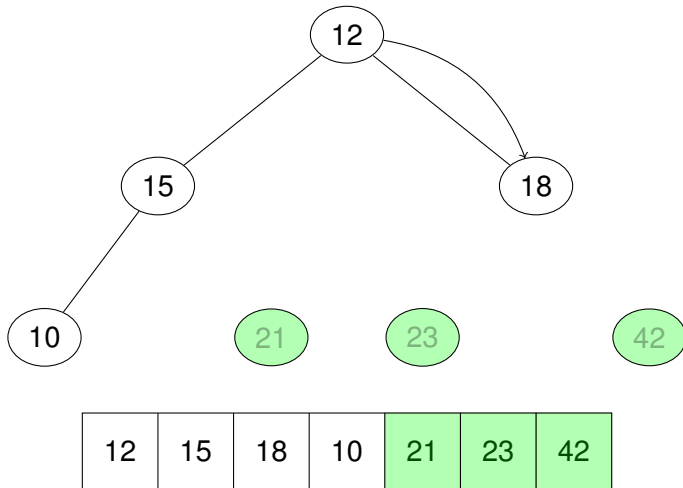
Heapsort — Funktionsweise



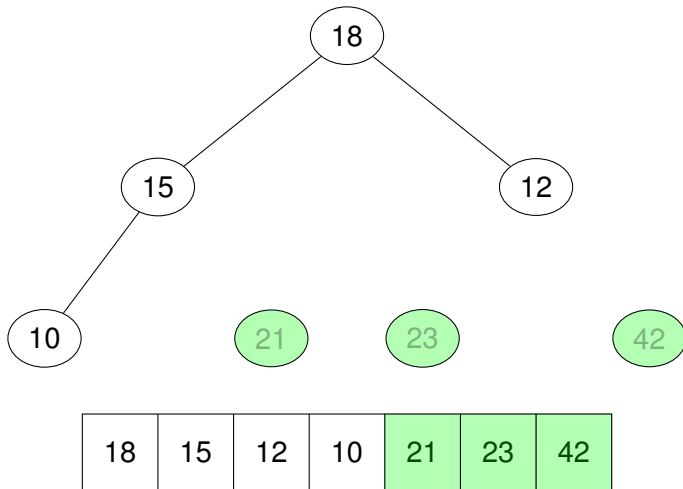
Heapsort — Funktionsweise



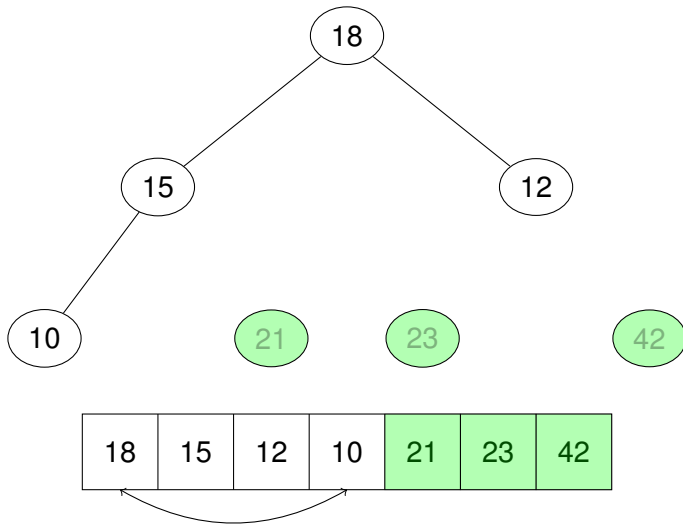
Heapsort — Funktionsweise



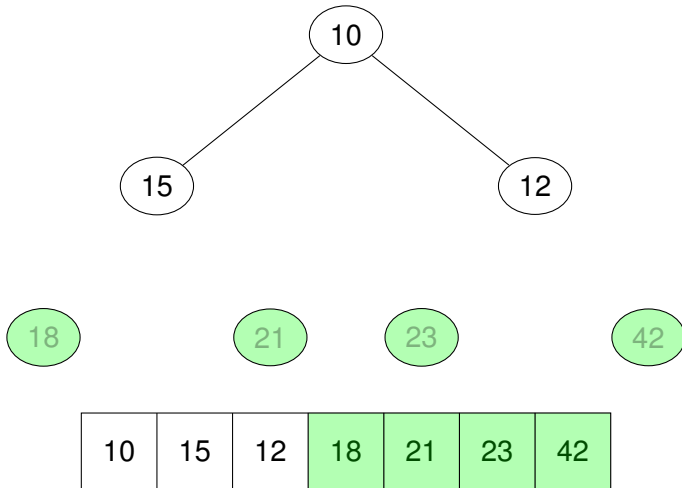
Heapsort — Funktionsweise



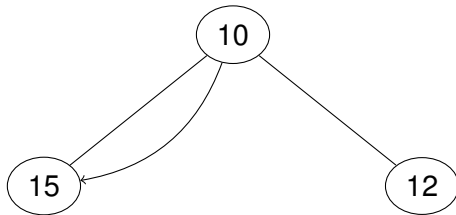
Heapsort — Funktionsweise



Heapsort — Funktionsweise



Heapsort — Funktionsweise



18

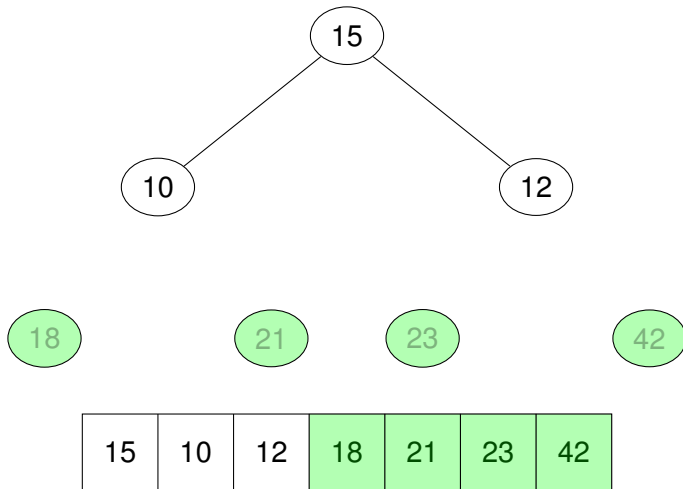
21

23

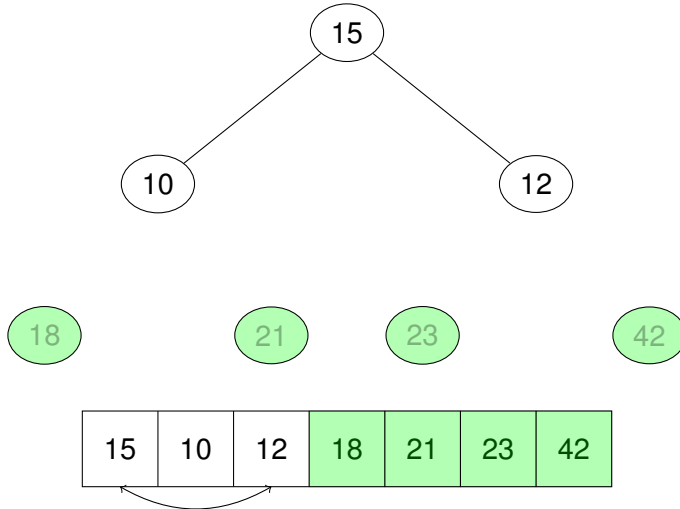
42

10	15	12	18	21	23	42
----	----	----	----	----	----	----

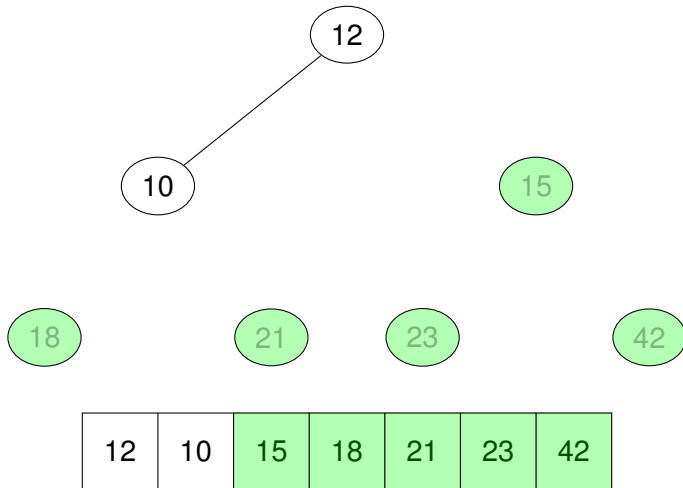
Heapsort — Funktionsweise



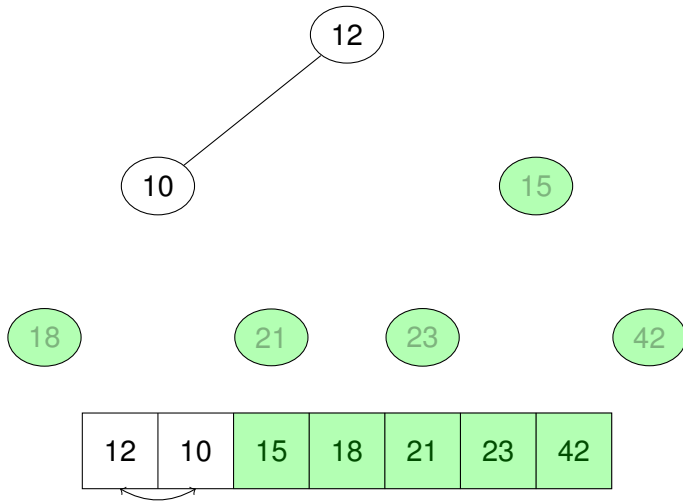
Heapsort — Funktionsweise



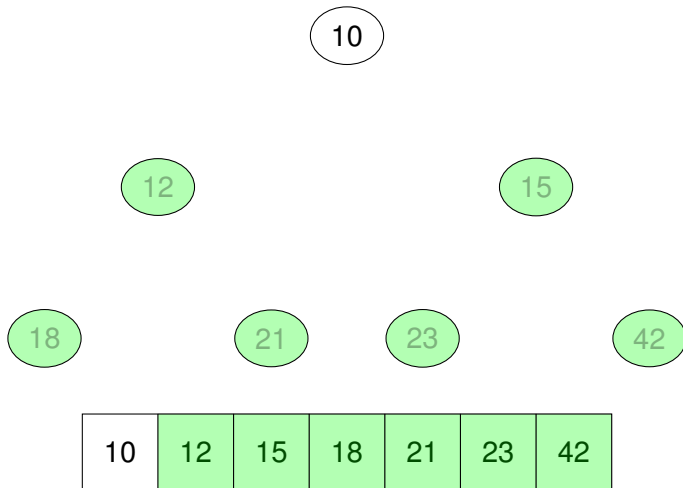
Heapsort — Funktionsweise



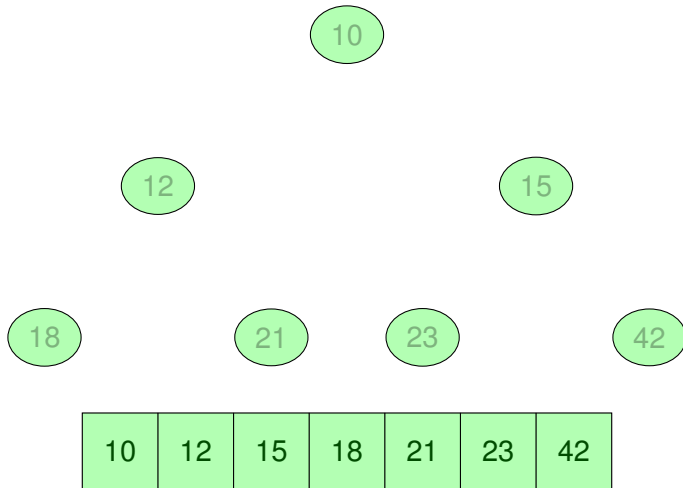
Heapsort — Funktionsweise



Heapsort — Funktionsweise



Heapsort — Funktionsweise



Heapsort — Code

```
int[] heapsort(int[] array) {  
    int lastIndex = array.length - 1;  
    buildHeap(array, lastIndex);  
    while(lastIndex > 0) {  
        int tmp = array[lastIndex];  
        array[lastIndex] = array[0];  
        array[0] = tmp;  
        lastIndex = lastIndex - 1;  
        heapify(array, 0, lastIndex);  
    }  
    return array;  
}
```


Heapsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Laufzeitkomplexität (avarage case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(1)$
Stabilität	Nicht stabil
Vergleichsbasiertes Verfahren	Ja

Radixsort — Funktionsweise

Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort

Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig

Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.

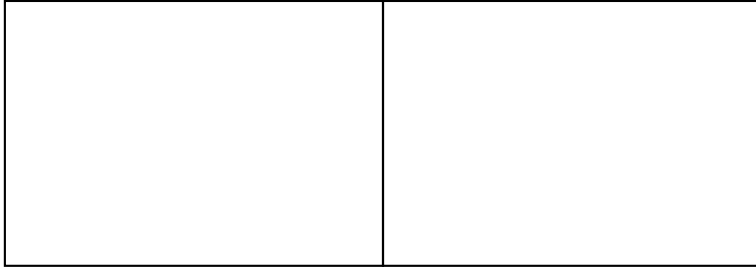
Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.
- Es gibt so viele Buckets wie Ziffern in dem gewählten Stellenwertsystem

Radixsort — Funktionsweise

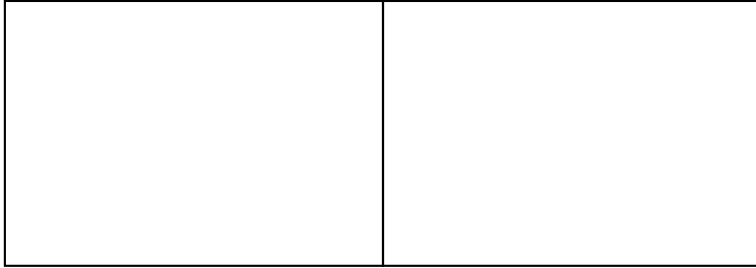
- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.
- Es gibt so viele Buckets wie Ziffern in dem gewählten Stellenwertsystem
- Vorgehensweise:
 - Iterieren über die Stellen der Zahl (von niederwertigster zu höchstwertigster Stelle)
 - Sortieren der Zahl in den entsprechenden “Eimer”
 - Kopieren der Zahlen in das Ausgangsarray

Radixsort — Funktionsweise



011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

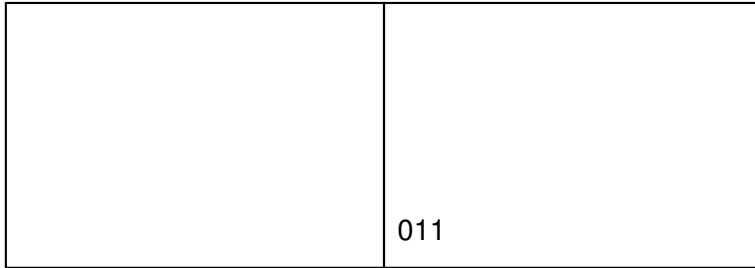


0

1

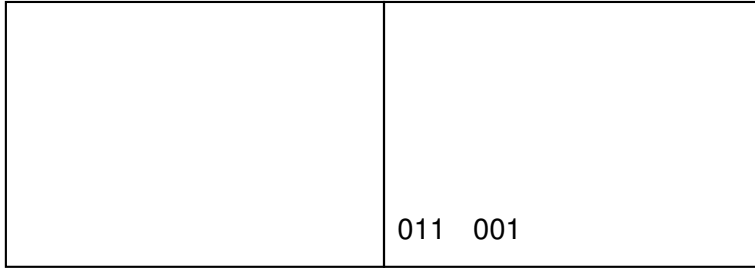
011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise



011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

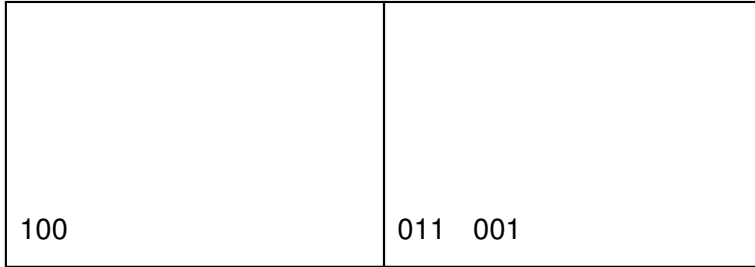


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

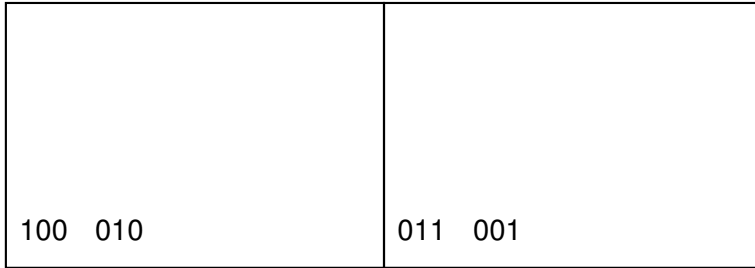


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

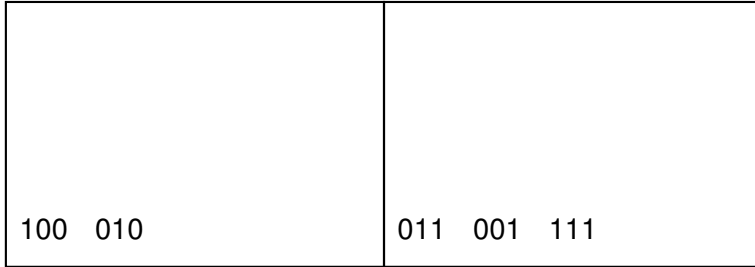


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

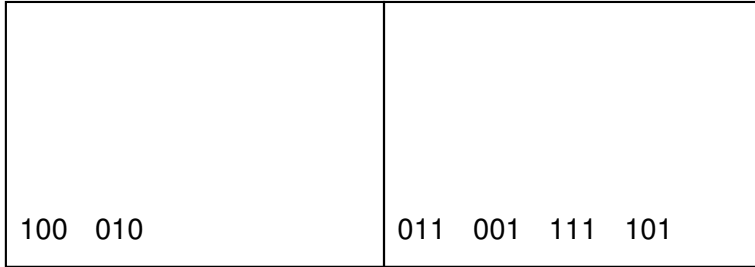


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

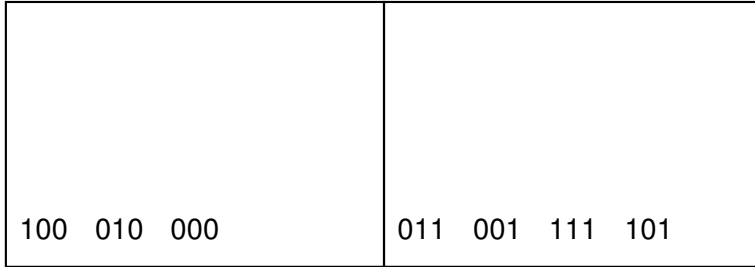


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

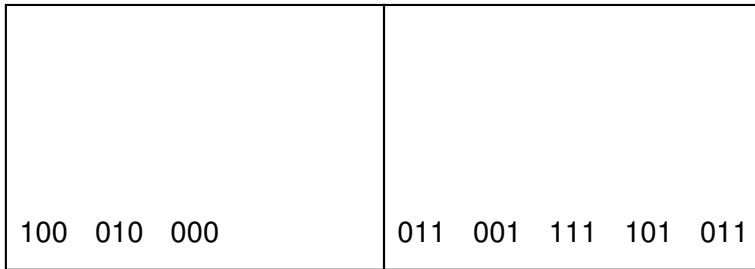


0

1

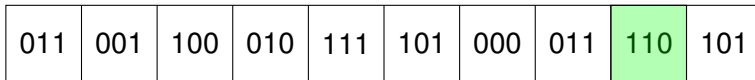
011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

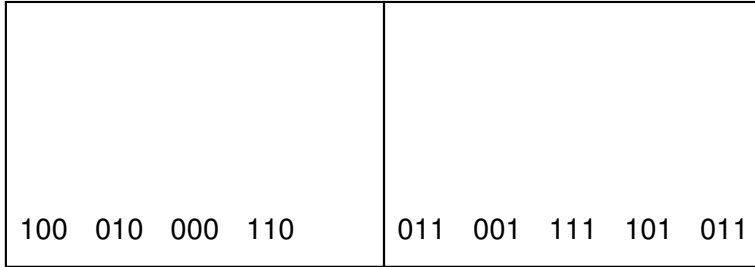


0

1



Radixsort — Funktionsweise

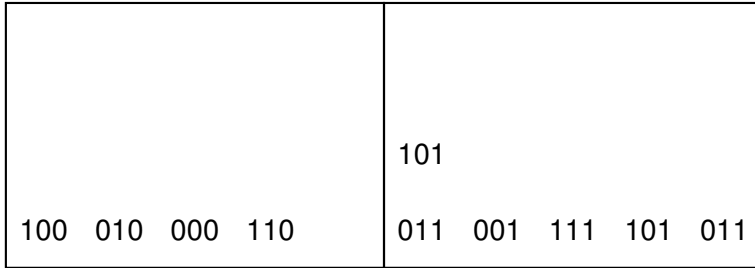


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

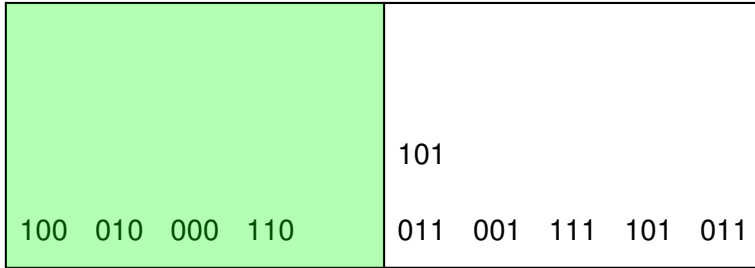


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

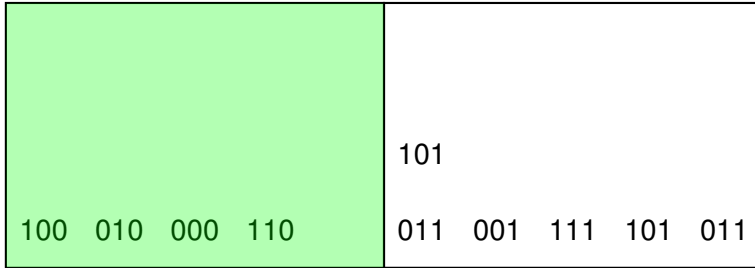


0

1

011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

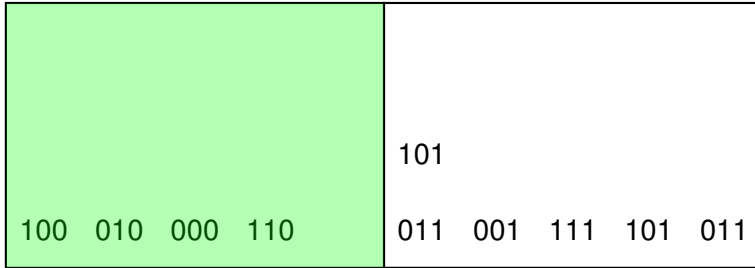


0

1

100	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

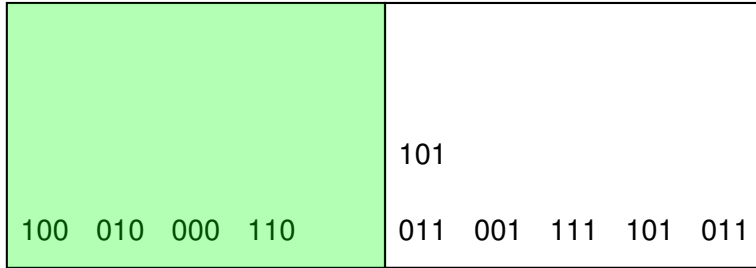


0

1

100	010	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

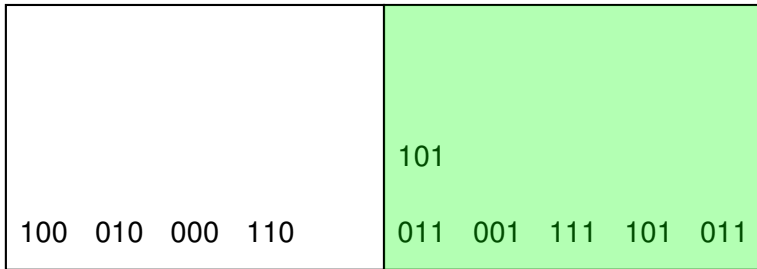


0

1

100	010	000	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

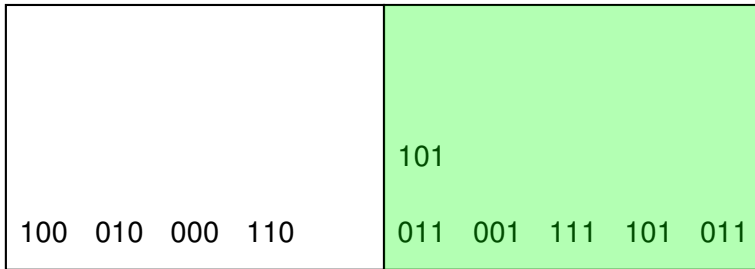


0

1

100	010	000	110	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

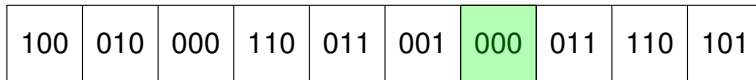
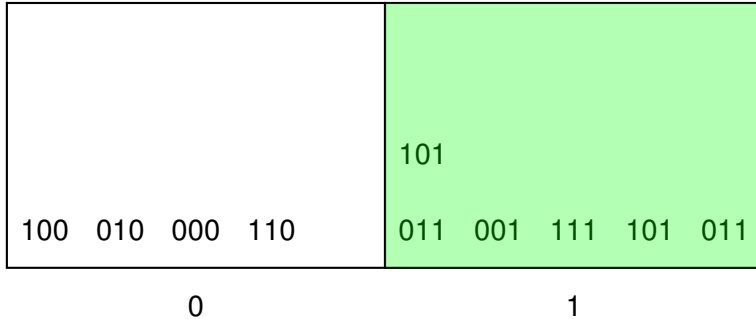


0

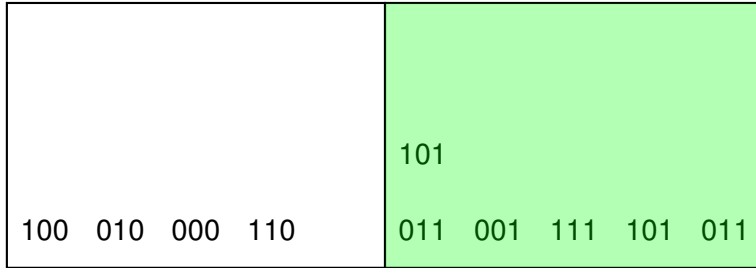
1

100	010	000	110	011	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise



Radixsort — Funktionsweise

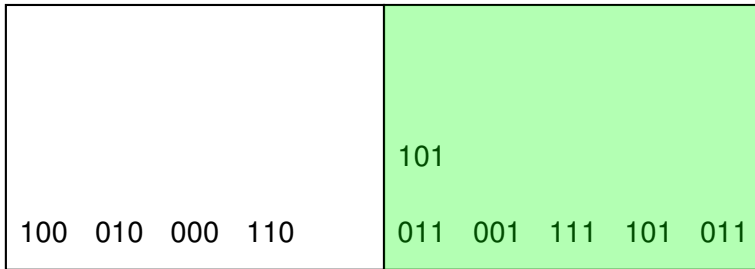


0

1

100	010	000	110	011	001	111	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

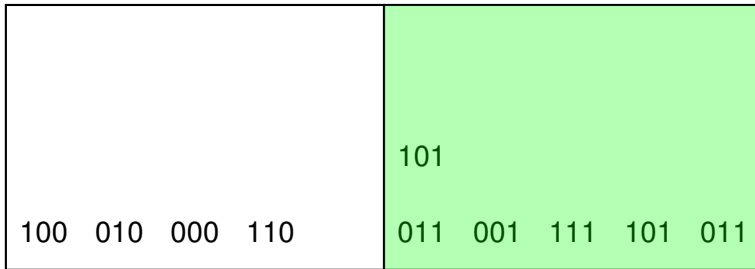


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

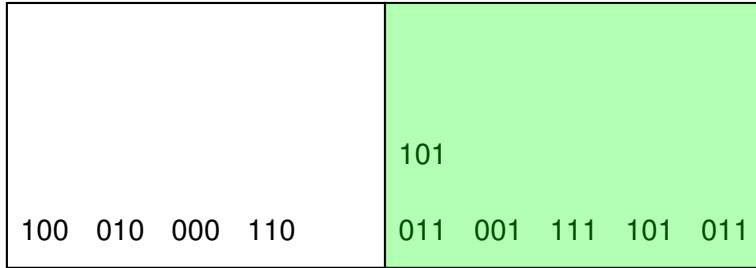


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

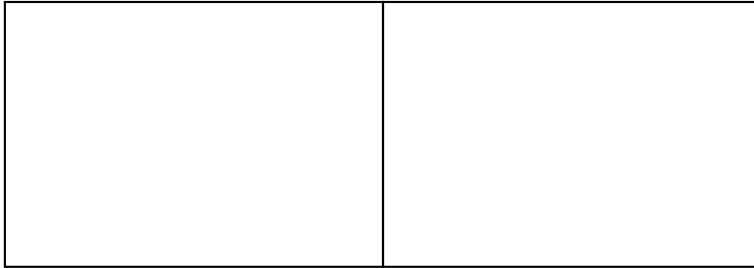


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

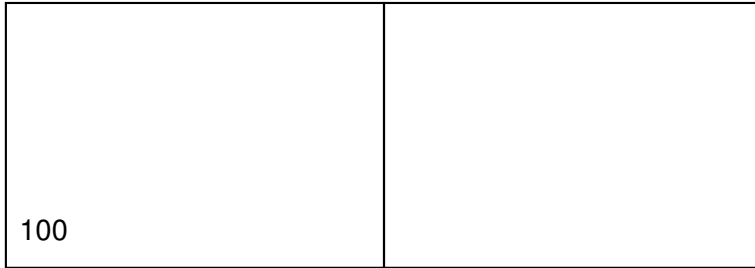


0

1

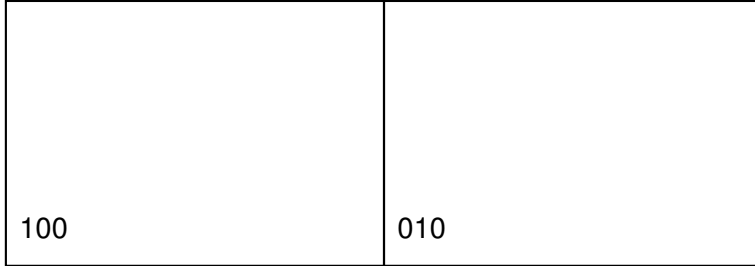
100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise



100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

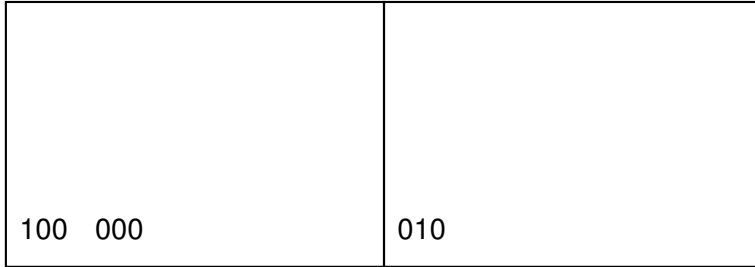


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

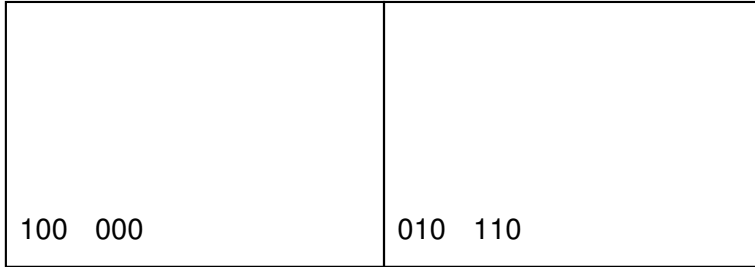


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

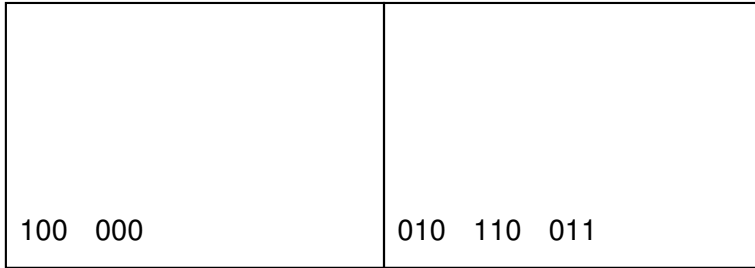


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

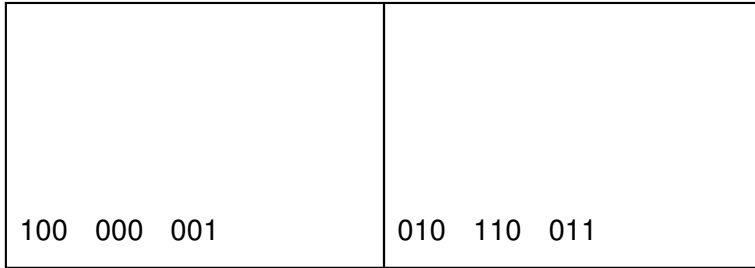


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

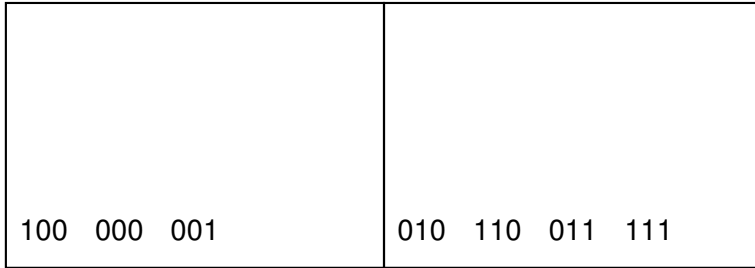


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

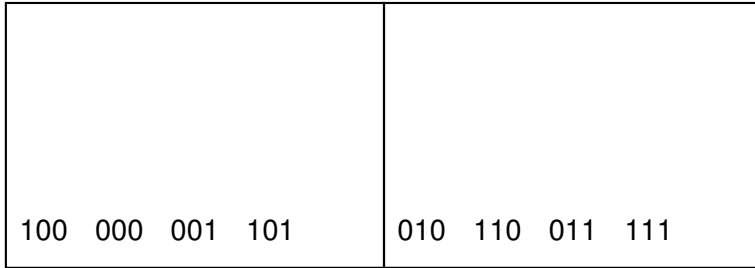


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

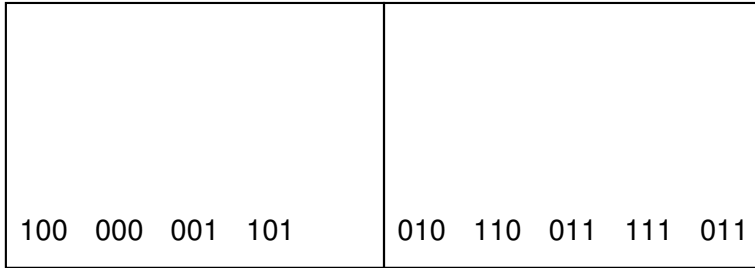


0

1

100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

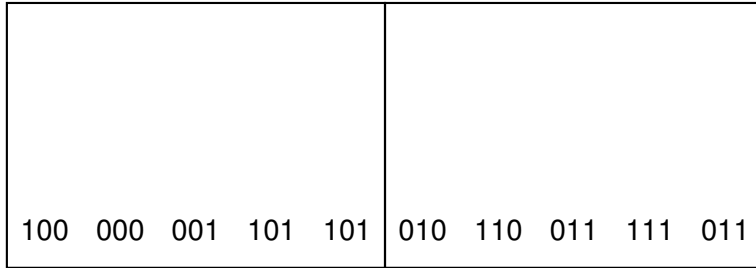


0

1

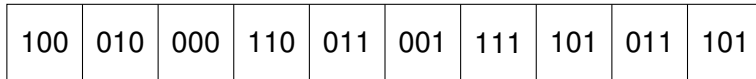
100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

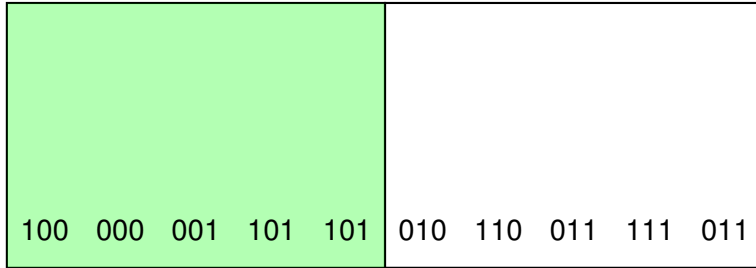


0

1

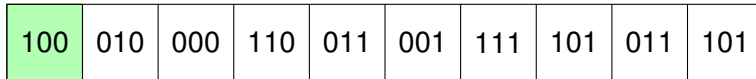


Radixsort — Funktionsweise

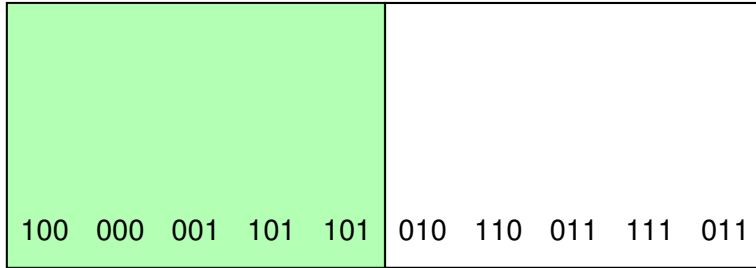


0

1

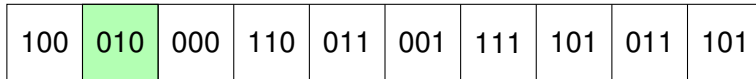


Radixsort — Funktionsweise

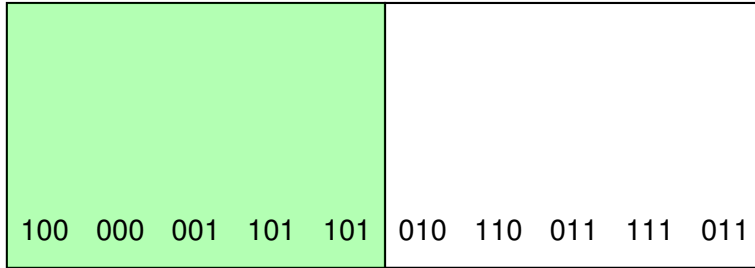


0

1



Radixsort — Funktionsweise

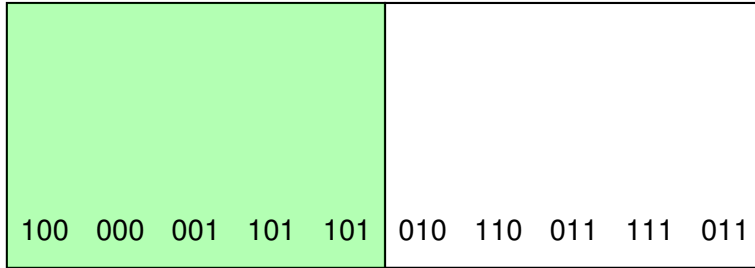


0

1

100	000	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

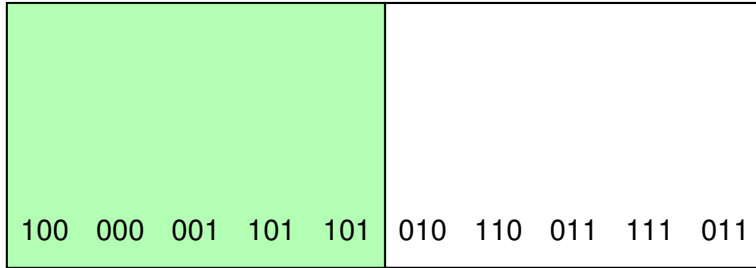


0

1

100	000	001	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

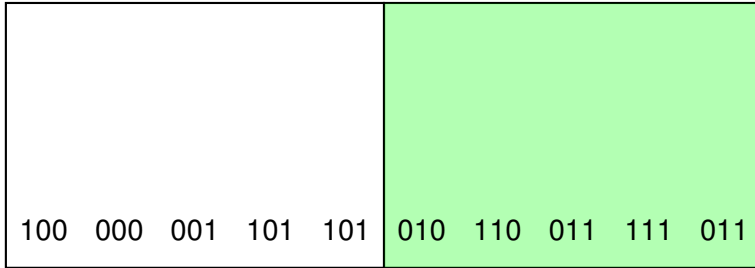


0

1

100	000	001	101	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

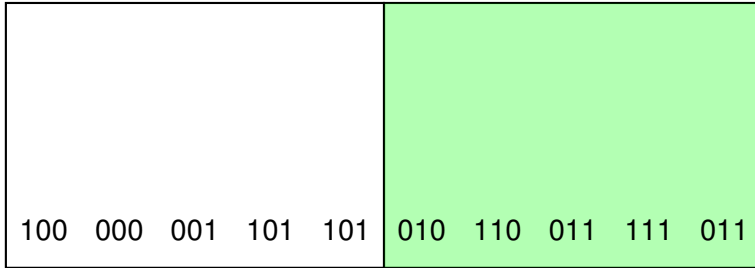


0

1

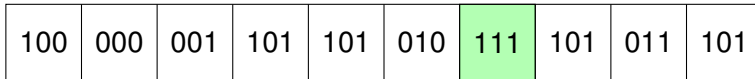
100	000	001	101	101	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

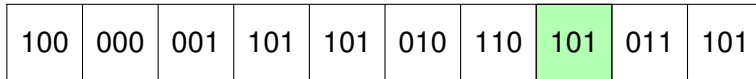
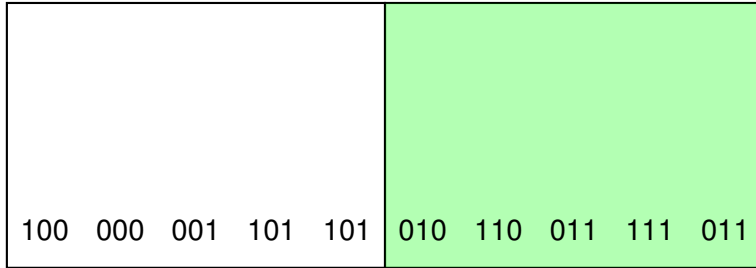


0

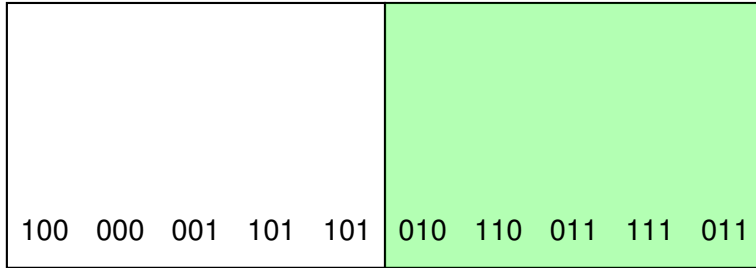
1



Radixsort — Funktionsweise

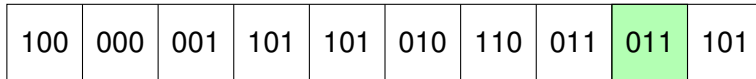


Radixsort — Funktionsweise

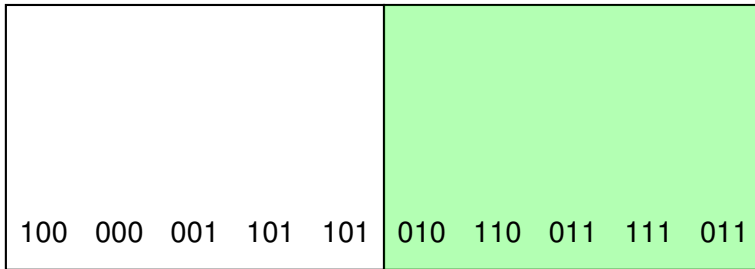


0

1

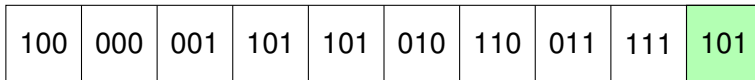


Radixsort — Funktionsweise

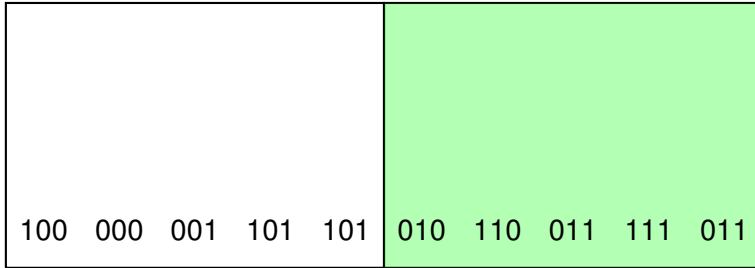


0

1



Radixsort — Funktionsweise

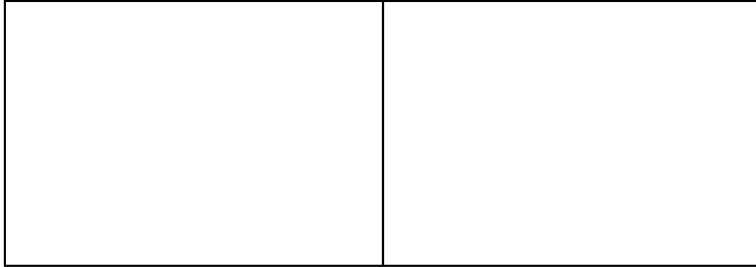


0

1

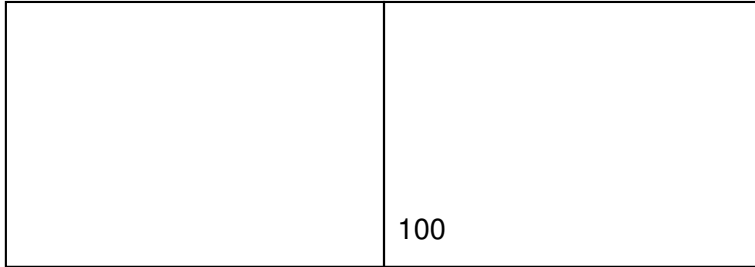
100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise



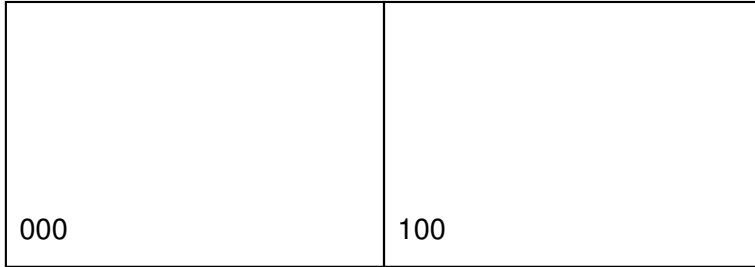
100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise



100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

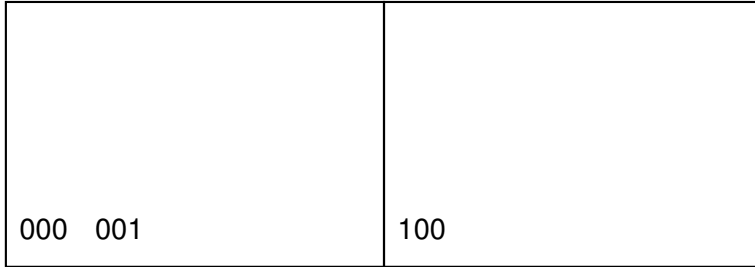


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

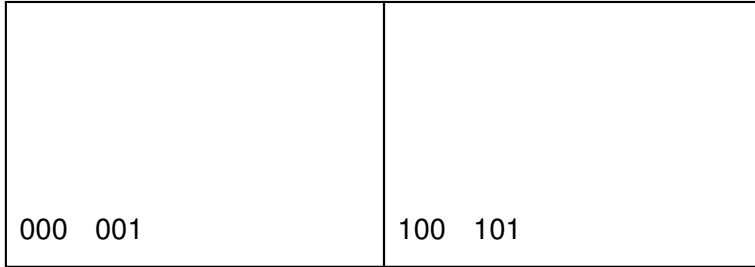


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

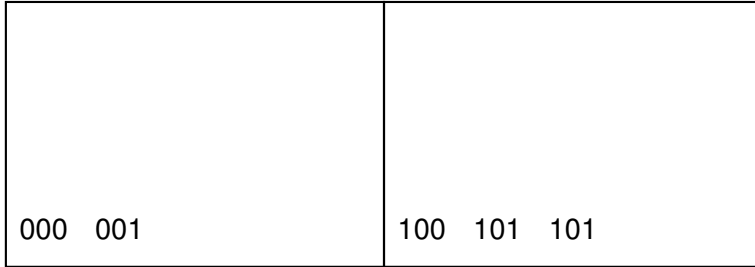


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

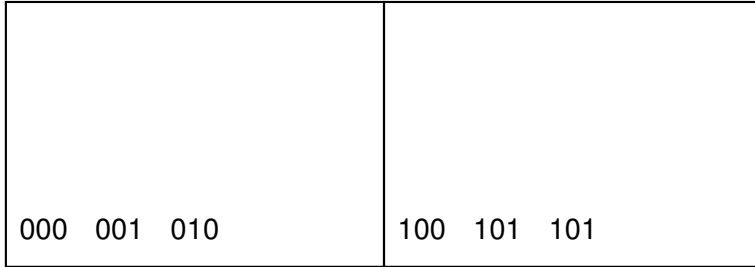


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

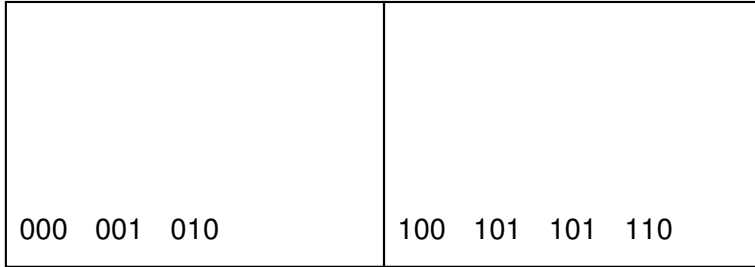


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

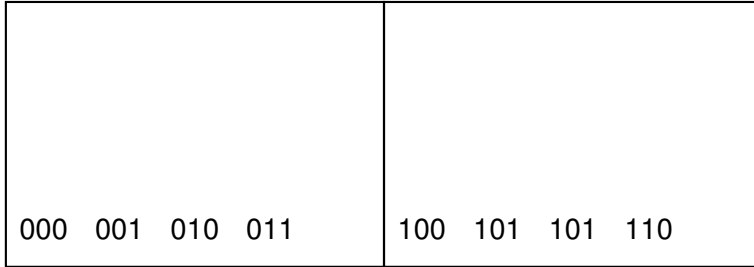


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

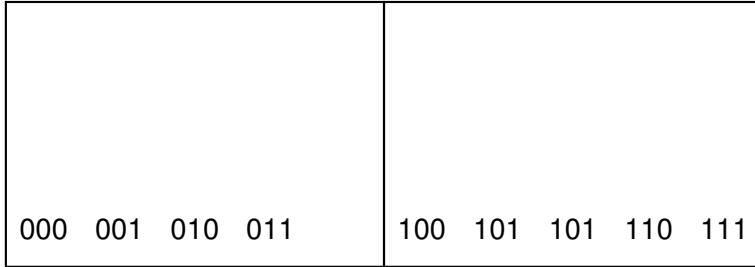


0

1

100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

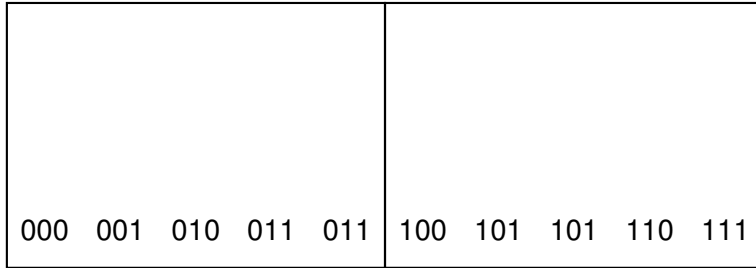


0

1

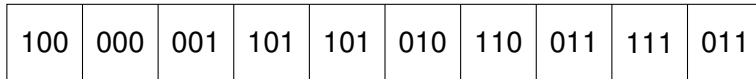
100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

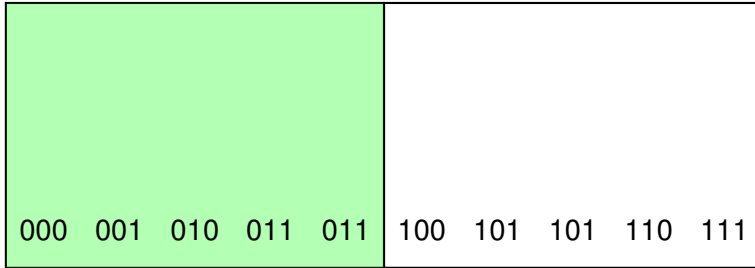


0

1

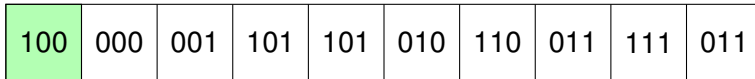


Radixsort — Funktionsweise

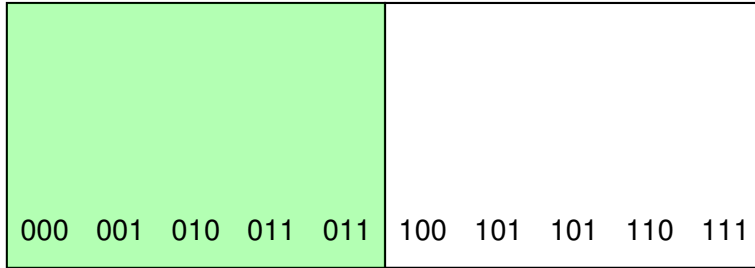


0

1

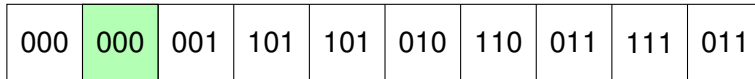


Radixsort — Funktionsweise

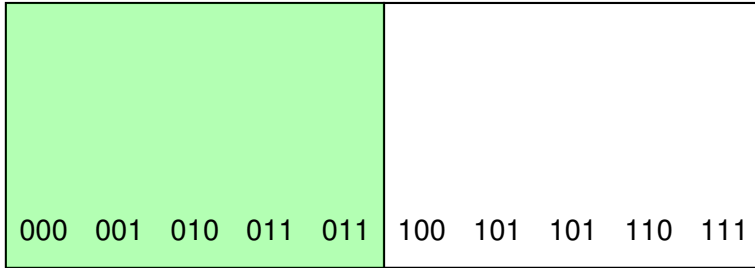


0

1

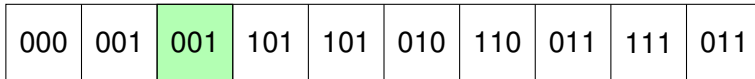


Radixsort — Funktionsweise

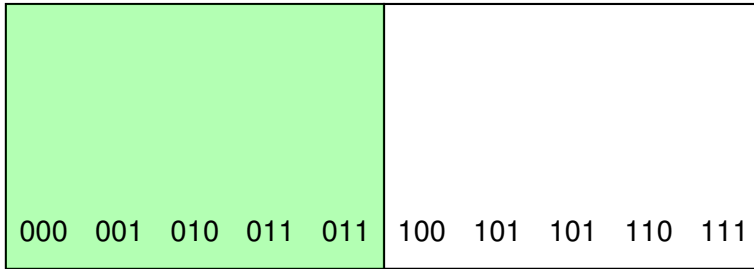


0

1



Radixsort — Funktionsweise

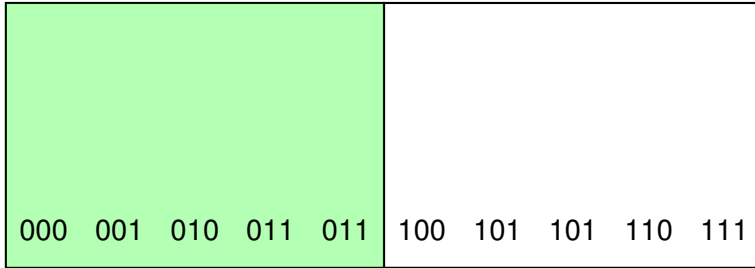


0

1

000	001	010	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

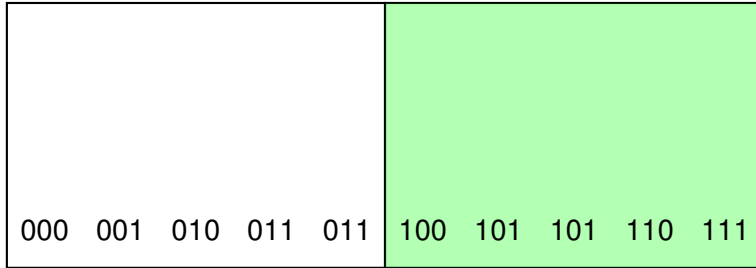


0

1

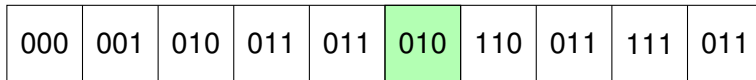
000	001	010	011	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Funktionsweise

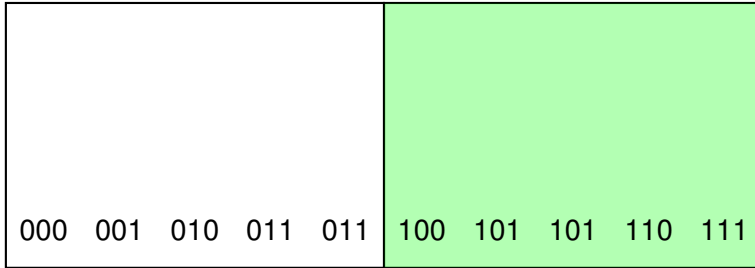


0

1

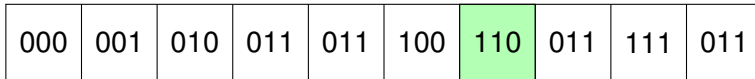


Radixsort — Funktionsweise

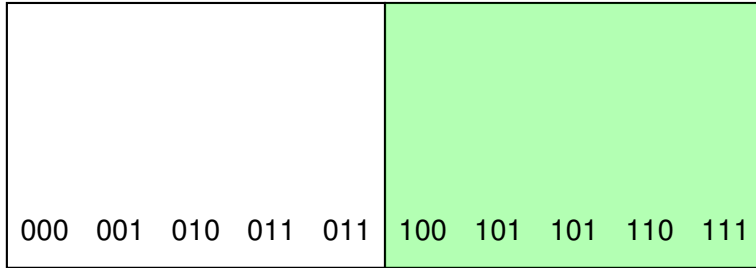


0

1

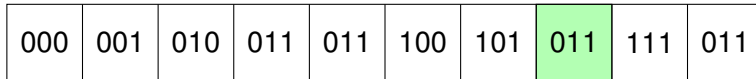


Radixsort — Funktionsweise

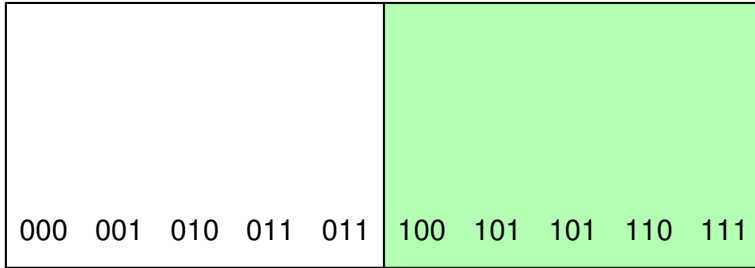


0

1

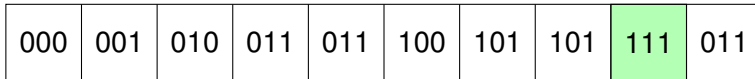


Radixsort — Funktionsweise

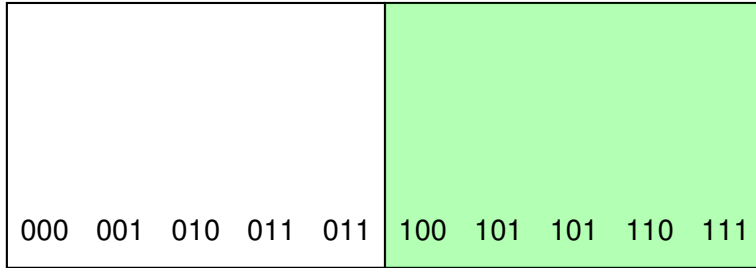


0

1

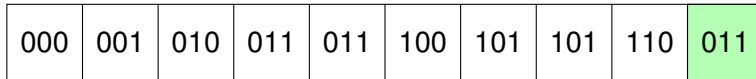


Radixsort — Funktionsweise

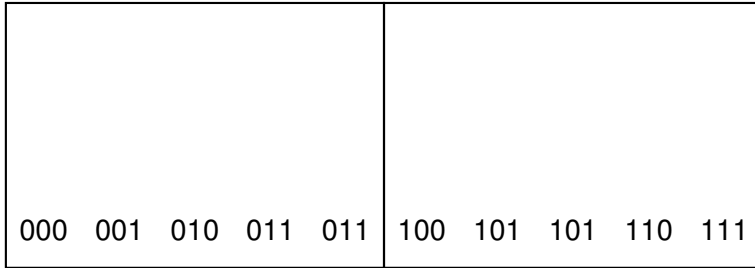


0

1



Radixsort — Funktionsweise



0

1

000	001	010	011	011	100	101	101	110	111
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Radixsort — Code (1)

```
int[] radixSort(int[] array) {  
    int[][] buckets = int[2];  
    for(int digit = 1; digit < 2**31 && digit > 0; digit = digit * 2)  
    {  
        for(int pos = 0; pos < array.length; pos++) {  
            int value = (array[pos] / digit) % 2;  
            buckets[value].add(array[pos]);  
        }  
        arrayIndex = 0;  
        for(int i = 0; i < buckets[0].length; i++) {  
            array[arrayIndex++] = buckets[0][i];  
        }  
        buckets[0].clear();  
    }  
}
```

Radixsort — Code (2)

```
        for(int i = 0; i < buckets[1].length; i++) {  
            array[arrayIndex++] = buckets[1][i];  
        }  
        buckets[1].clear();  
    }  
    return array;  
}
```

Radixsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (avarage case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n)$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(n)$
Stabilität	Stabil
Vergleichsbasiertes Verfahren	Nein

Quellen

- Vorlesungsunterlagen “Algorithmen und Datenstrukturen”