

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
o

# Sortierverfahren

Bucketsort, Heapsort, Radixsort

M. Heckel

2019–08–15

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
o

# Gliederung

Allgemeines

Bucketsort

Heapsort

Radixsort

Quellen

# Interne und externe Verfahren

# Interne und externe Verfahren

- Intern

- Zu sortierende Elemente liegen im RAM
- Lesen/Schreiben spielen keine besonders große Rolle

# Interne und externe Verfahren

- Intern
  - Zu sortierende Elemente liegen im RAM
  - Lesen/Schreiben spielen keine besonders große Rolle
- Extern
  - Zu sortierende Elemente liegen auf externen Medien (z.B. Festplatte, Band)
  - Lesen/Schreiben spielen eine relativ große Rolle

Allgemeines

○●○○○

Bucketsort

○○○○○

Heapsort

○○○○○○○○○○○○

Radixsort

○○○○○

Quellen

○

# Stabilität

# Stabilität

- Instabile Verfahren
    - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert nicht bei
    - Für Datensätze, die nur nach einem Kriterium sortiert werden können, geeignet

# Stabilität

- Instabile Verfahren
  - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert nicht bei
  - Für Datensätze, die nur nach einem Kriterium sortiert werden können, geeignet
- Stabile Verfahren
  - Behalten die Reihenfolge der Elemente mit gleichen Wert bei
  - Auch für Datensätze, die nach mehreren Kriterien sortiert werden können, geeignet

Allgemeines

○○●○○

Bucketsort

○○○○○

Heapsort

○○○○○○○○○○○○

Radixsort

○○○○○

Quellen

○

in-place

## in-place

- in-place
    - Sortieren auf dem gegebenen Array
    - Zusätzlich benötigter Speicher konstant

# in-place

- in-place
  - Sortieren auf dem gegebenen Array
  - Zusätzlich benötigter Speicher konstant
- Nicht in-place
  - Kopieren in anderes Array (ggf. mehrere)
  - Zusätzlich benötigter Speicher hängt von Anzahl der zu sortierenden Elementen ab

Allgemeines

○○●○

Bucketsort

○○○○○

Heapsort

○○○○○○○○○○○○

Radixsort

○○○○○

Quellen

○

# Komplexität

## Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation  $\mathcal{O}$  angegeben

# Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation  $\mathcal{O}$  angegeben
- Häufig werden zwei Eigenschaften betrachtet:
  - Laufzeitkomplexität
  - Speicherkomplexität

# Komplexität

- Die Komplexität wird mit der Landau-Notation  $\mathcal{O}$  angegeben
- Häufig werden zwei Eigenschaften betrachtet:
  - Laufzeitkomplexität
  - Speicherkomplexität
- Meist wird die Komplexität in Bezug auf die Problemkomplexität  $n$  angegeben
  - Beim Sortieren oder Suchen: Anzahl der Elemente, die sortiert bzw. durchsucht werden müssen
  - Beim Multiplizieren: Anzahl der Stellen der Zahl
  - Bei Approximationen: Genauigkeit (Anzahl richtiger Nachkommastellen)

Allgemeines

oooo●

Bucketsort

ooooo

Heapsort

oooooooooooo

Radixsort

ooooo

Quellen

o

# Komplexität

# Komplexität

- Häufig werden drei Fälle betrachtet:
  - Best Case
  - Average Case (in der Praxis meistens verwendet)
  - Worst Case

# Komplexität

- Häufig werden drei Fälle betrachtet:
  - Best Case
  - Average Case (in der Praxis meistens verwendet)
  - Worst Case
- Vergleichsbasierte Sortieralgorithmen erreichen im Average Case bestenfalls eine Laufzeitkomplexität von  $\mathcal{O}(n \log(n))$ 
  - Besser als  $\mathcal{O}(n^2)$
  - Schlechter als  $\mathcal{O}(n)$

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
●ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
o

## Bucketsort — Funktionsweise

## Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
  - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
  - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein

## Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
  - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
  - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren

## Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
  - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
  - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren
- Buckets vergleichsbasiert sortieren

## Bucketsort — Funktionsweise

- Eimer (“Buckets”) erstellen
  - Jeder Bucket deckt einen bestimmten Bereich ab (z.B. 0–10, 10–20, etc.)
  - Gesamter Bereich der Sortiergröße muss durch Buckets abgedeckt sein
- Elemente des Arrays in die entsprechenden Buckets sortieren
- Buckets vergleichsbasiert sortieren
- Bucket-Elemente in Ausgangsarray kopieren

Allgemeines  
ooooo

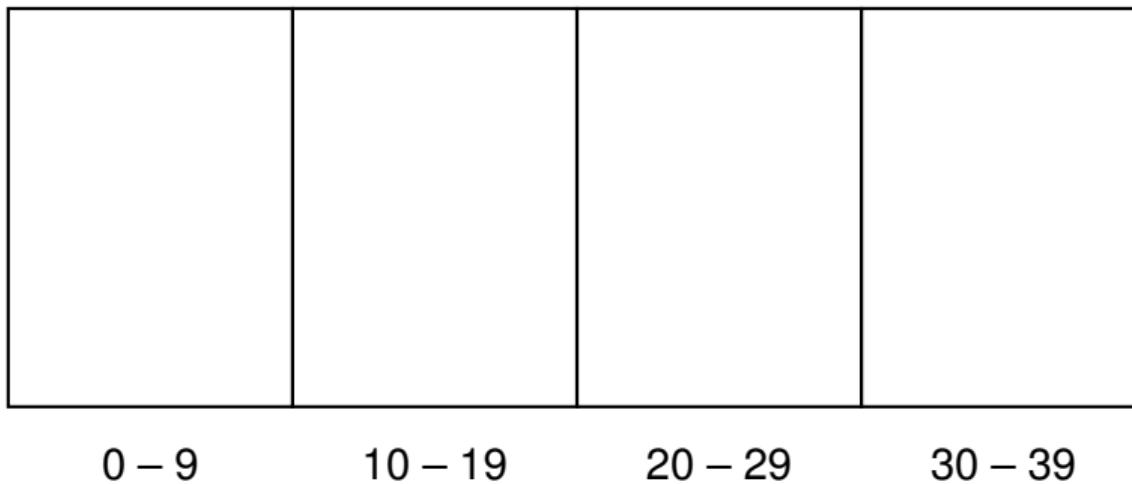
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

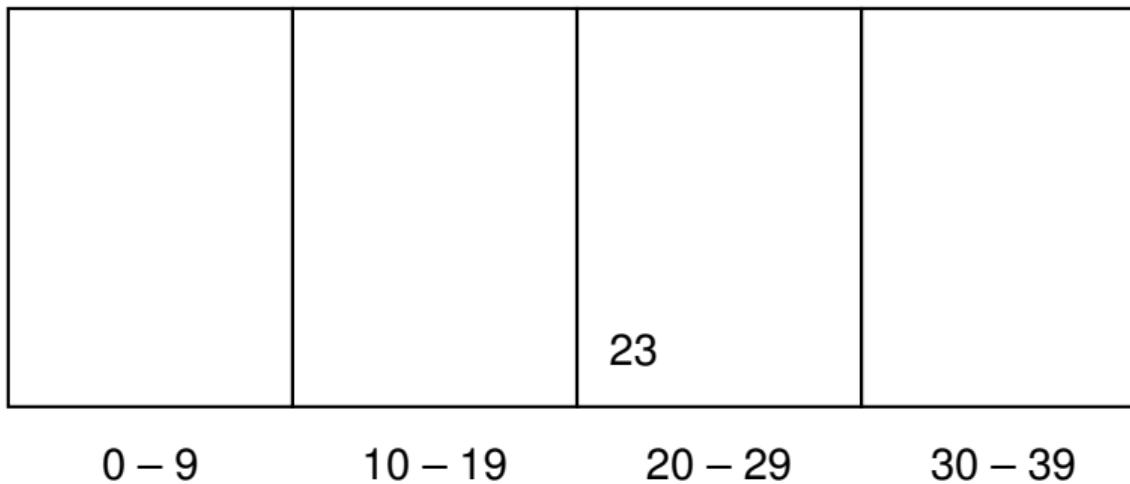
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

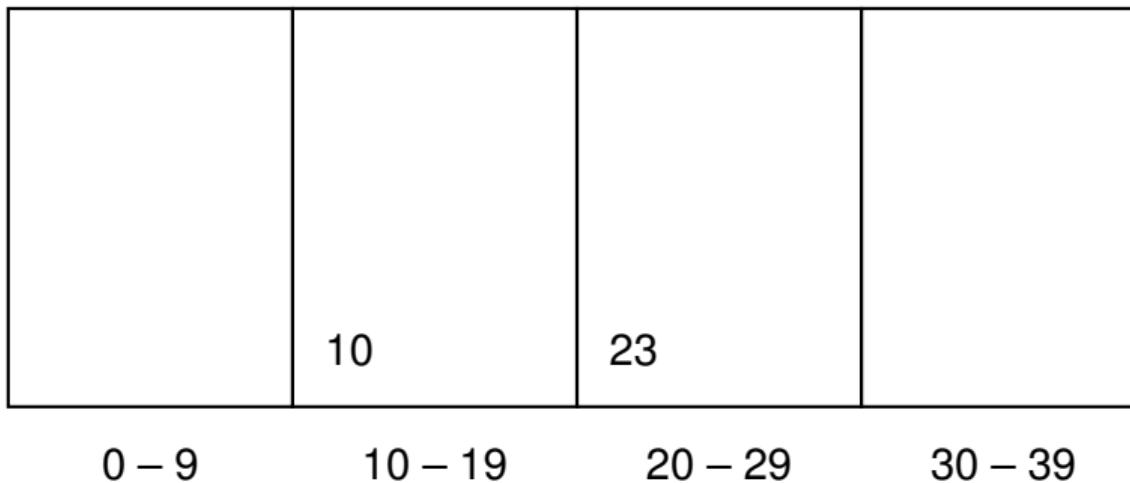
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

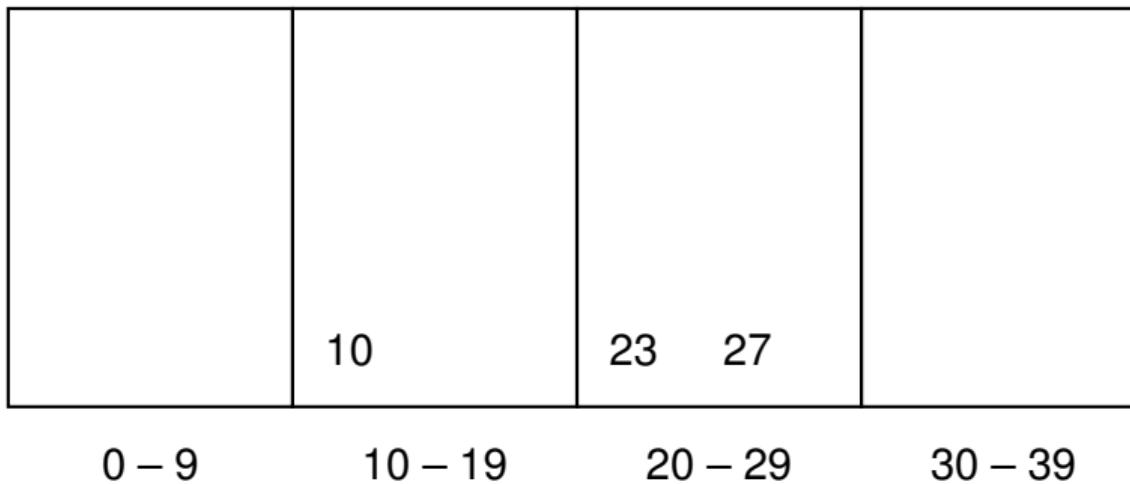
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

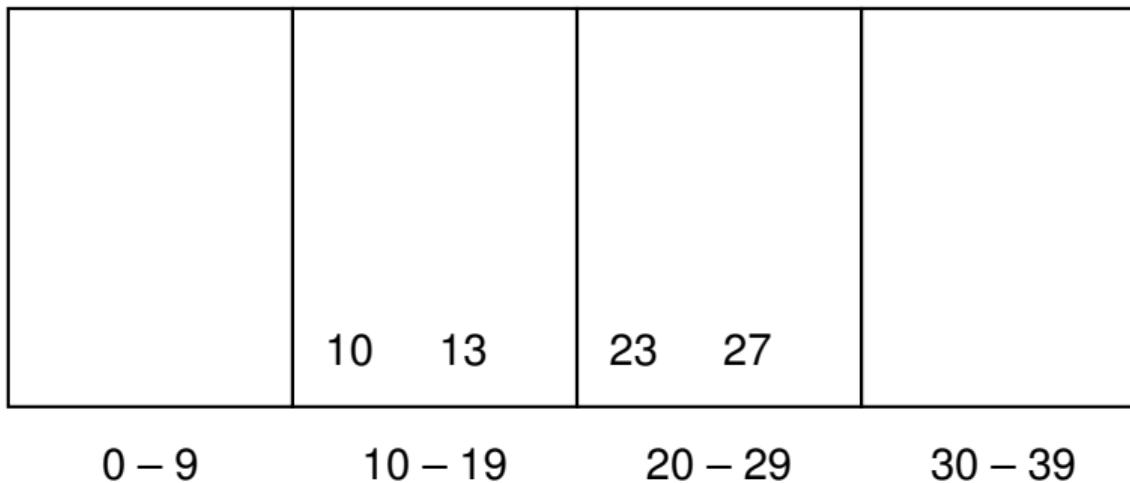
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



23	10	27	13	21	5	37	25	21	3
----	----	----	----	----	---	----	----	----	---

Allgemeines  
ooooo

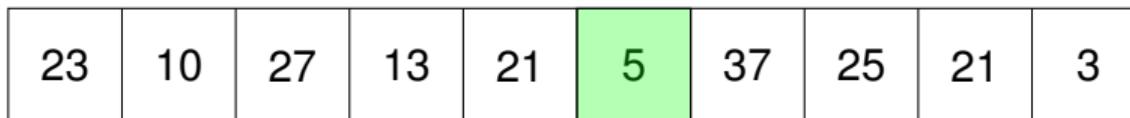
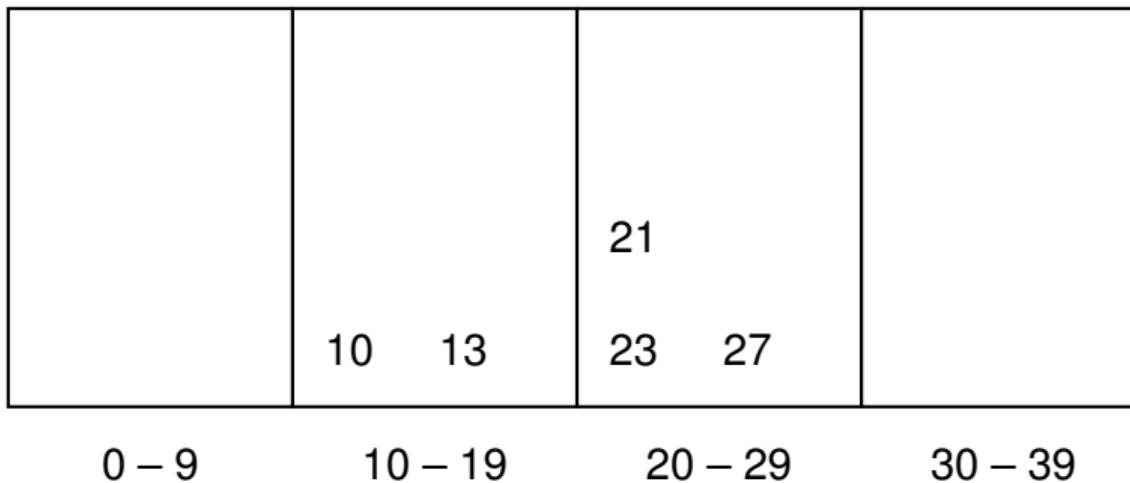
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

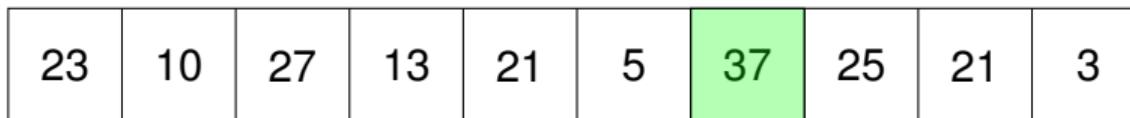
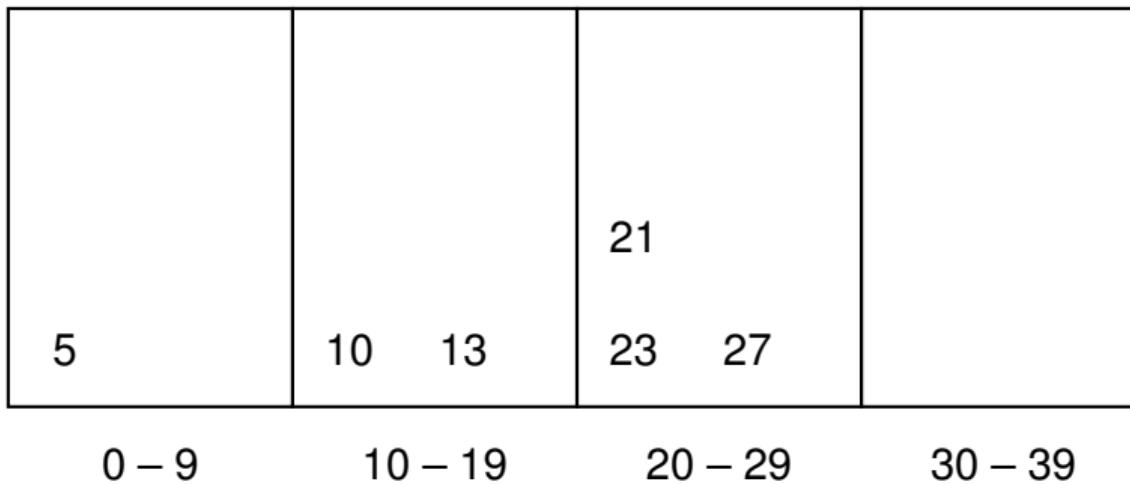
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

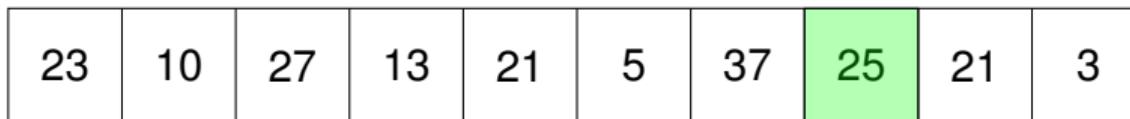
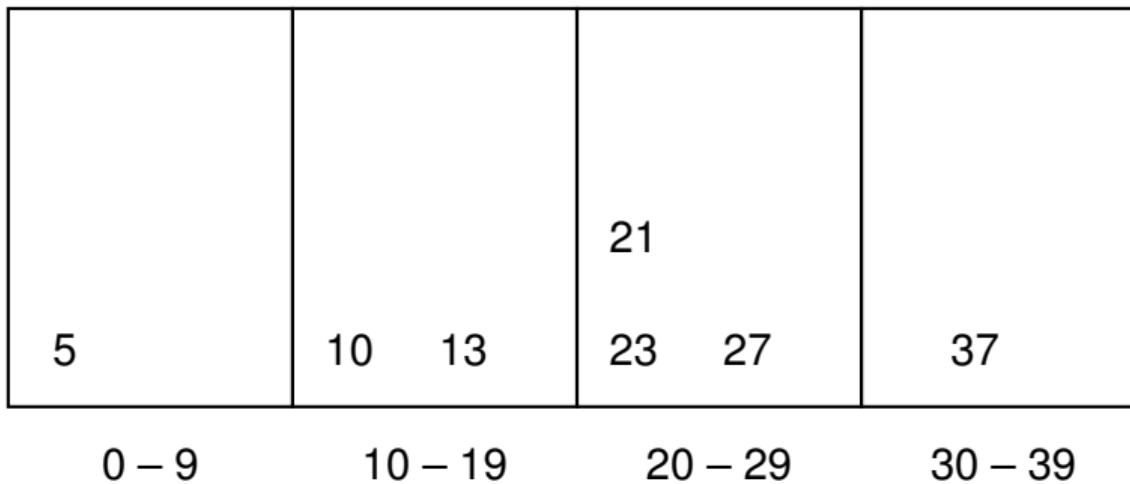
Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

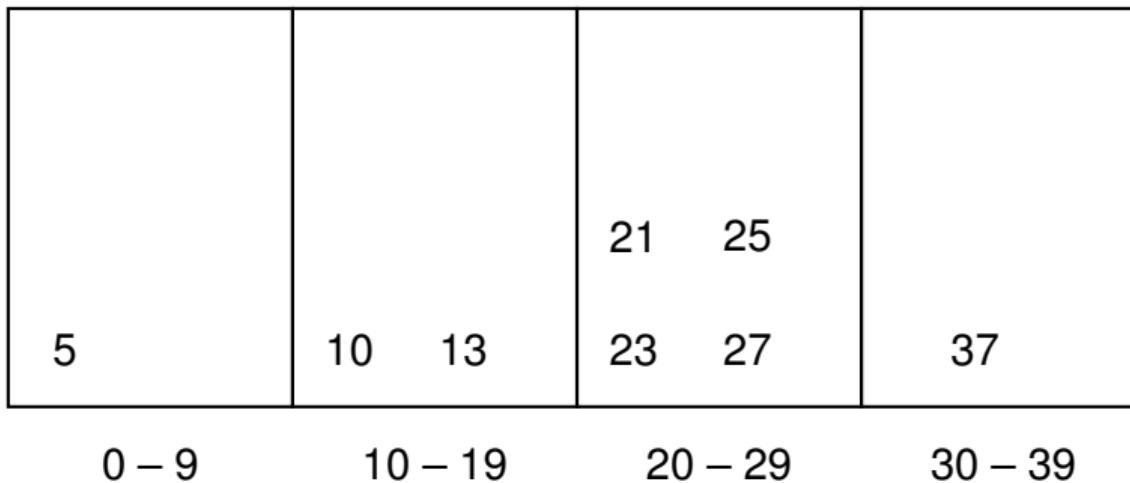
## Bucketsort — Funktionsweise



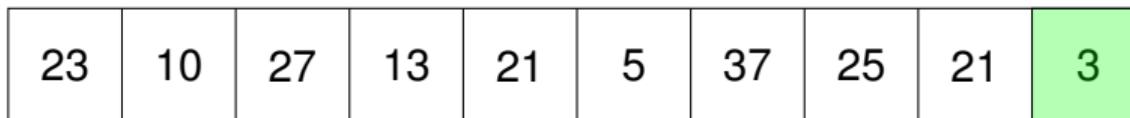
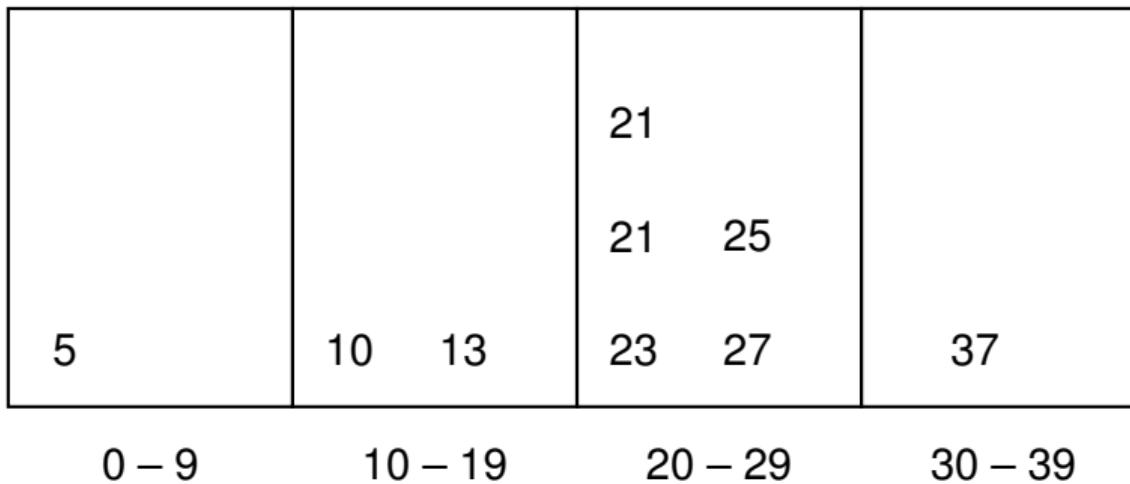
## Bucketsort — Funktionsweise



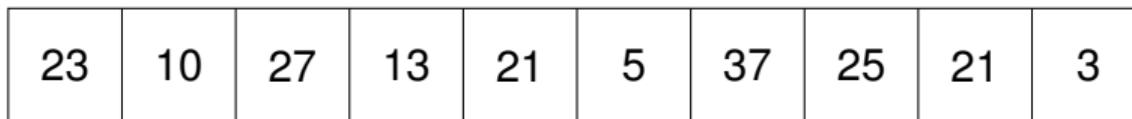
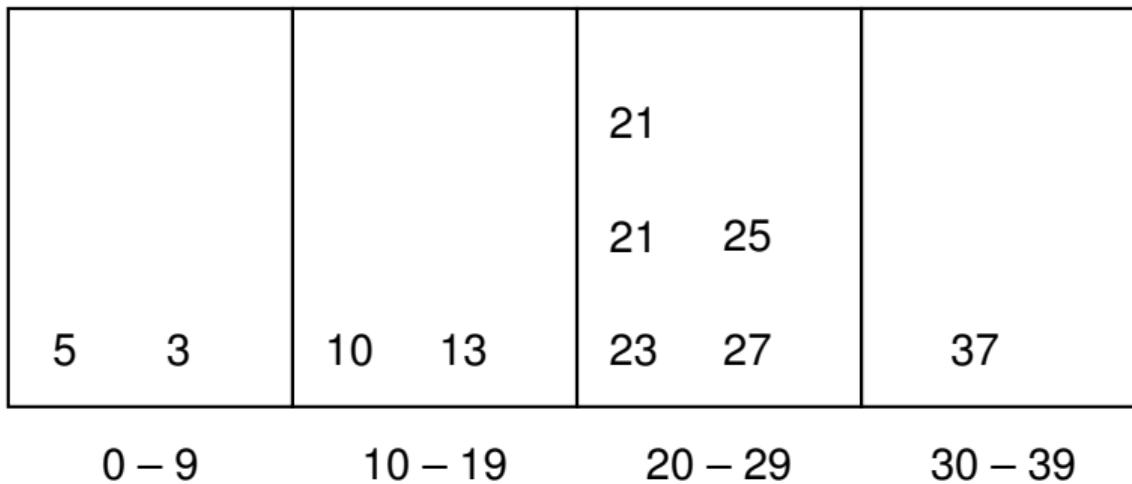
## Bucketsort — Funktionsweise



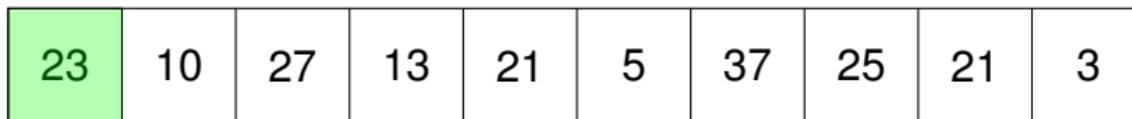
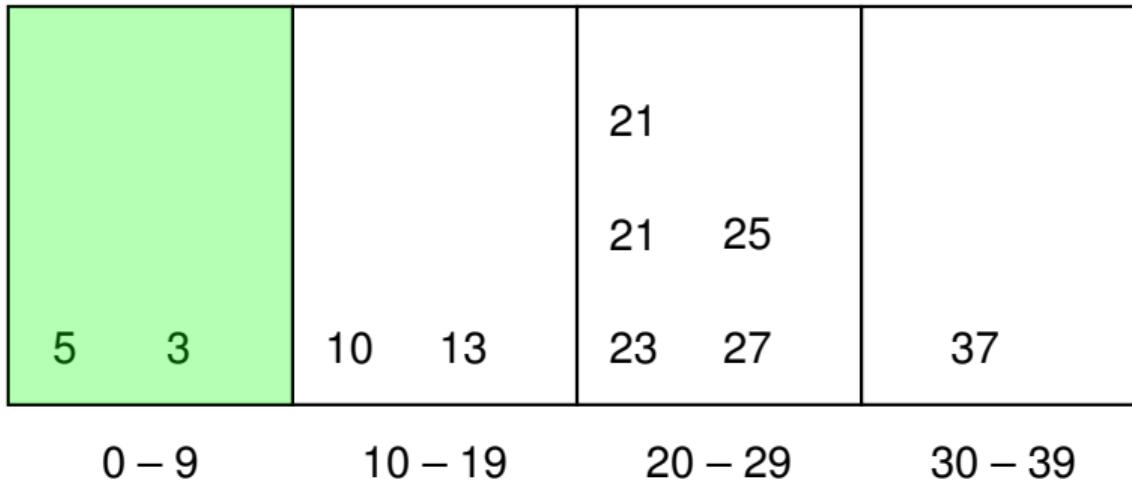
## Bucketsort — Funktionsweise



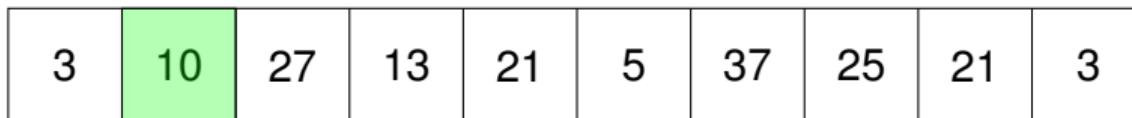
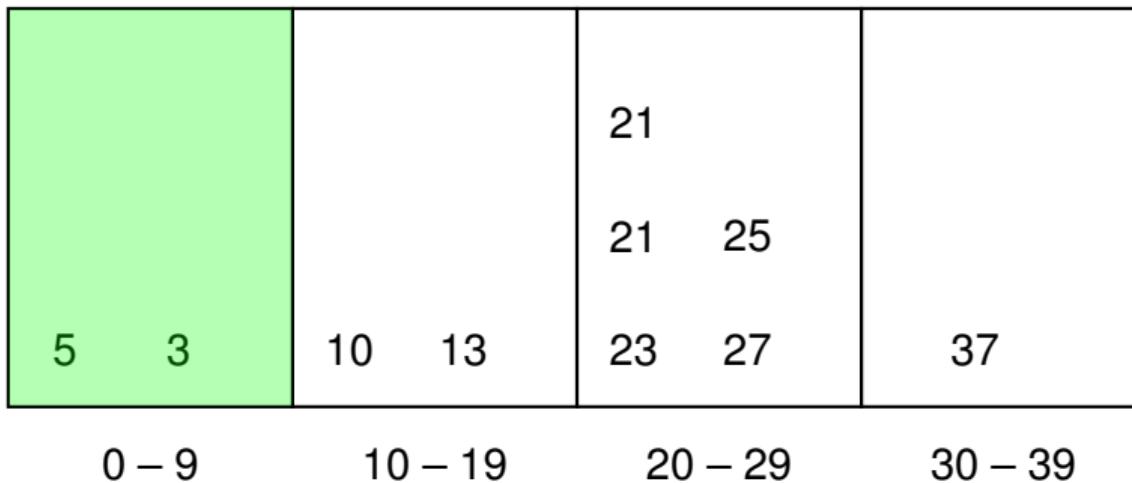
## Bucketsort — Funktionsweise



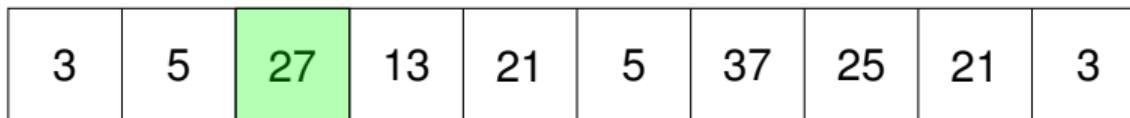
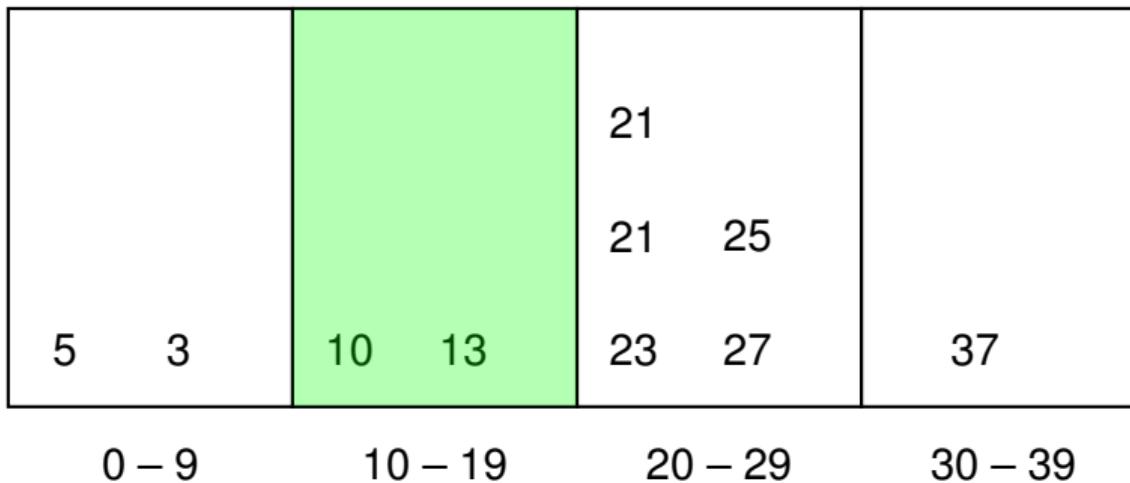
## Bucketsort — Funktionsweise



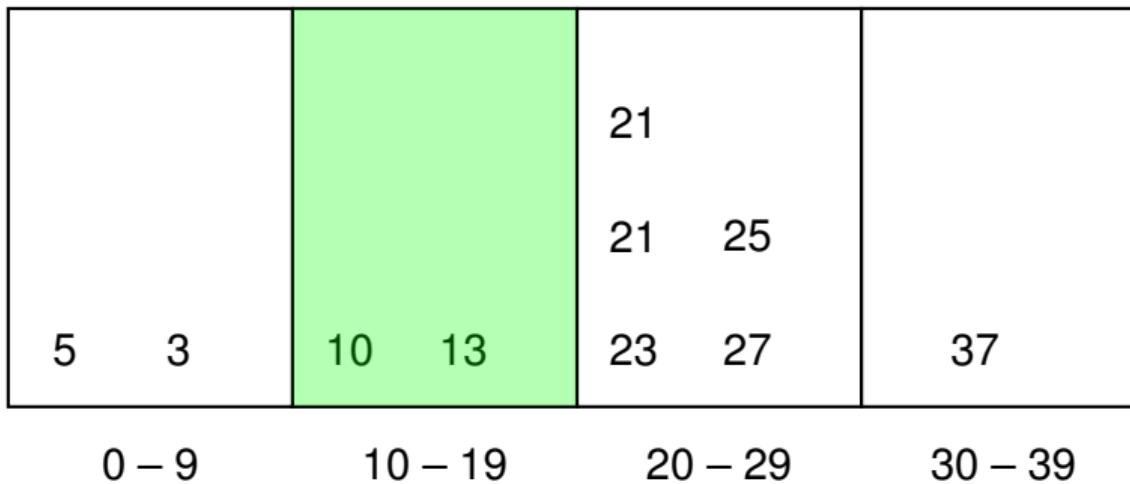
## Bucketsort — Funktionsweise



## Bucketsort — Funktionsweise



## Bucketsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

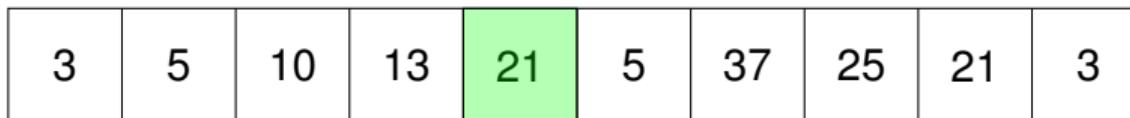
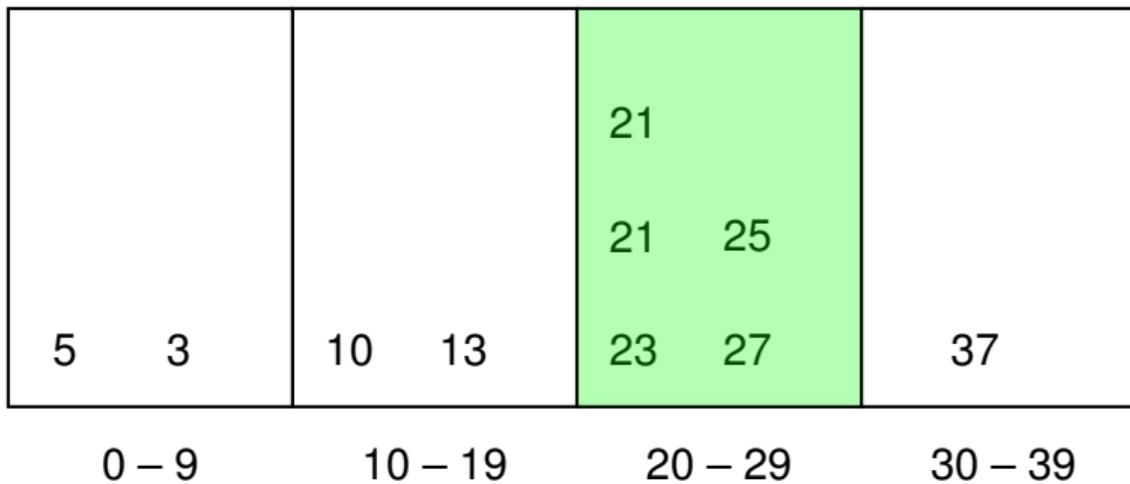
Bucketsort  
○●ooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

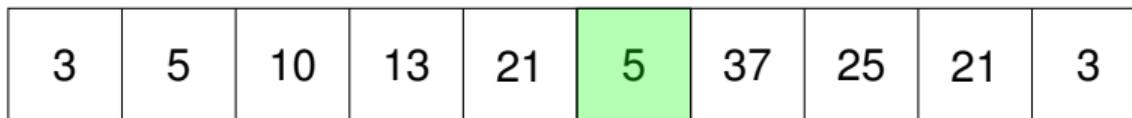
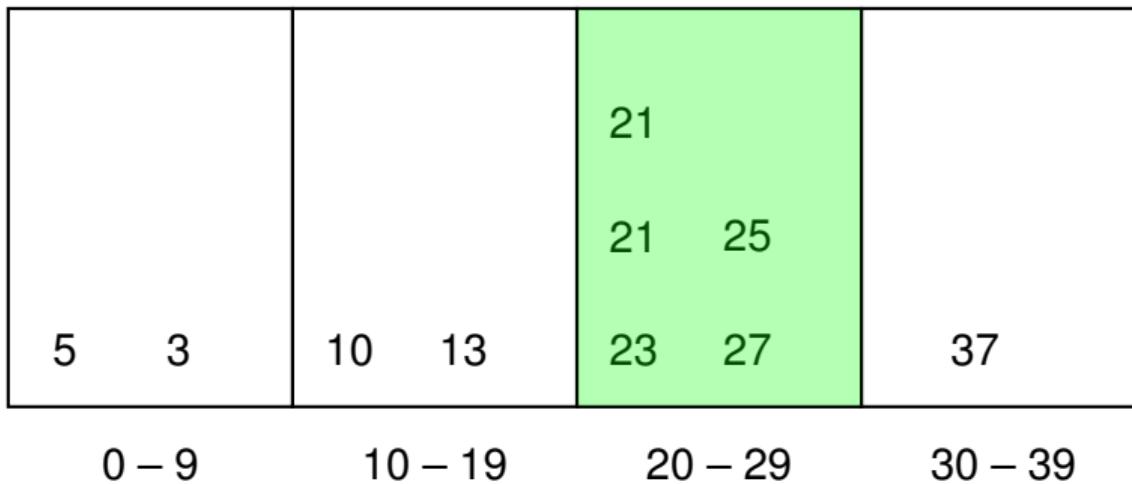
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Bucketsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

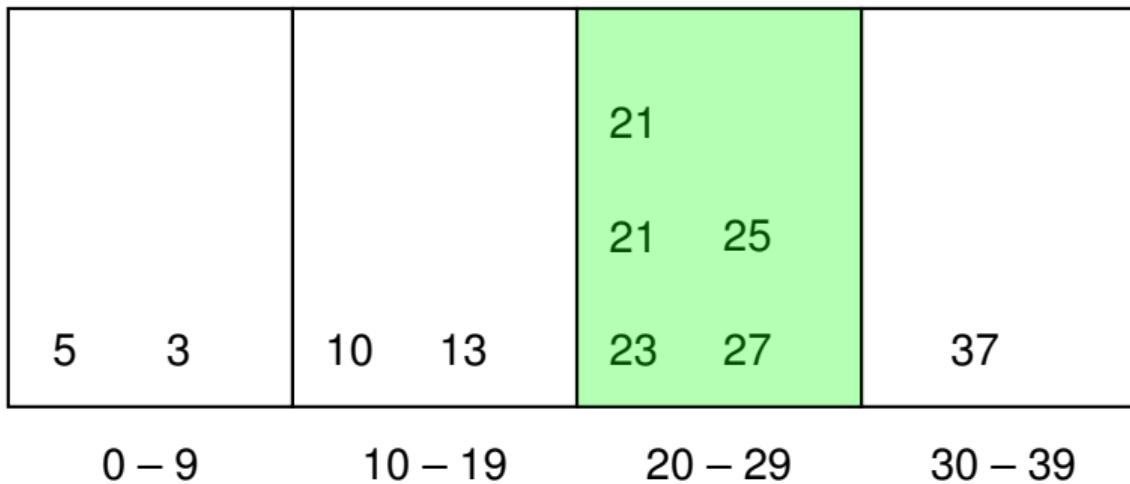
Bucketsort  
○●○○○

Heapsort  
oooooooooooo

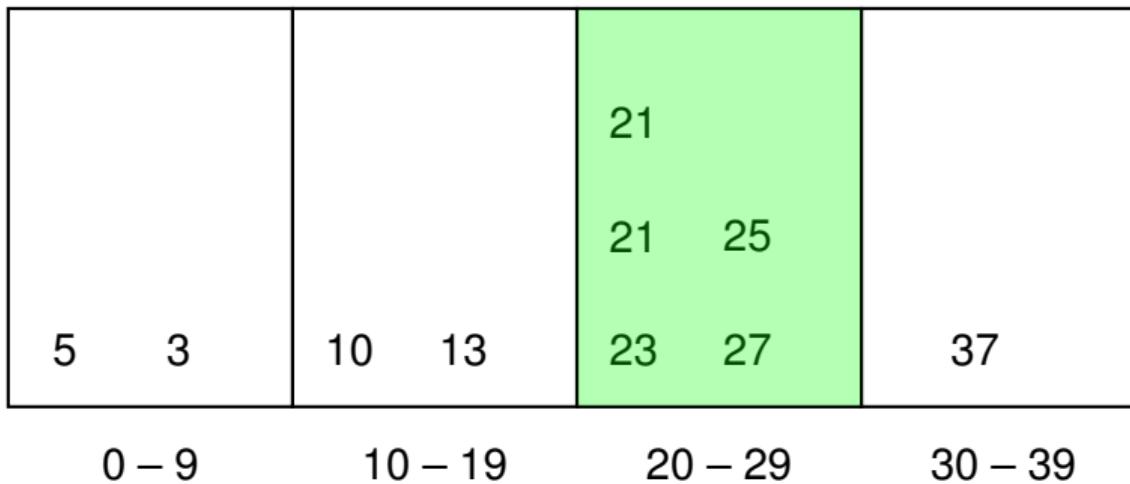
Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

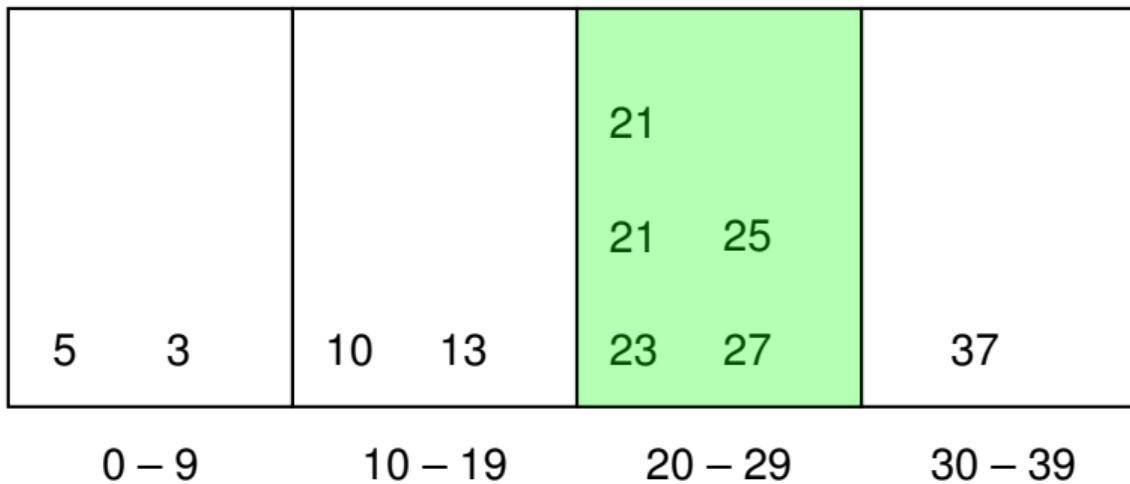
## Bucketsort — Funktionsweise



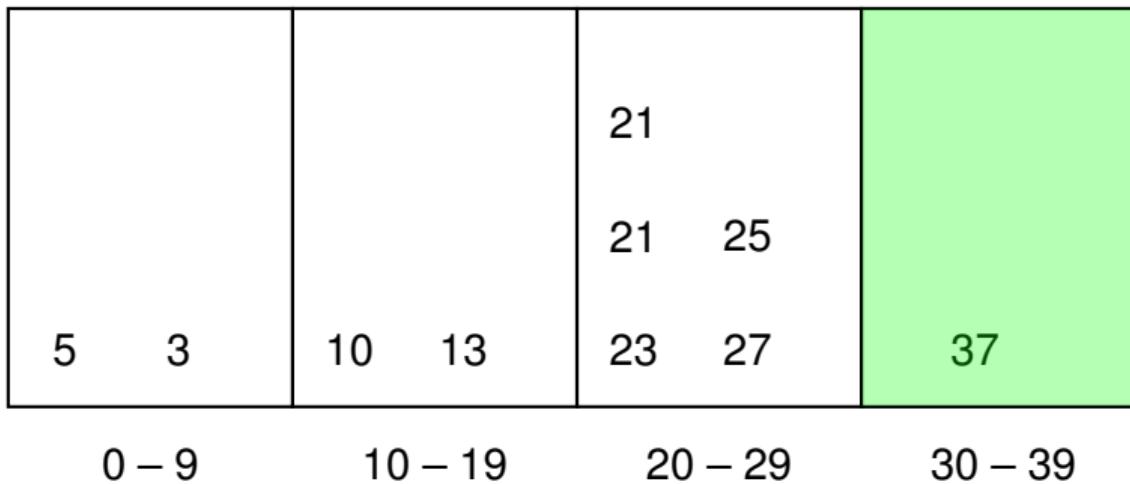
## Bucketsort — Funktionsweise



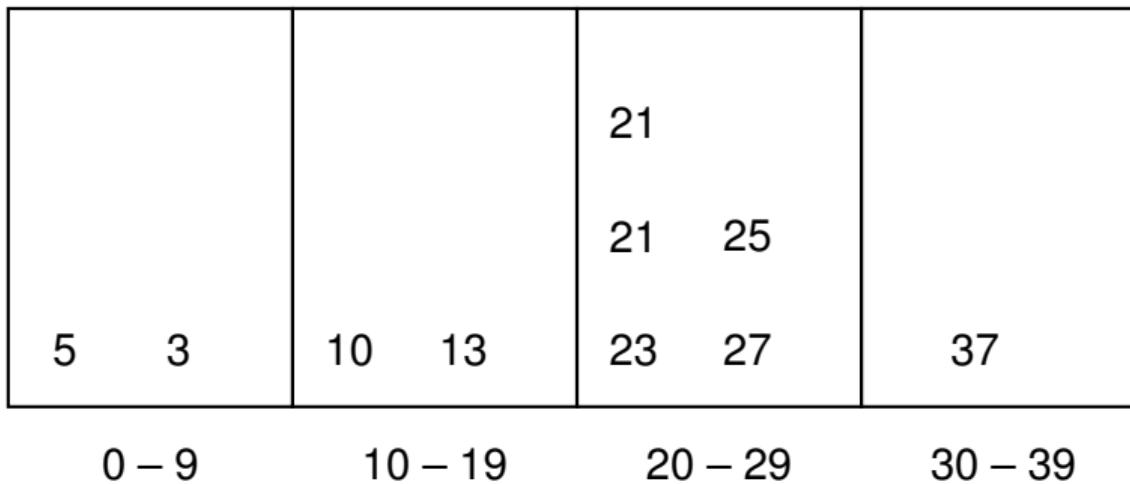
## Bucketsort — Funktionsweise



## Bucketsort — Funktionsweise



## Bucketsort — Funktionsweise



## Bucketsort — Code (1)

```
int[] bucketsort(int[] array, int bucketnum) {
    int[][] buckets = int[bucketnum];
    int max = 0;
    for(int i = 0; i < array.length; i++) {
        if(array[i] > max) {
            max = array[i];
        }
    }

    for(int i = 0; i < array.length; i++) {
        buckets[array[i] * bucketnum / (max + 1)].add(array[i])
    }
}
```

## Bucketsort — Code (2)

```
int [] sorted;

for(int i = 0; i < bucketnum; i++) {
    compareSort(buckets[i])
    for(int k = 0; k < buckets[i].length; k++) {
        sorted.add(buckets[i][k])
    }
}
return sorted;
}
```

## Bucketsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (avarage case)	$\mathcal{O}(n + \frac{n^2}{k} + k)$ ( $k$ ist die Anzahl der Buckets)
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n^2)$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(n)$ (Abhängig vom verwendeten Sub-Verfahren)
Stabilität	Abhängig vom verwendeten Sub-Verfahren
Vergleichsbasiertes Verfahren	Nein

Allgemeines

ooooo

Bucketsort

ooooo

Heapsort

●oooooooooooo

Radixsort

ooooo

Quellen

○

# Heap

# Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
  - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
  - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
  - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst

# Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
  - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
  - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
  - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.

# Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
  - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
  - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
  - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.
- Knoten ohne Nachfolger heißen **Blatt**.

# Heap

- Ein Heap ist eine Datenstruktur, die folgende Eigenschaften erfüllt:
  - Baumstruktur, bei der jeder Knoten maximal zwei Nachfolger hat
  - Max-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind maximal so groß wie der Knoten selbst
  - Min-Heap: Alle Nachfolger eines Knotens sind mindestens so groß wie der Knoten selbst
- Der erste Knoten heißt **Wurzel**.
- Knoten ohne Nachfolger heißen **Blatt**.
- Jeder einzelne Knoten ist per Definition ein Heap

Allgemeines  
ooooo

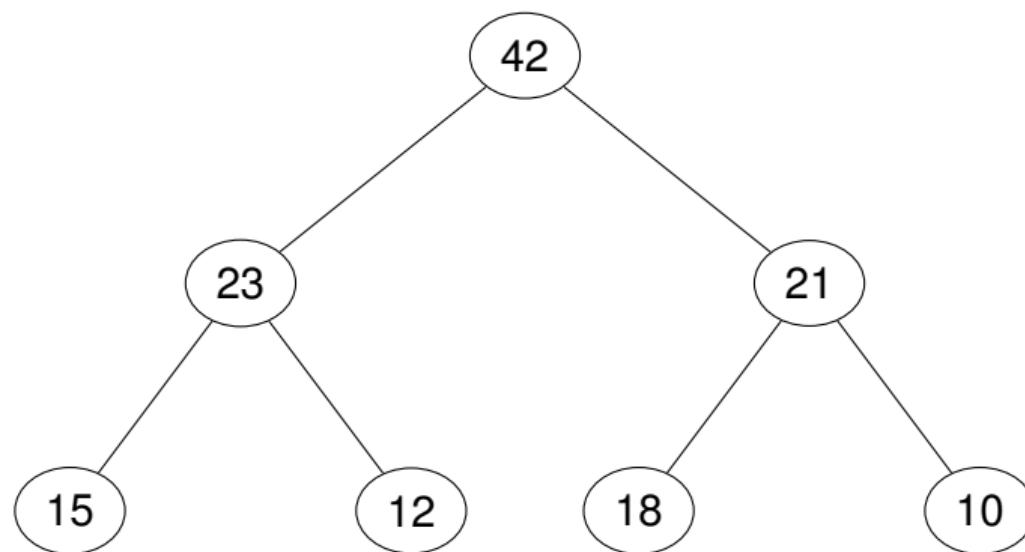
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
○●oooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heap — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

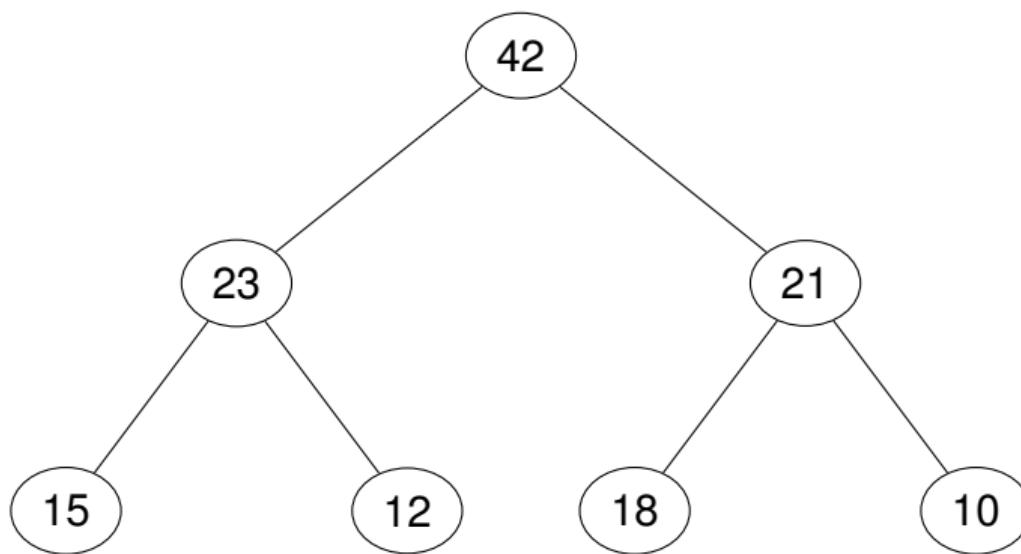
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
○●oooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	10
----	----	----	----	----	----	----

# Heap — Code

```
int getLeftChildIndex(int parent_index) {
    return 2 * parent_index + 1;
}
int getRightChildIndex(int parent_index) {
    return 2 * parent_index + 2;
}
```

Allgemeines  
ooooo

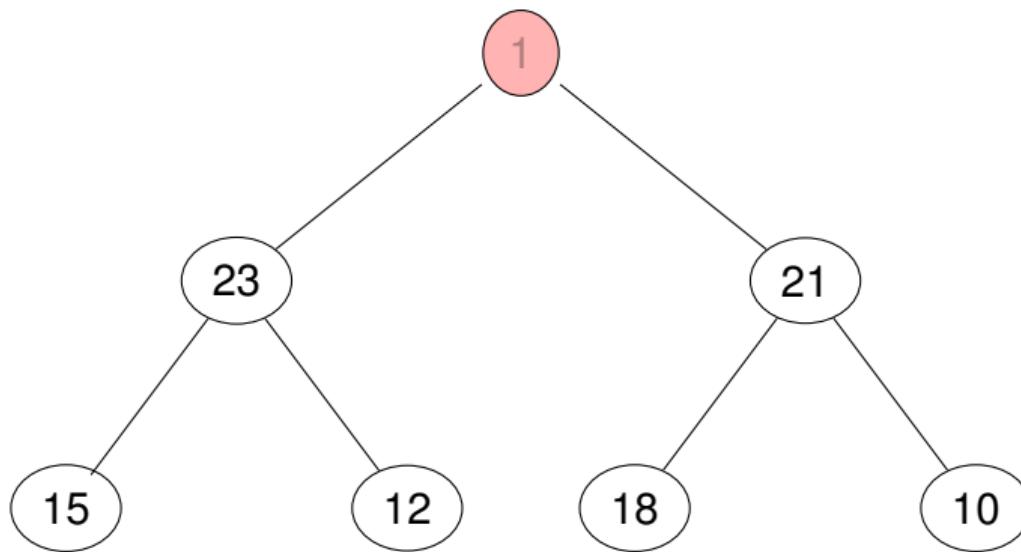
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooo●oooooooo

Radixsort  
ooooo

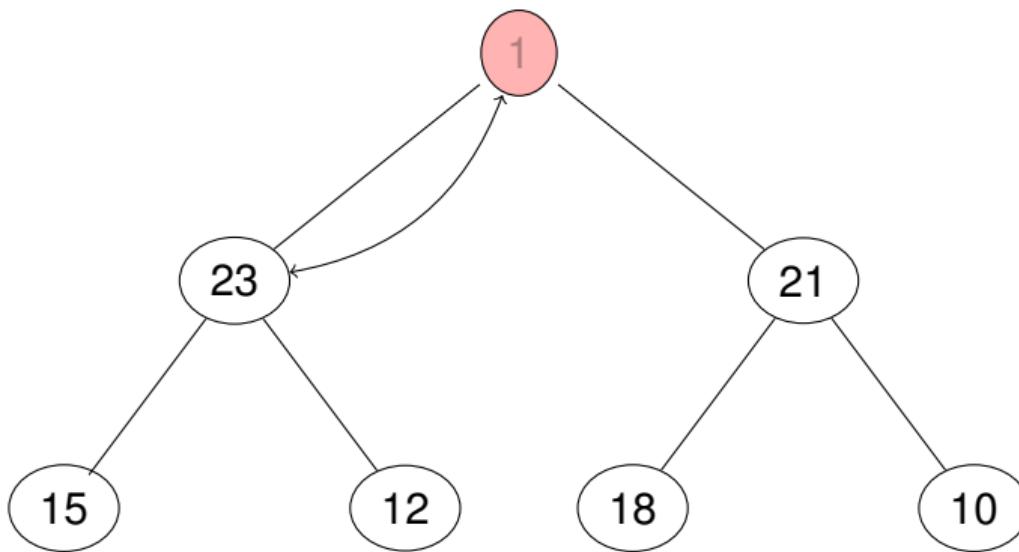
Quellen  
○

## Heapify — Funktionsweise



1	23	21	15	12	18	10
---	----	----	----	----	----	----

## Heapify — Funktionsweise



1	23	21	15	12	18	10
---	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

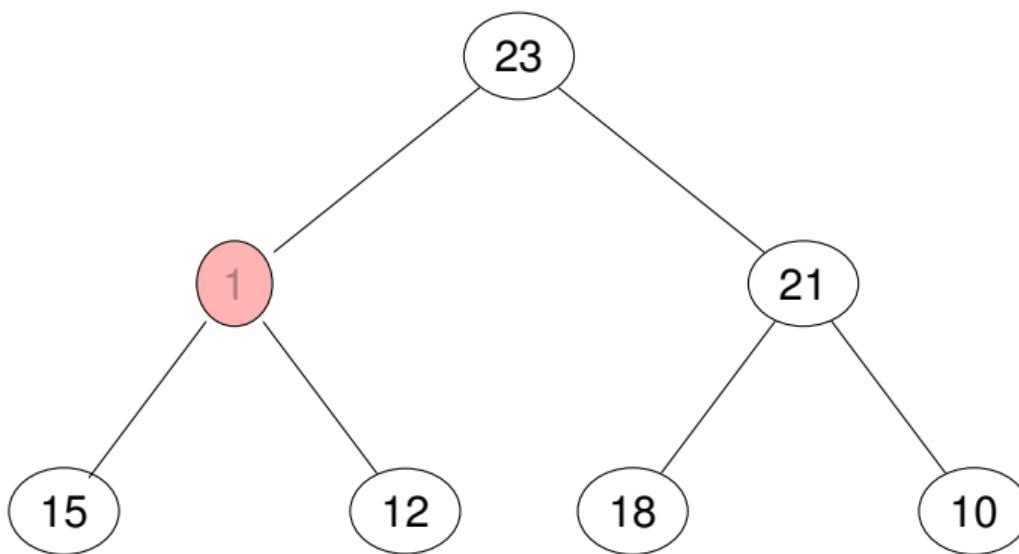
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooo●oooooooo

Radixsort  
ooooo

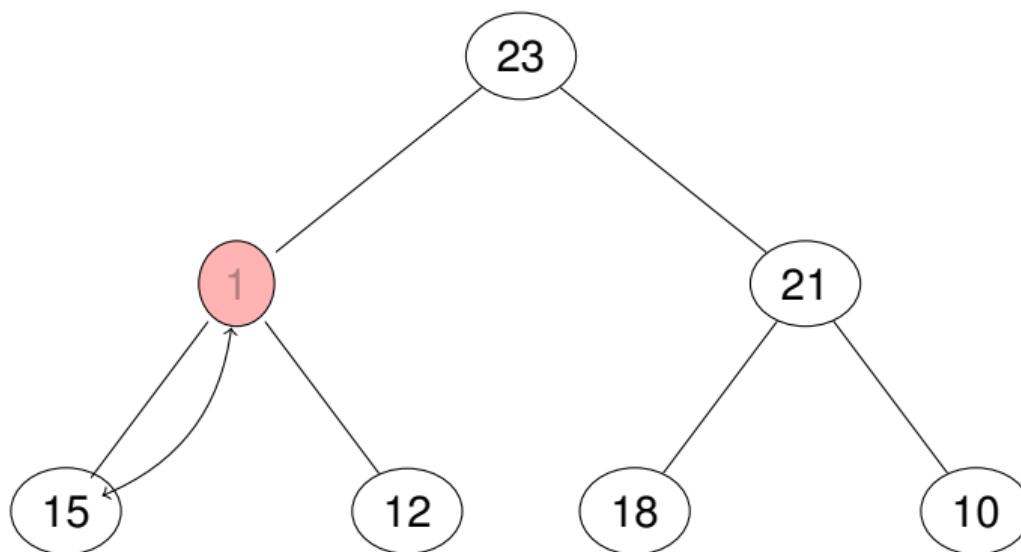
Quellen  
○

## Heapify — Funktionsweise



23	1	21	15	12	18	10
----	---	----	----	----	----	----

## Heapify — Funktionsweise



23	1	21	15	12	18	10
----	---	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

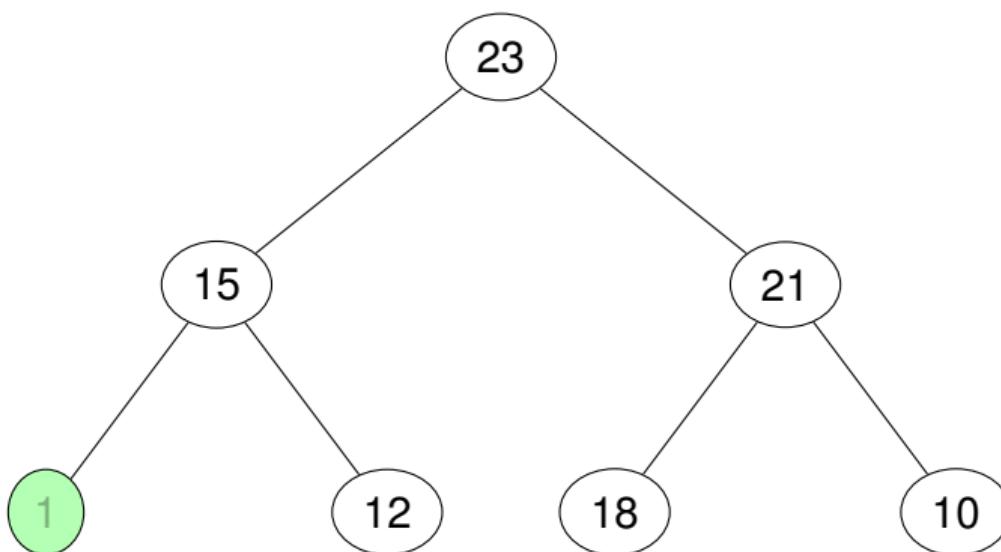
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooo●oooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapify — Funktionsweise



23	15	21	1	12	18	10
----	----	----	---	----	----	----

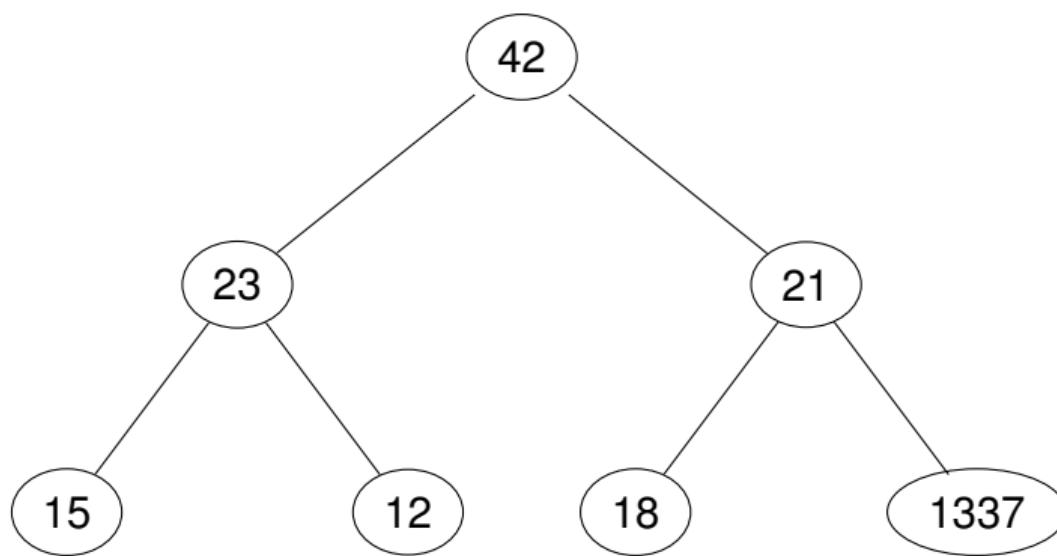
# Heapify — Code (1)

```
void heapify(int[] array, int elementIndex, int lastIndex) {  
    int index = elementIndex;  
    while(index < lastIndex) {  
        int left = getLeftChildIndex(index);  
        int right = getRightChildIndex(index);  
        if(left > lastIndex) {  
            return;  
        }  
        if(right > lastIndex || array[left] > array[right]) {  
            if(array[left] > array[index]) {  
                int tmp = array[left];  
                array[left] = array[index];  
                array[index] = tmp;  
                index = left;  
            }  
        }  
    }  
}
```

## Heapify — Code (2)

```
        else {
            break;
        }
    }
    else {
        if(array[right] > array[index]) {
            int tmp = array[right];
            array[right] = array[index];
            array[index] = tmp;
            index = right;
        }
        else {
            break;
        }
    }
}
```

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

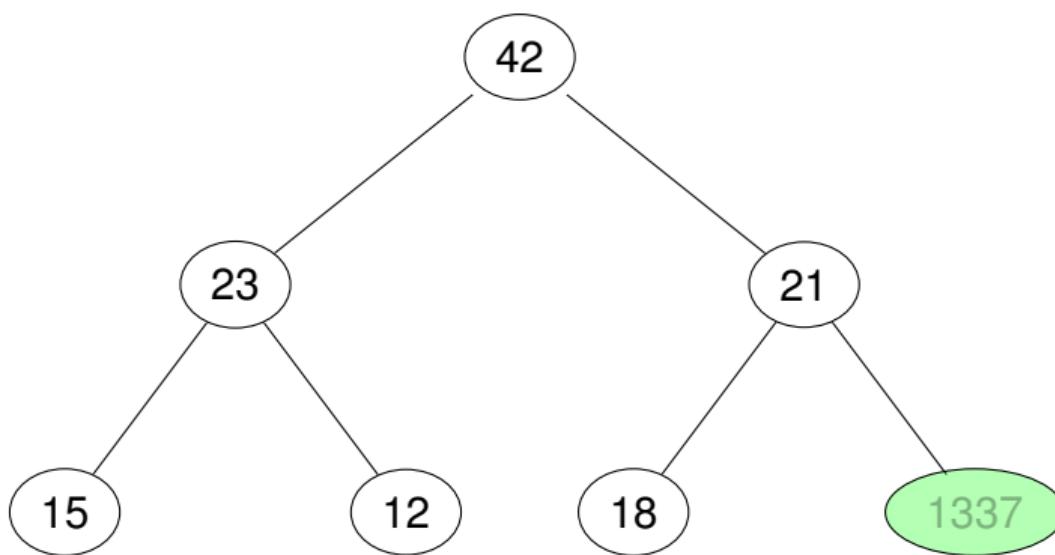
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

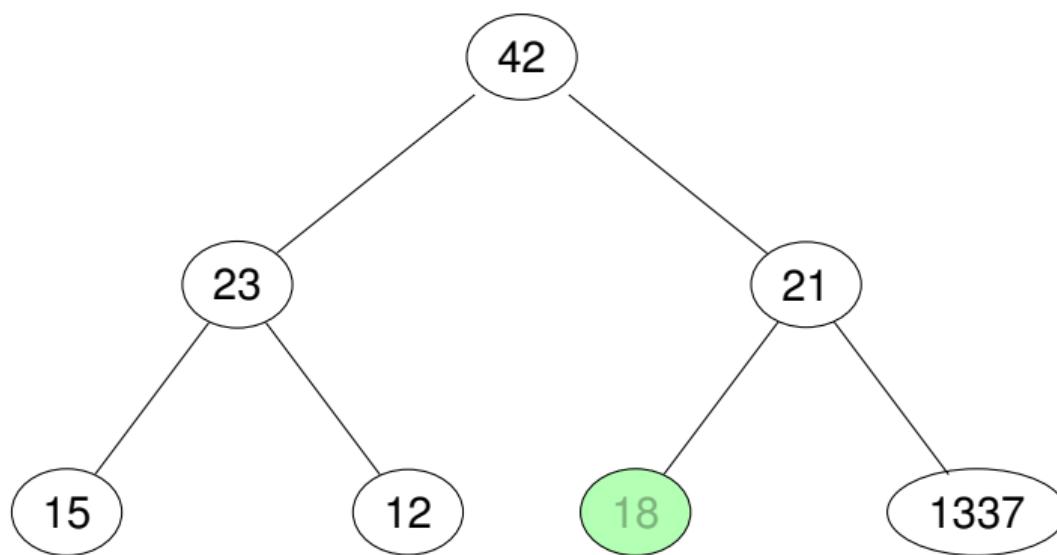
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

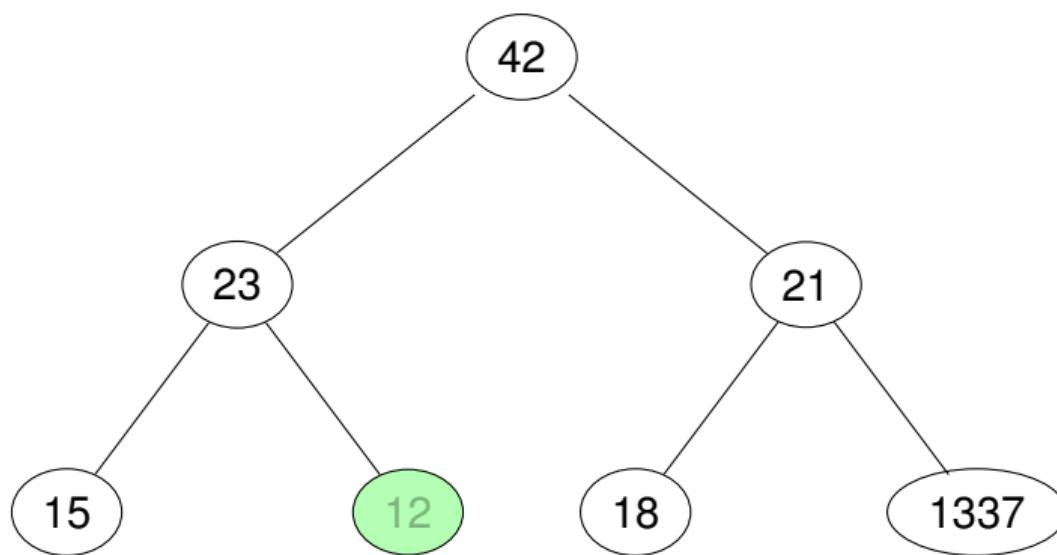
Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

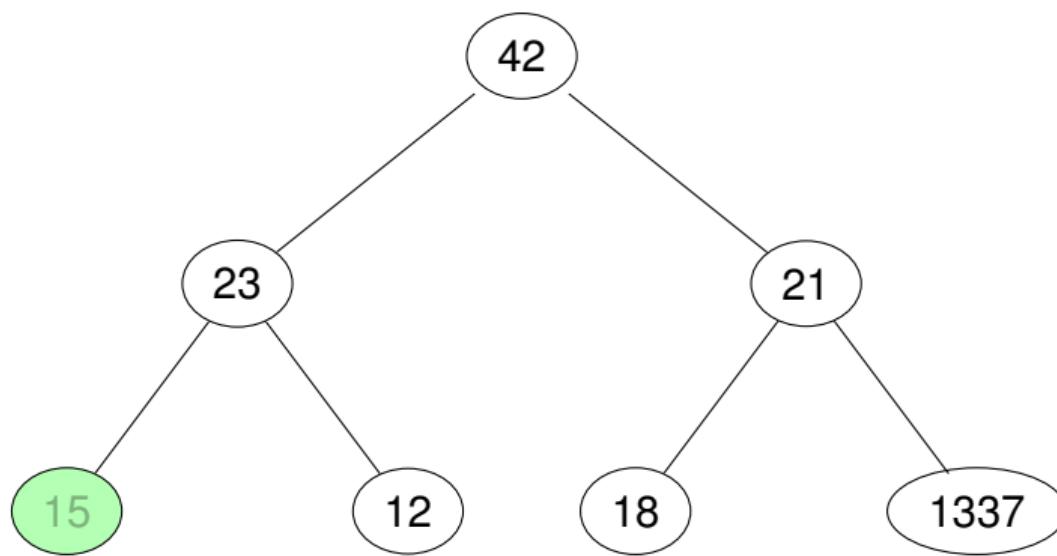
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

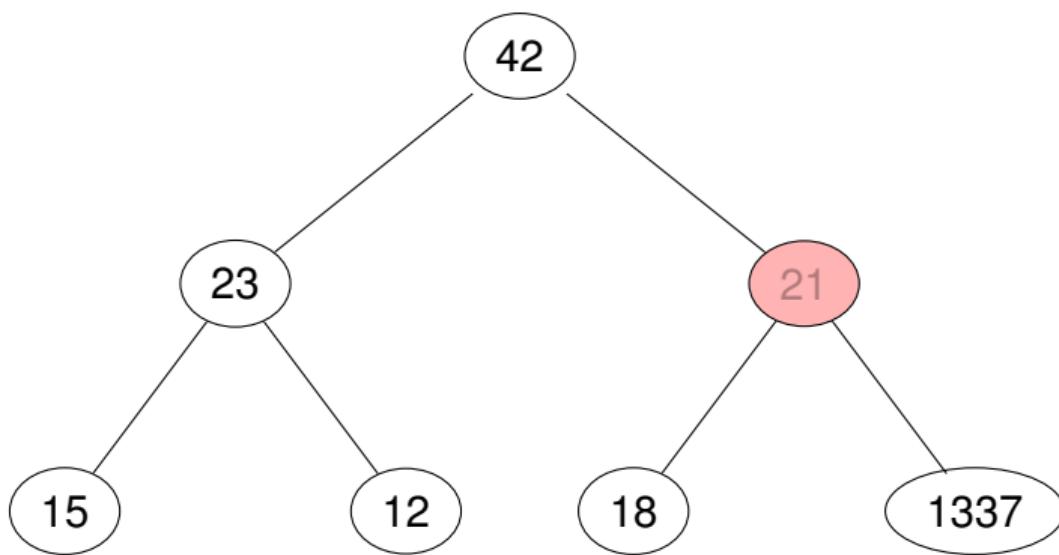
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

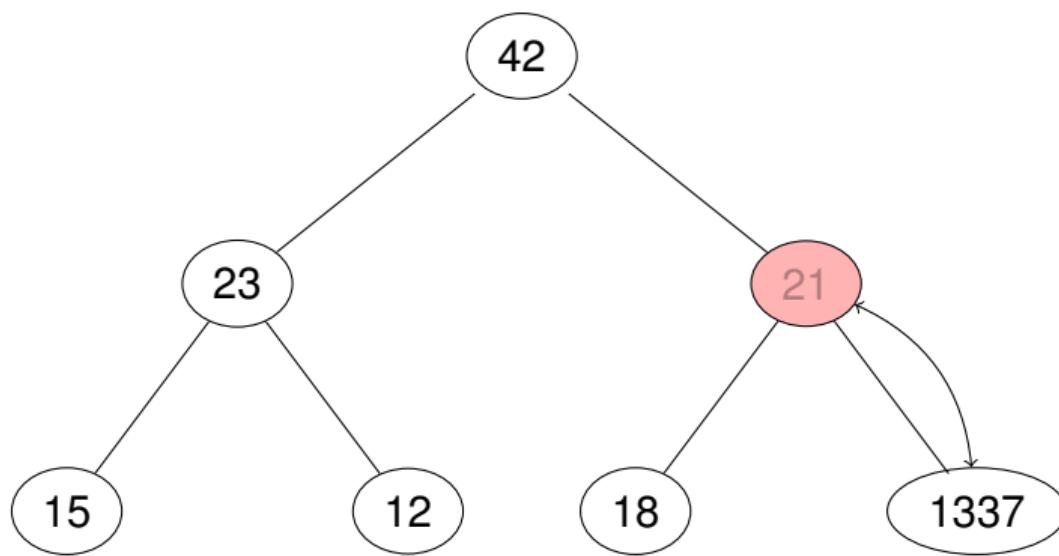
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	1337
----	----	----	----	----	----	------

Allgemeines  
ooooo

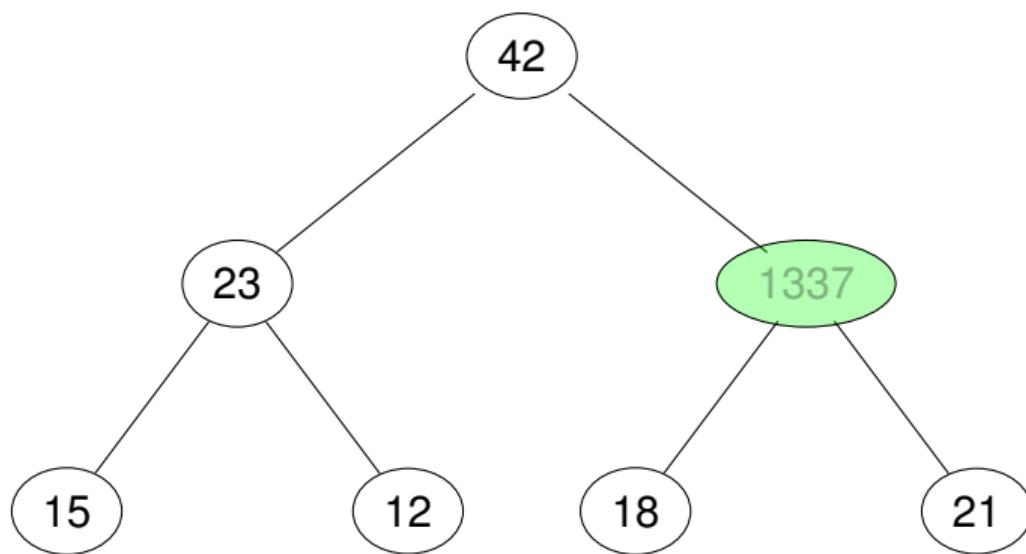
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	1337	15	12	18	21
----	----	------	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

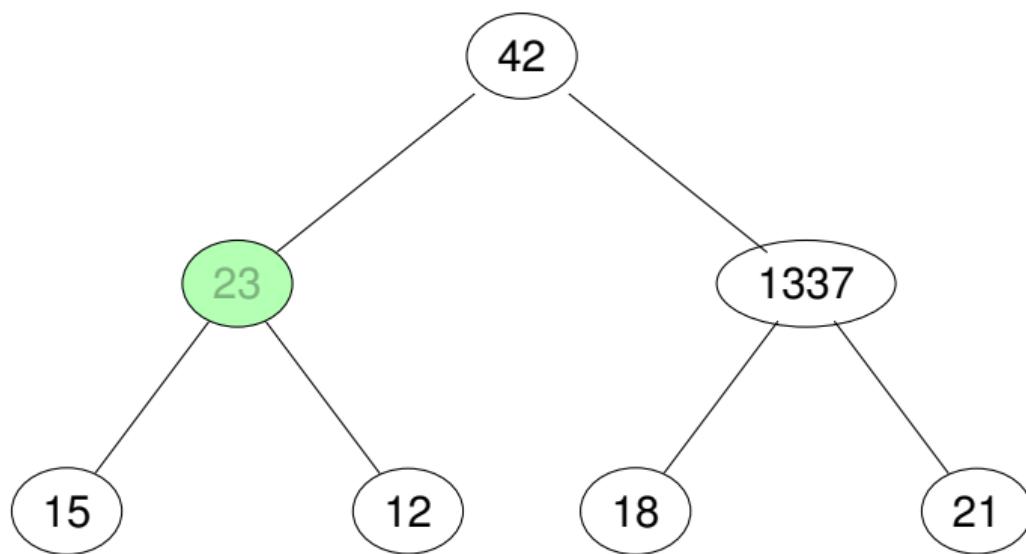
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	1337	15	12	18	21
----	----	------	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

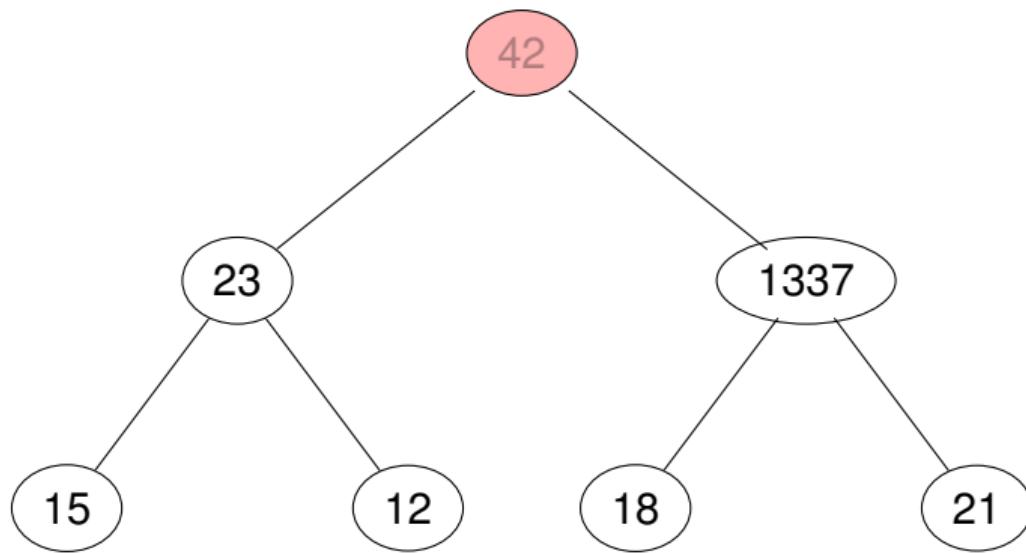
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	1337	15	12	18	21
----	----	------	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

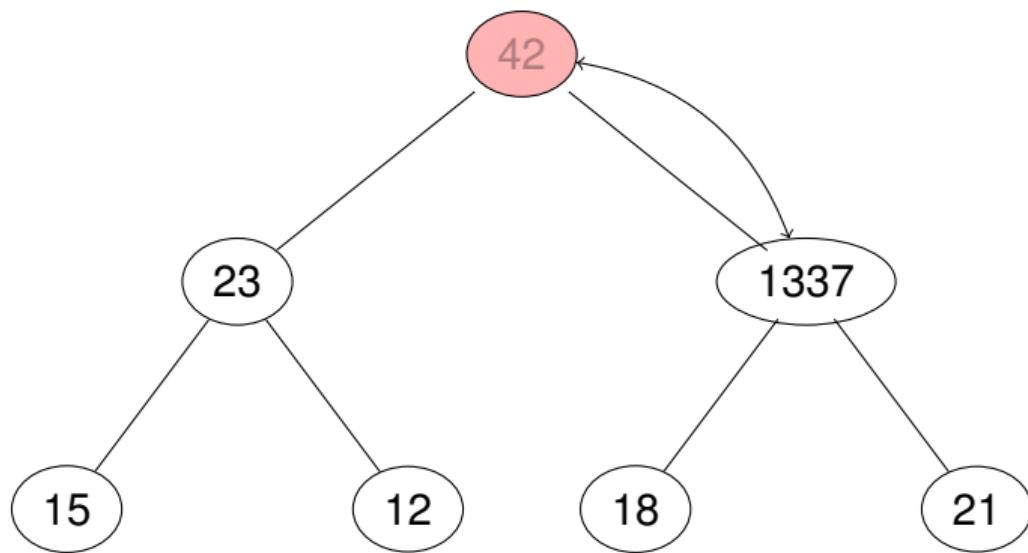
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



42	23	1337	15	12	18	21
----	----	------	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

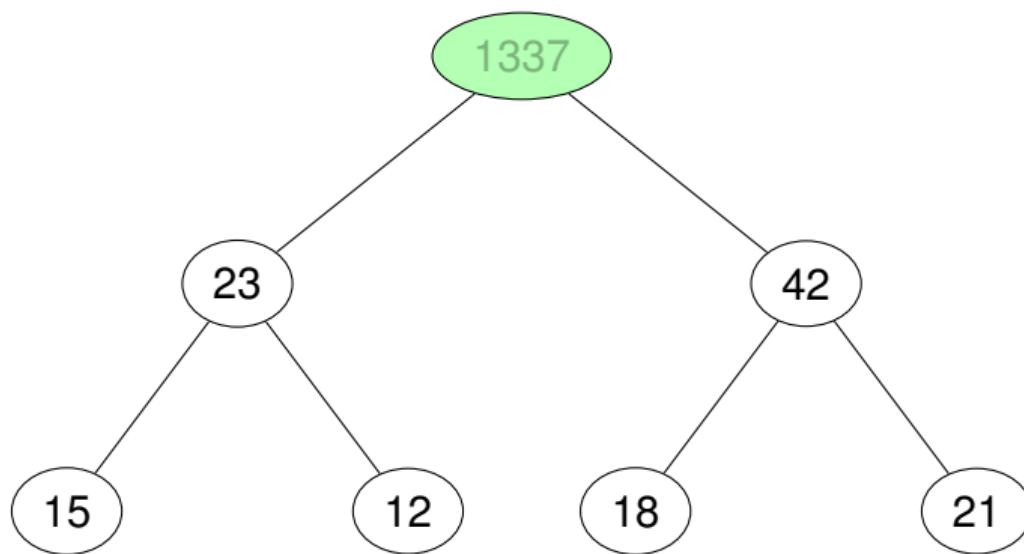
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



1337	23	42	15	12	18	21
------	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

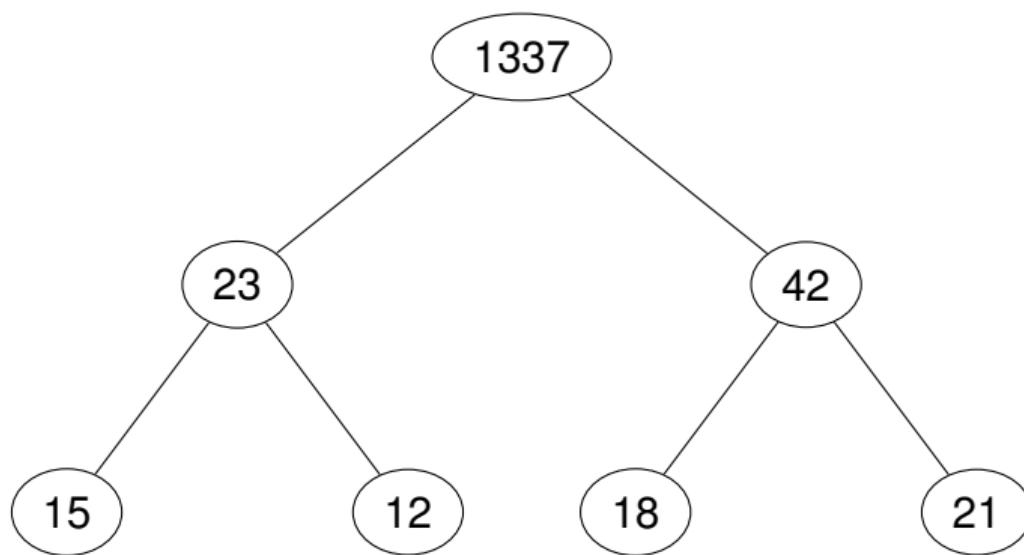
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooo●oooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## BuildHeap — Funktionsweise



1337	23	42	15	12	18	21
------	----	----	----	----	----	----

# BuildHeep — Code

```
void buildHeap(int[] array, int lastIndex) {
    for(int index = array.length / 2; index >= 0; index--) {
        int left = getLeftChildIndex(elementIndex);
        int right = getRightChildIndex(elementIndex);
        if(left > lastIndex) {
            continue;
        }
        if(array[left] > array[index] || (right <= lastIndex && array[right] > array[index])) {
            heapify(array, index, lastIndex);
        }
    }
}
```

Allgemeines

ooooo

Bucketsort

ooooo

Heapsort

oooooooo●oooo

Radixsort

ooooo

Quellen

o

# Heapsort — Funktionsweise

## Heapsort — Funktionsweise

- Elemente im Array so anordnen, dass die Heap-Eigenschaft erfüllt ist

## Heapsort — Funktionsweise

- Elemente im Array so anordnen, dass die Heap-Eigenschaft erfüllt ist
- So lange Elemente auf dem Heap vorhanden sind:
  - Das erste Element mit dem Element am Ende des Arrays tauschen und Heap um 1 verkleinern
  - Heap-Eigenschaft wiederherstellen, indem Heapify auf das erste Element aufgerufen wird

Allgemeines  
ooooo

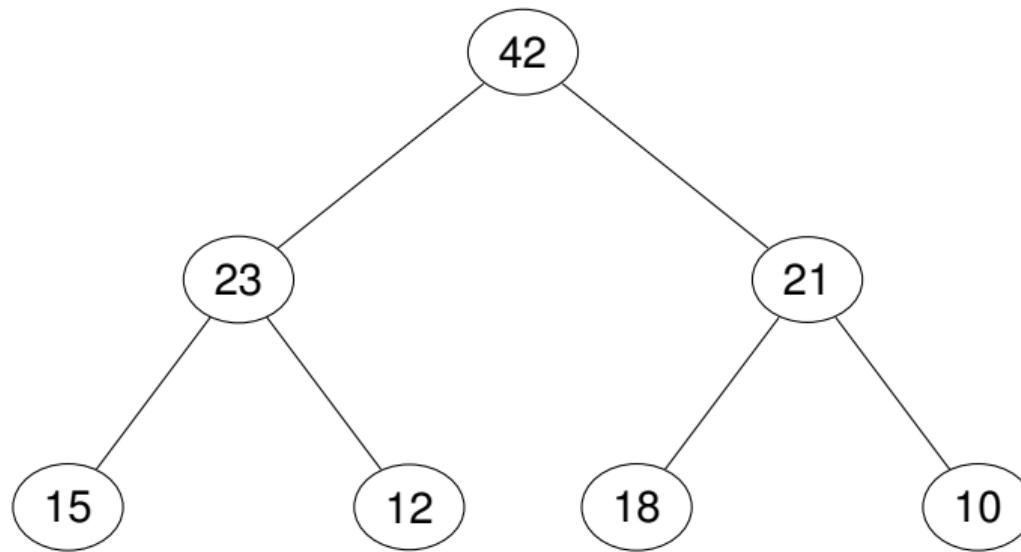
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	10
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

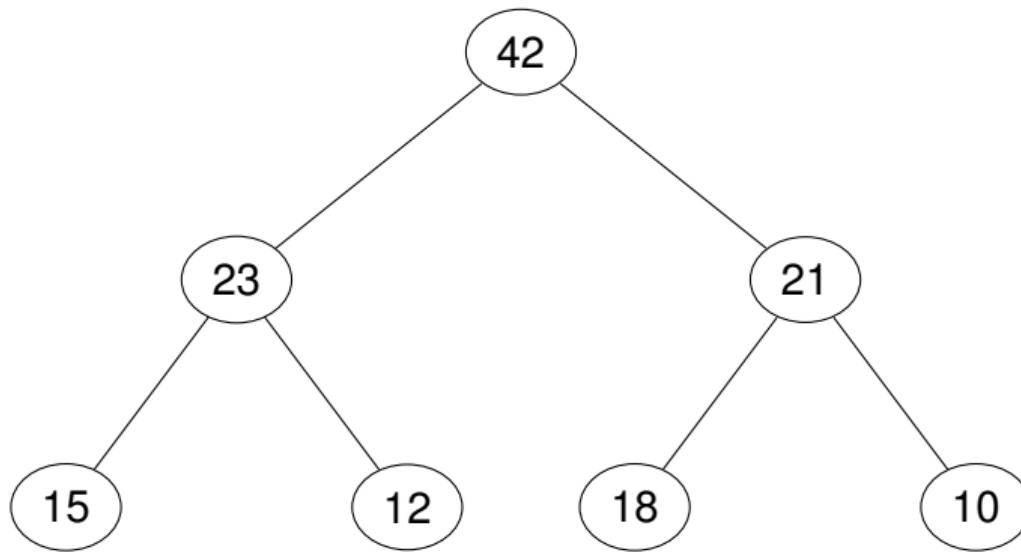
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



42	23	21	15	12	18	10
----	----	----	----	----	----	----



Allgemeines  
ooooo

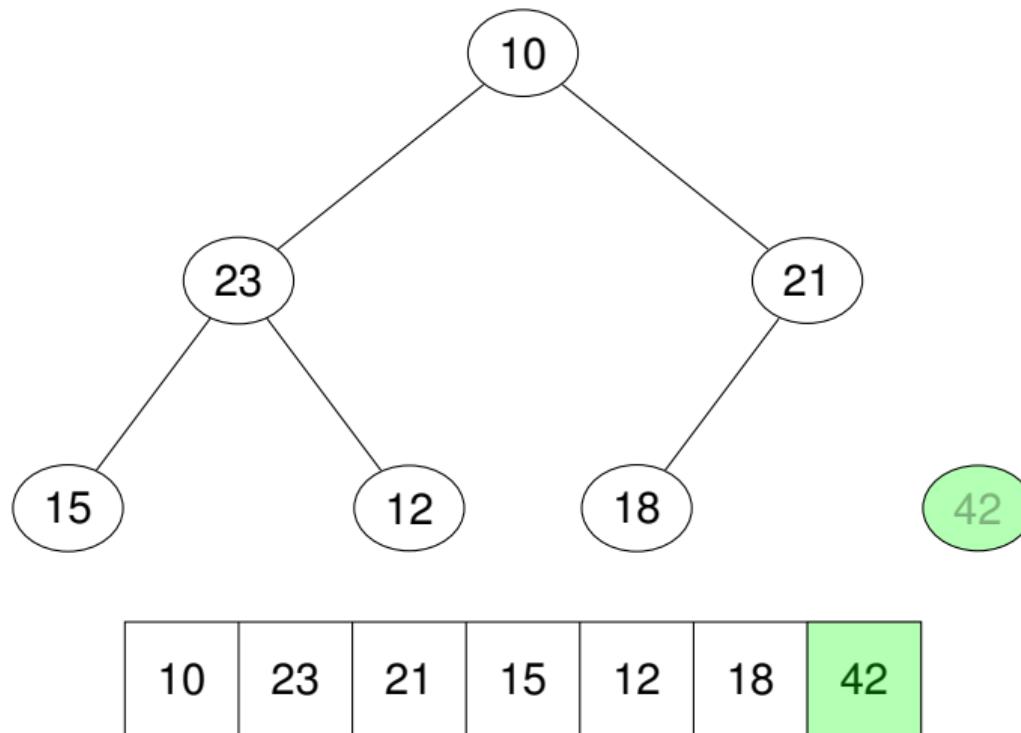
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

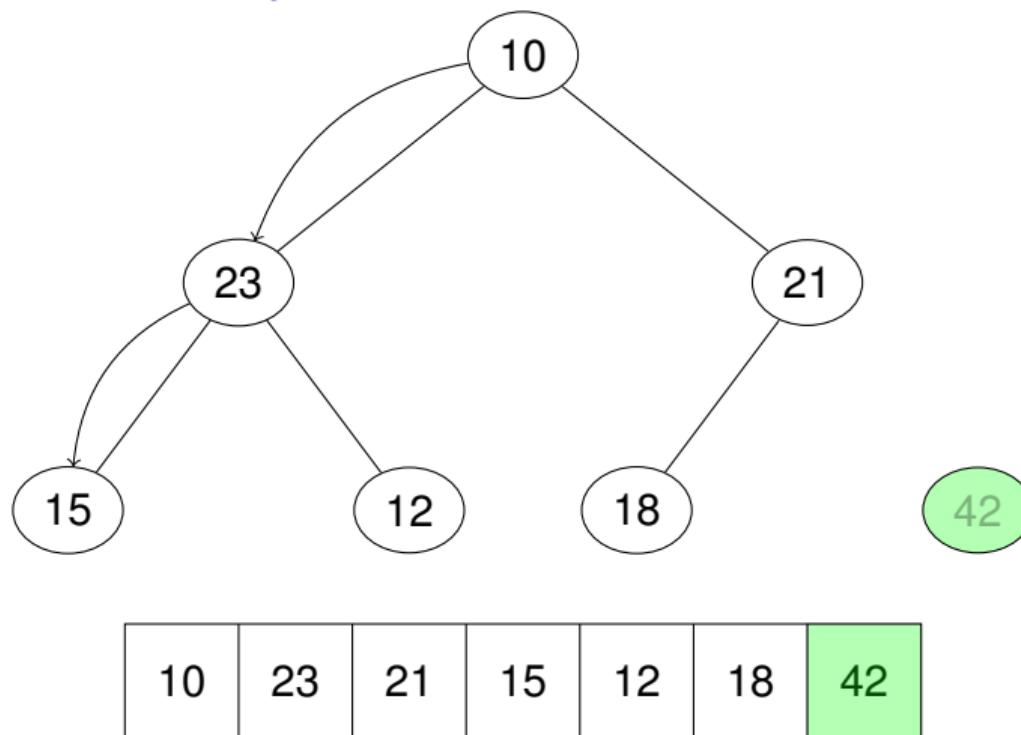
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

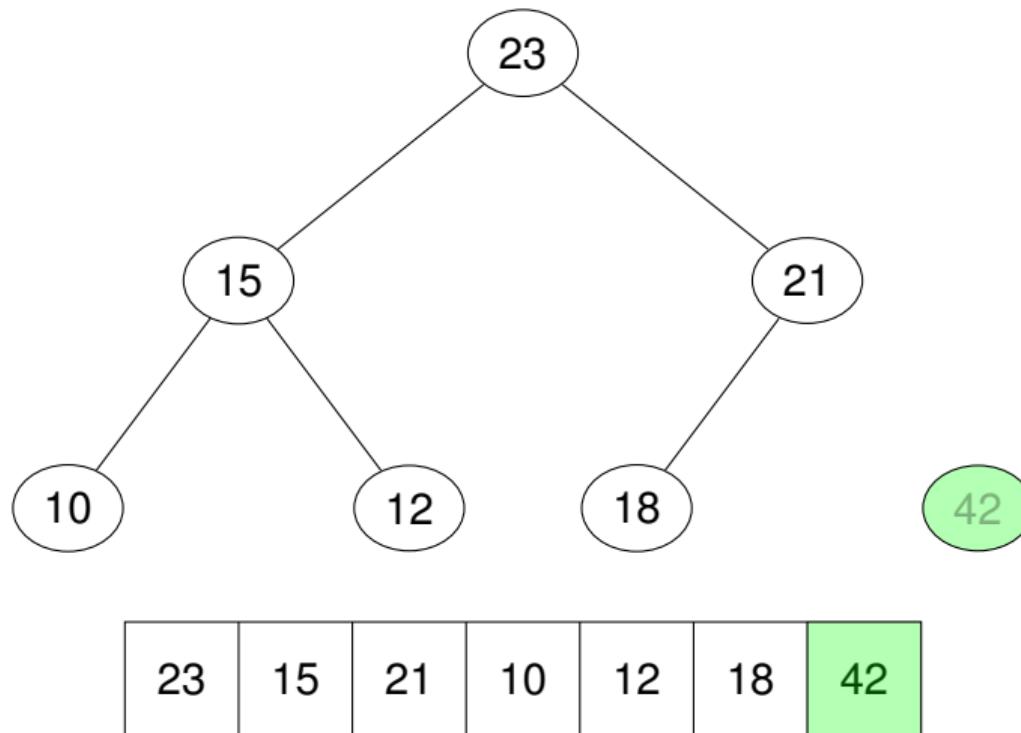
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

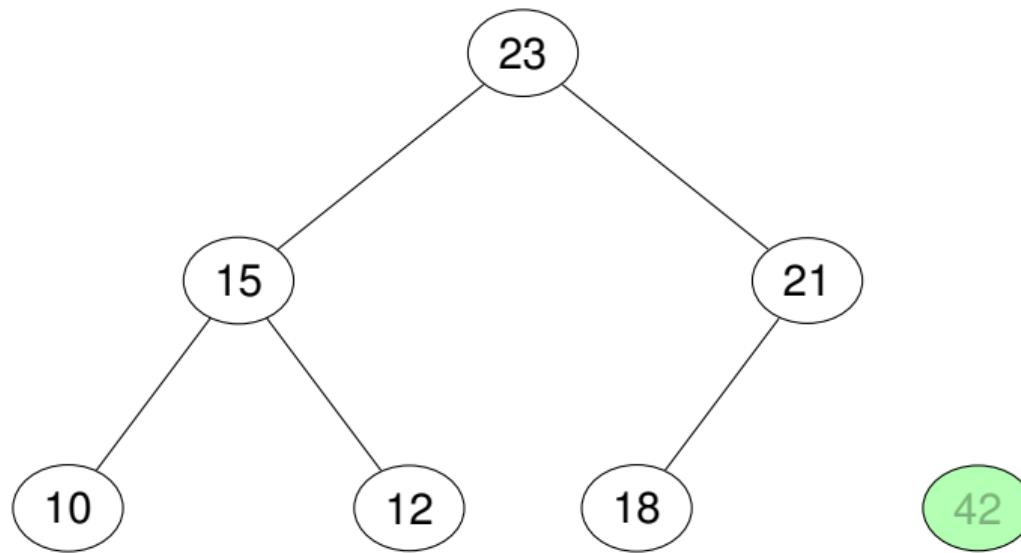
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



23	15	21	10	12	18	42
----	----	----	----	----	----	----



Allgemeines  
ooooo

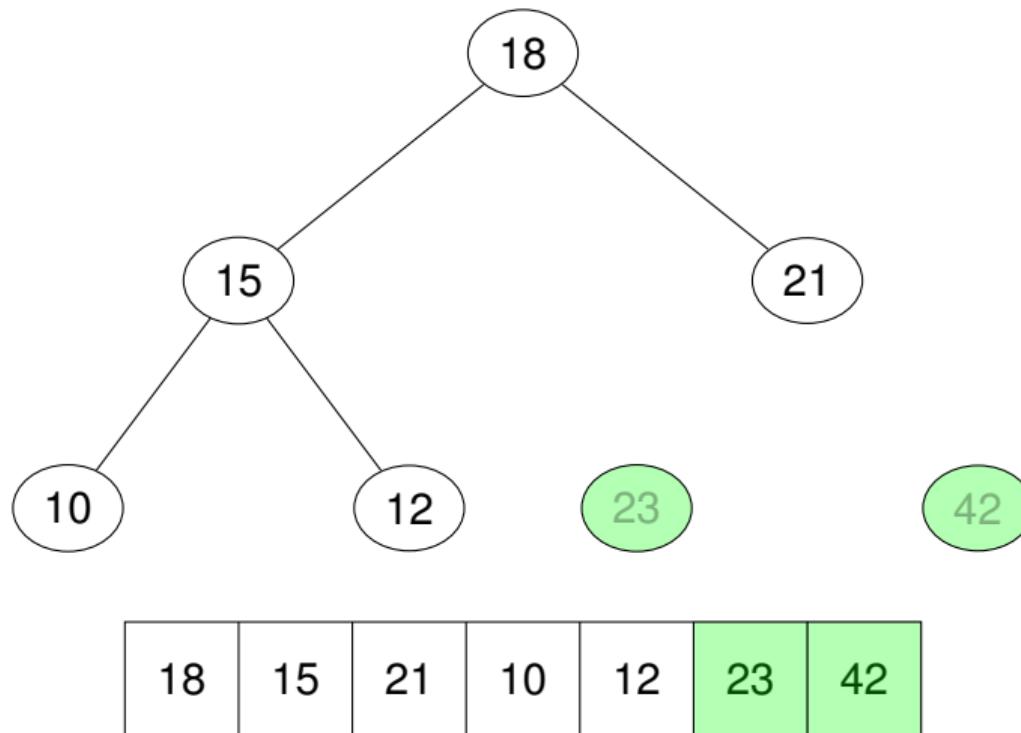
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

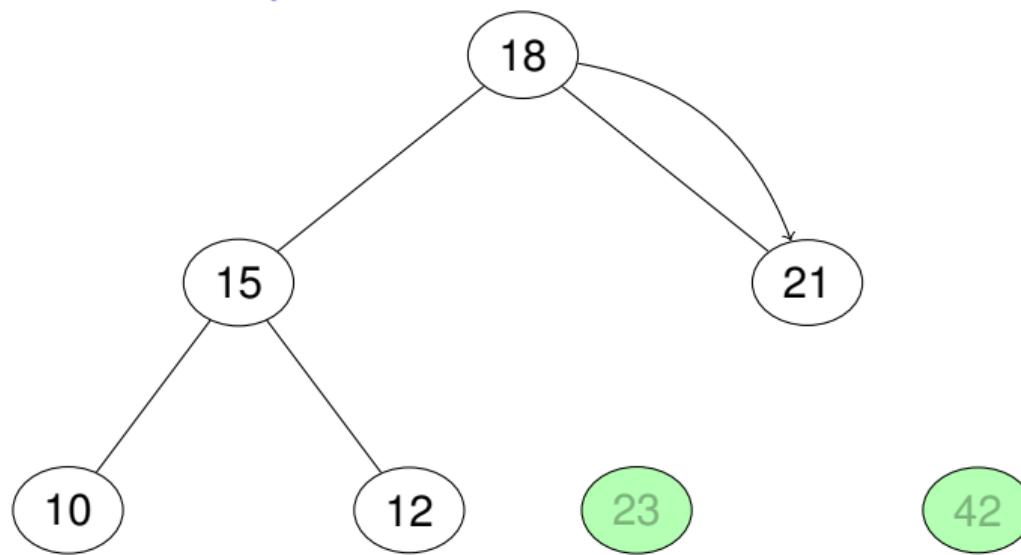
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



18	15	21	10	12	23	42
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

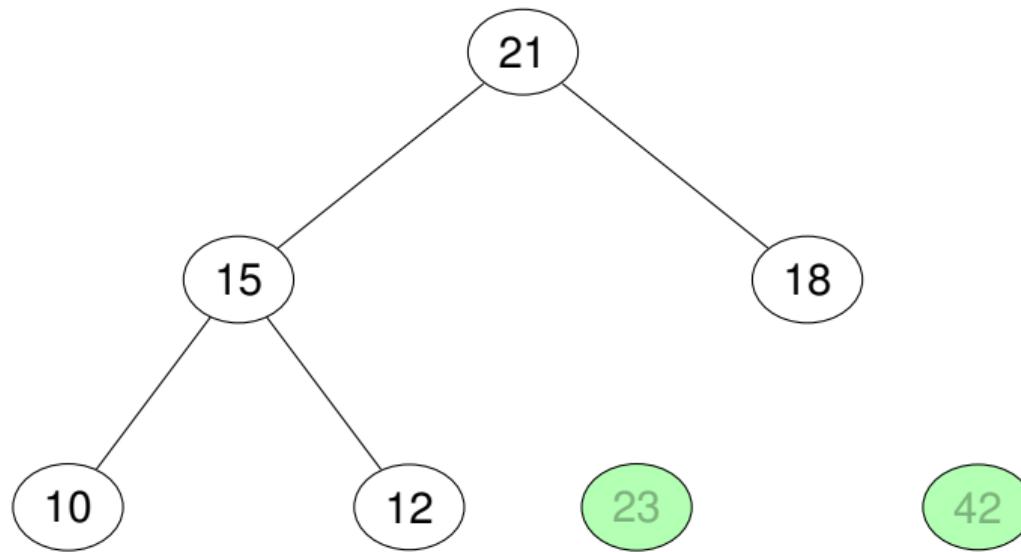
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



21	15	18	10	12	23	42
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

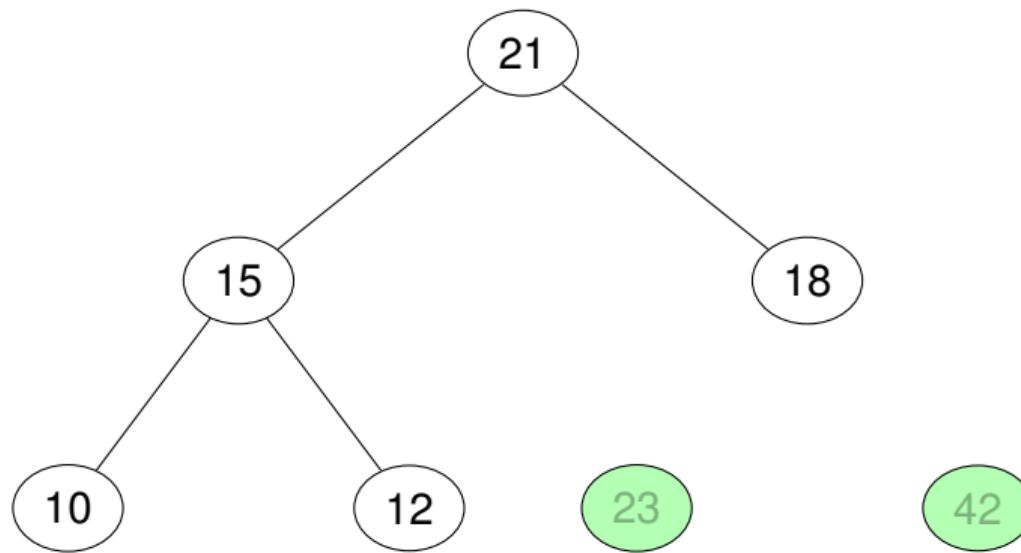
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

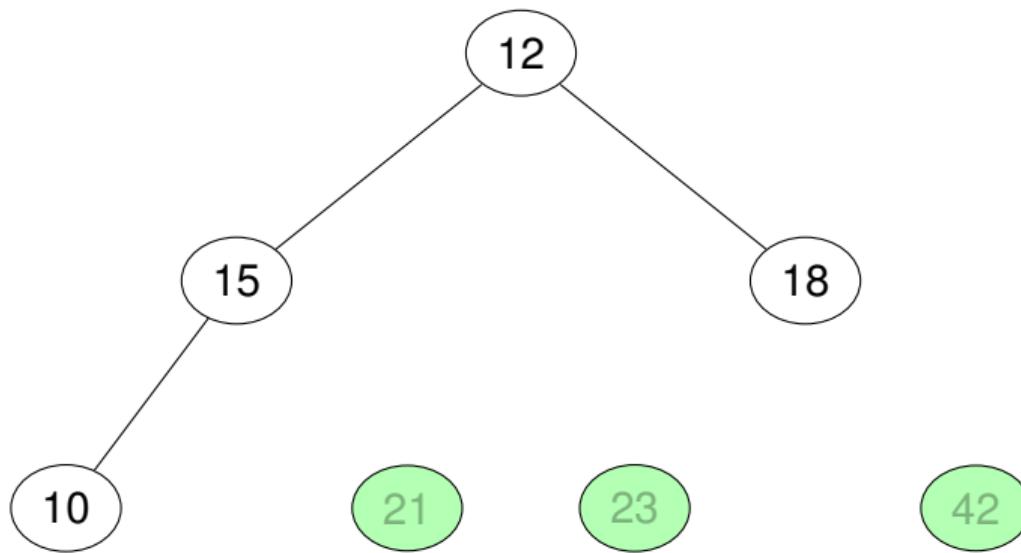
## Heapsort — Funktionsweise



21	15	18	10	12	23	42
----	----	----	----	----	----	----



## Heapsort — Funktionsweise



12	15	18	10	21	23	42
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

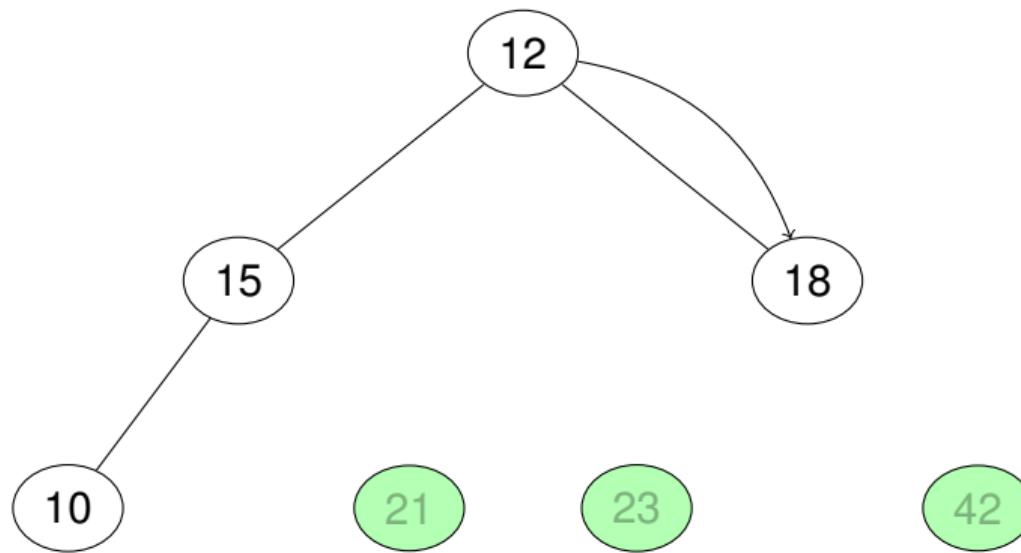
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



12	15	18	10	21	23	42
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

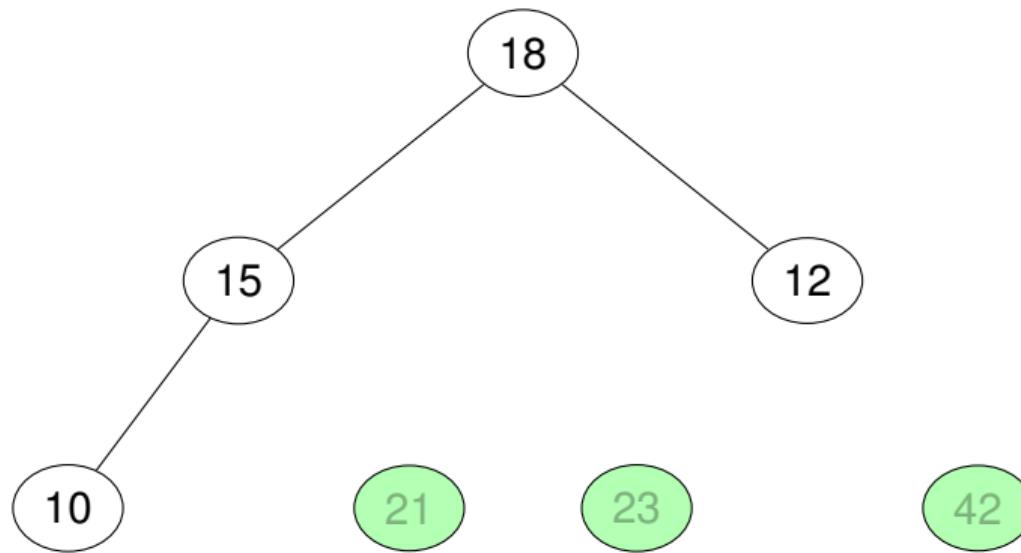
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

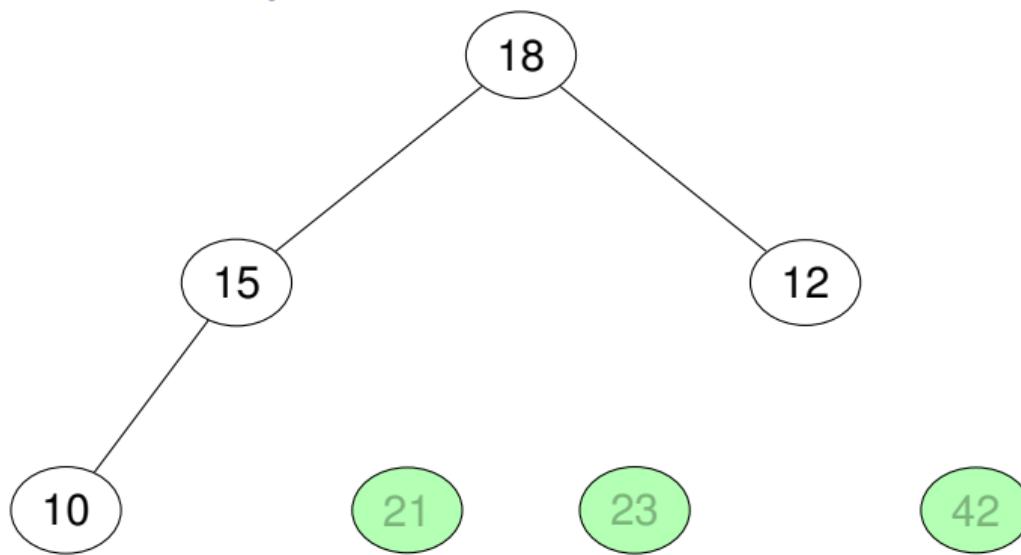
Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



18	15	12	10	21	23	42
----	----	----	----	----	----	----

## Heapsort — Funktionsweise



18	15	12	10	21	23	42
----	----	----	----	----	----	----

Allgemeines  
ooooo

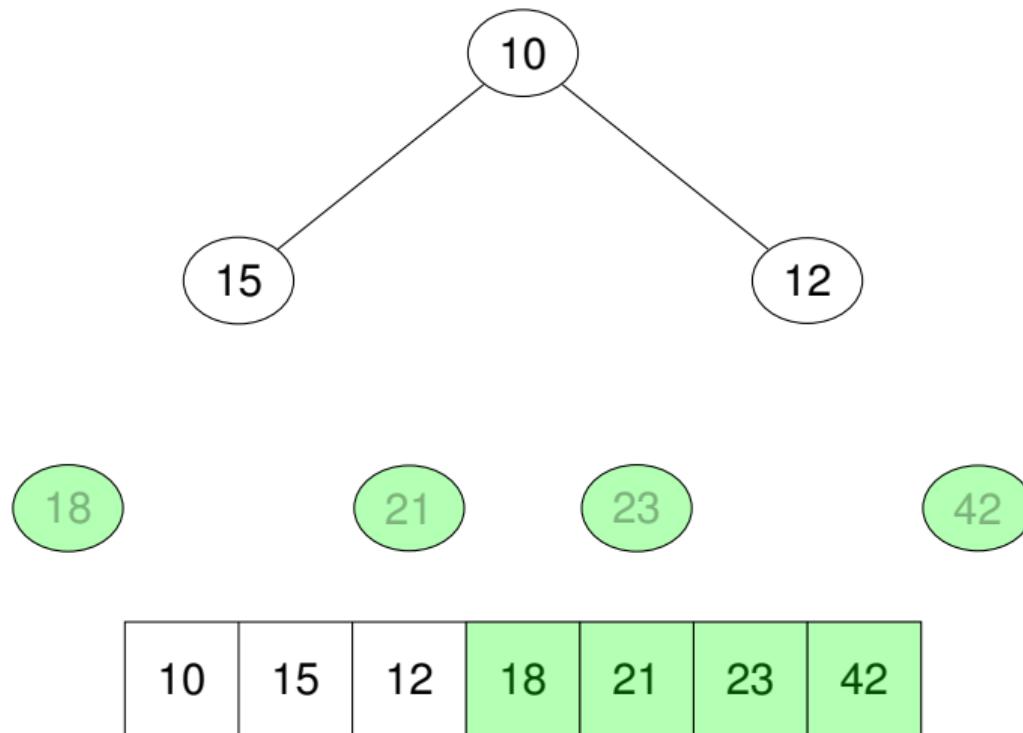
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

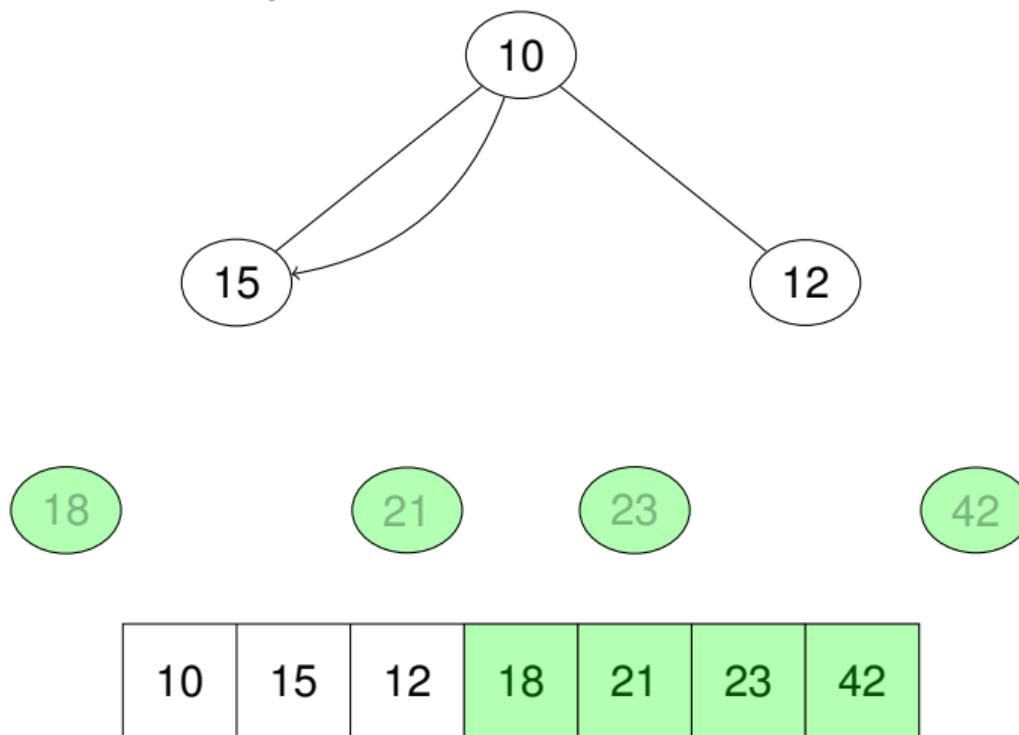
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

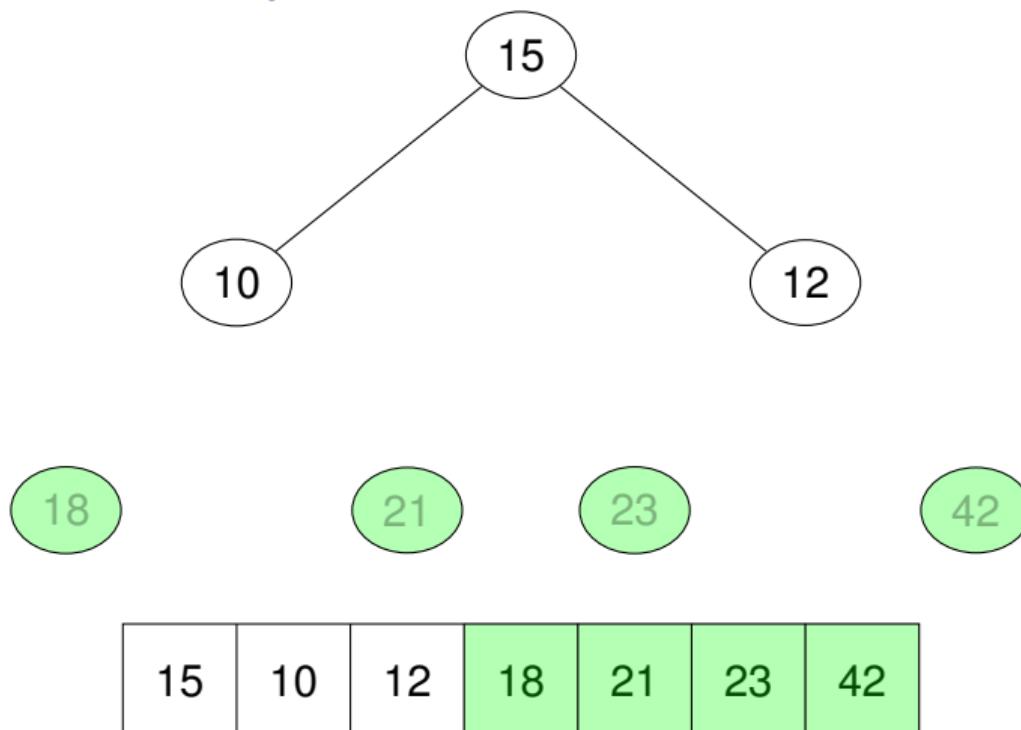
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

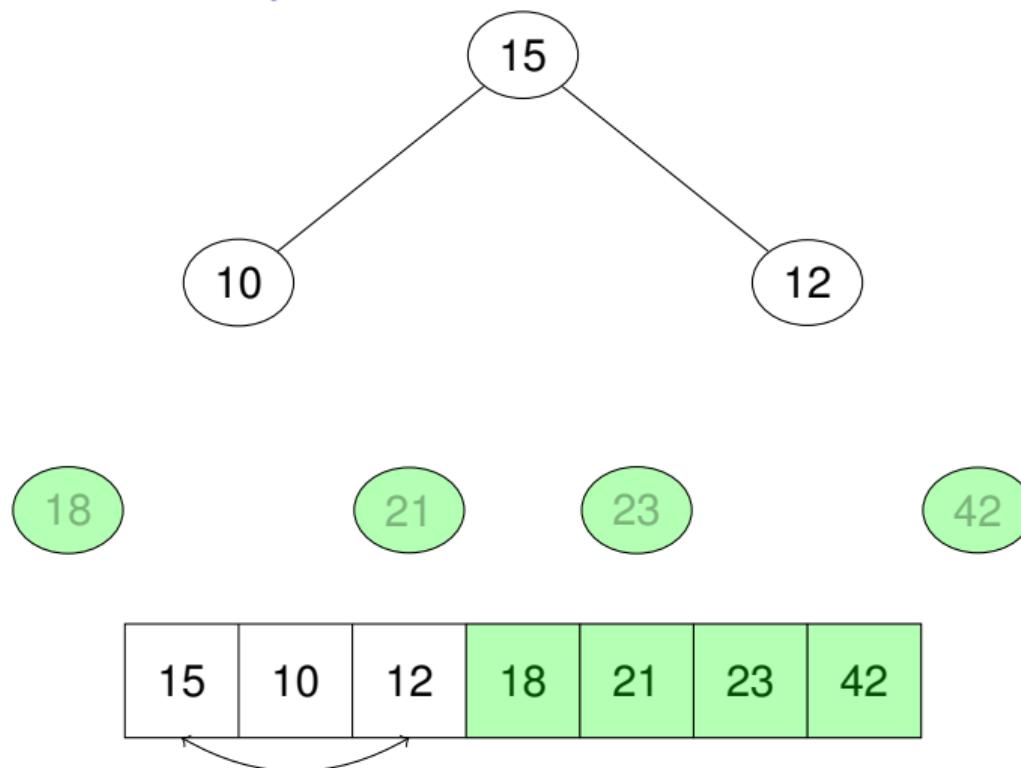
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

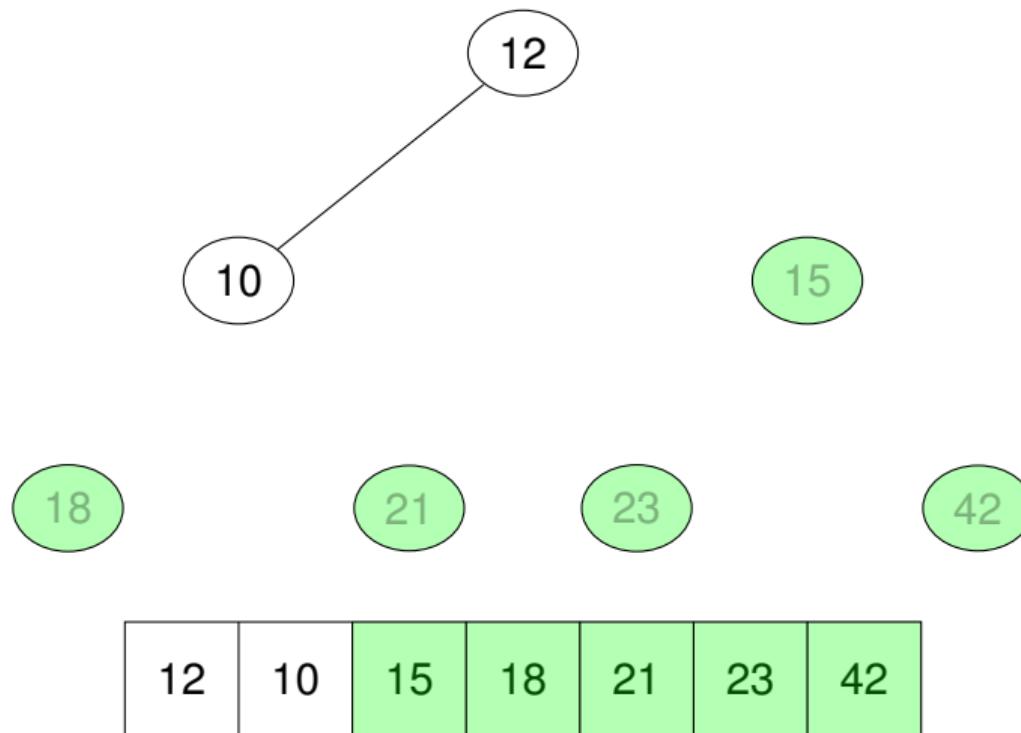
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

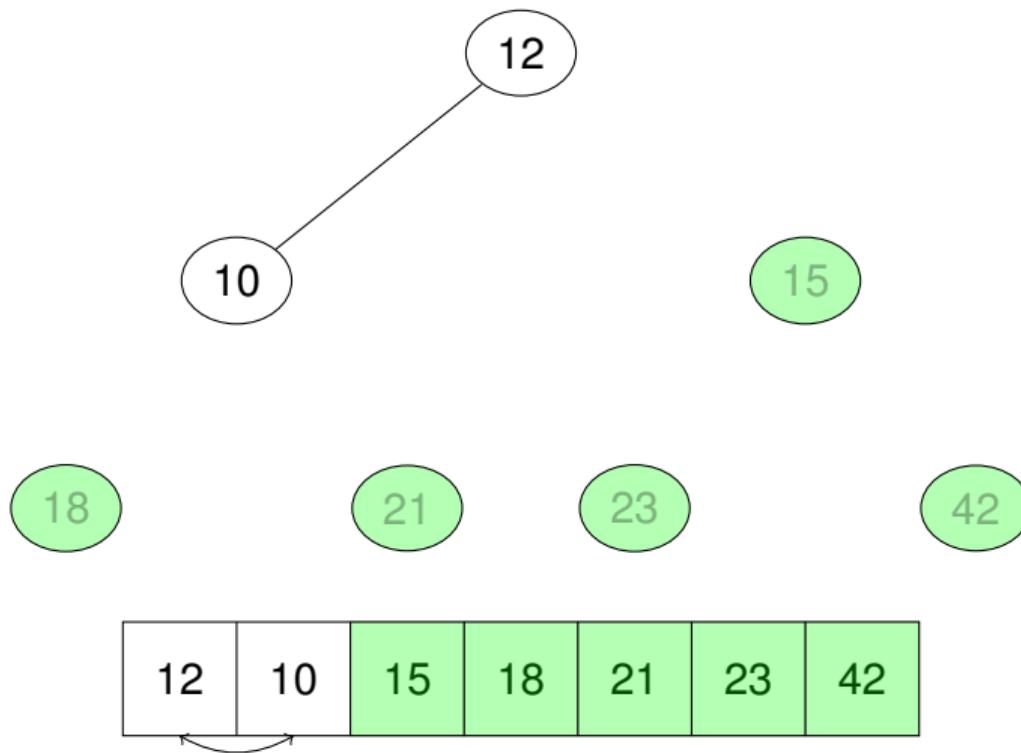
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

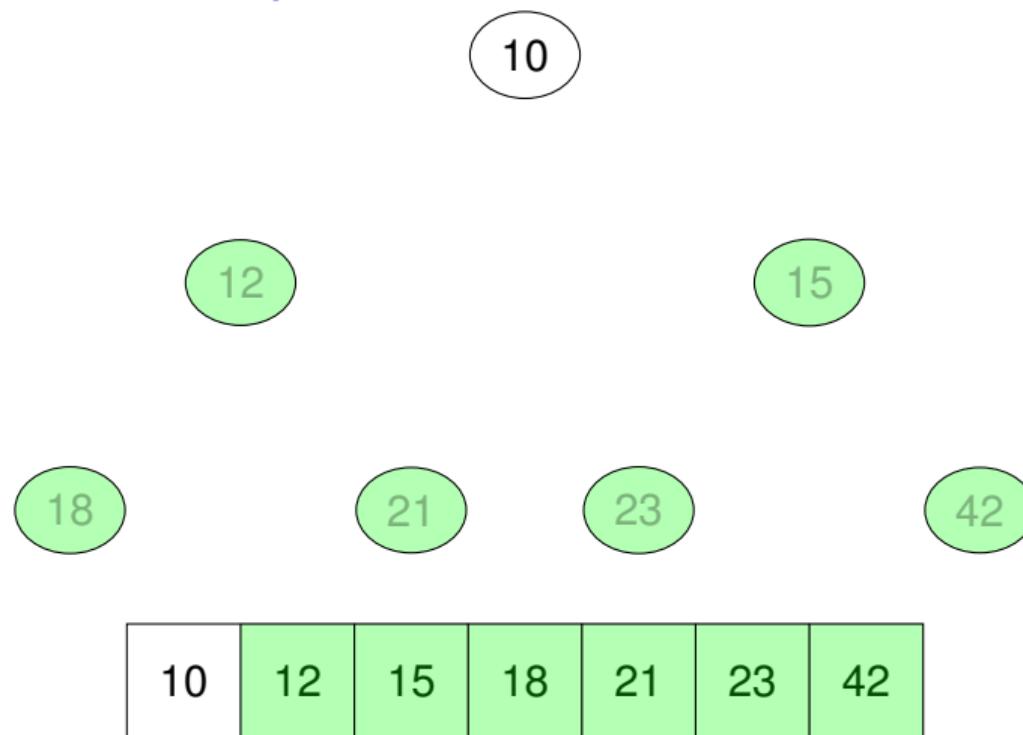
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

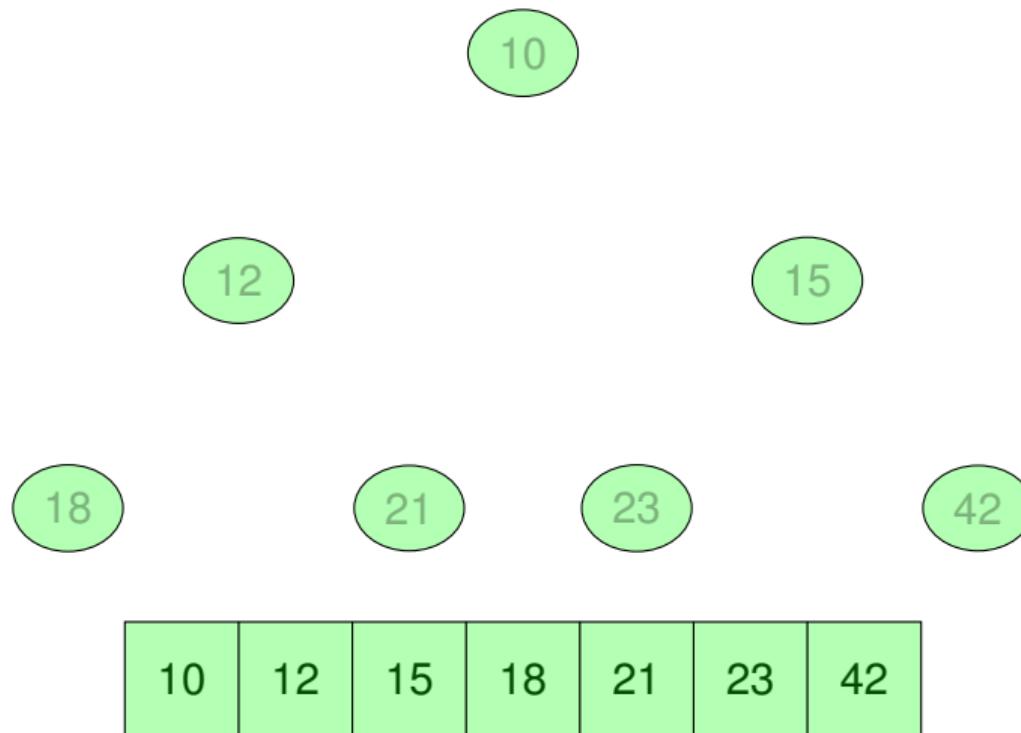
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooo●ooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
○

## Heapsort — Funktionsweise



# Heapsort — Code

```
int[] heapsort(int[] array) {  
    int lastIndex = array.length - 1;  
    buildHeap(array, lastIndex);  
    while(lastIndex > 0) {  
        int tmp = array[lastIndex];  
        array[lastIndex] = array[0];  
        array[0] = tmp;  
        lastIndex = lastIndex - 1;  
        heapify(array, 0, lastIndex);  
    }  
    return array;  
}
```

## Heapsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Laufzeitkomplexität (avarage case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n \log(n))$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(1)$
Stabilität	Nicht stabil
Vergleichsbasiertes Verfahren	Ja

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
●oooo

Quellen  
○

# Radixsort — Funktionsweise

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
●oooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort

## Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig

## Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.

## Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.
- Es gibt so viele Buckets wie Ziffern in dem gewählten Stellenwertsystem

## Radixsort — Funktionsweise

- Basiert auf Bucketsort
- Gut geeignet zum Sortieren von positiven Ganzzahlen, andere Schlüssel eher schwierig
- Generell wird ein Stellenwertsystem gewählt, z.B. Dualsystem, Dezimalsystem, etc.
- Es gibt so viele Buckets wie Ziffern in dem gewählten Stellenwertsystem
- Vorgehensweise:
  - Iterieren über die Stellen der Zahl (von niederwertigster zu höchstwertigster Stelle)
  - Sortieren der Zahl in den entsprechenden “Eimer”
  - Kopieren der Zahlen in das Ausgangsarray

Allgemeines  
ooooo

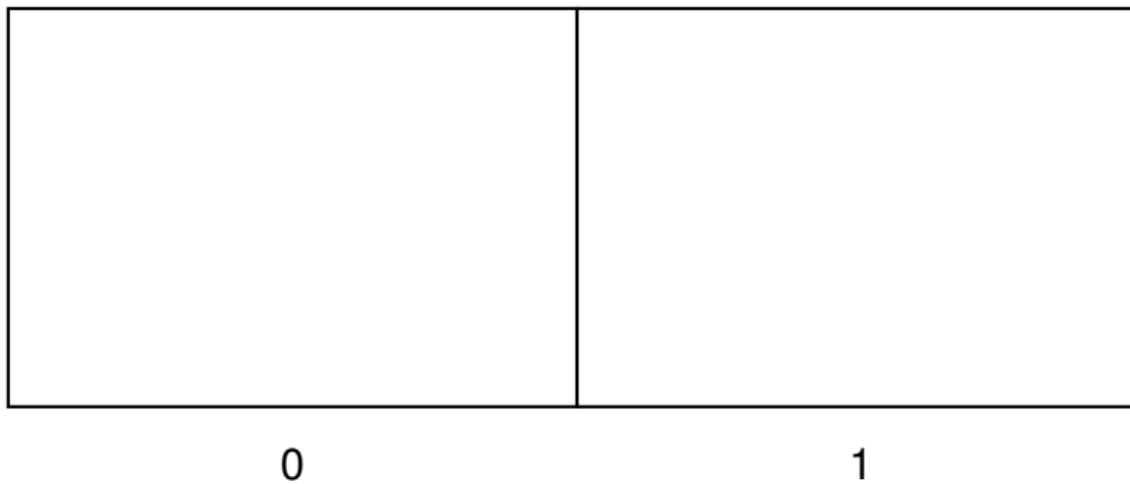
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

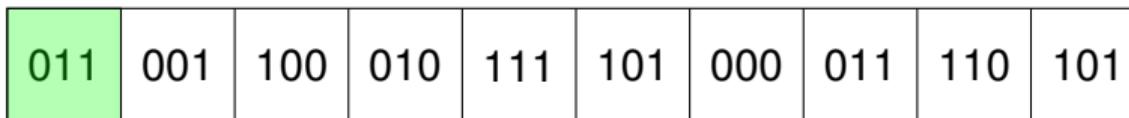
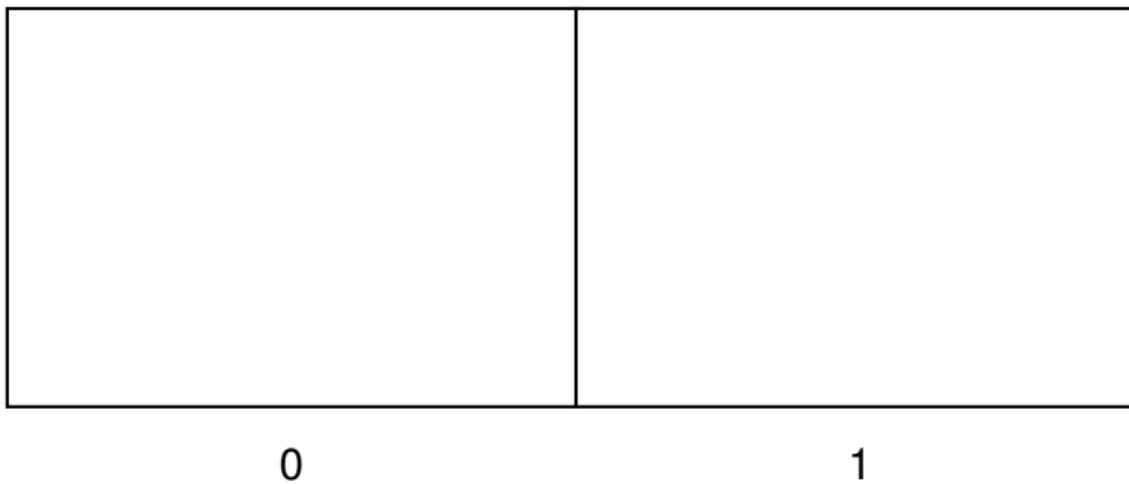
Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

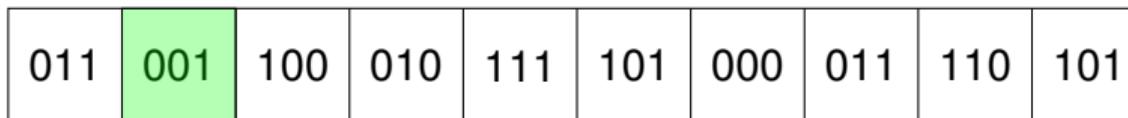
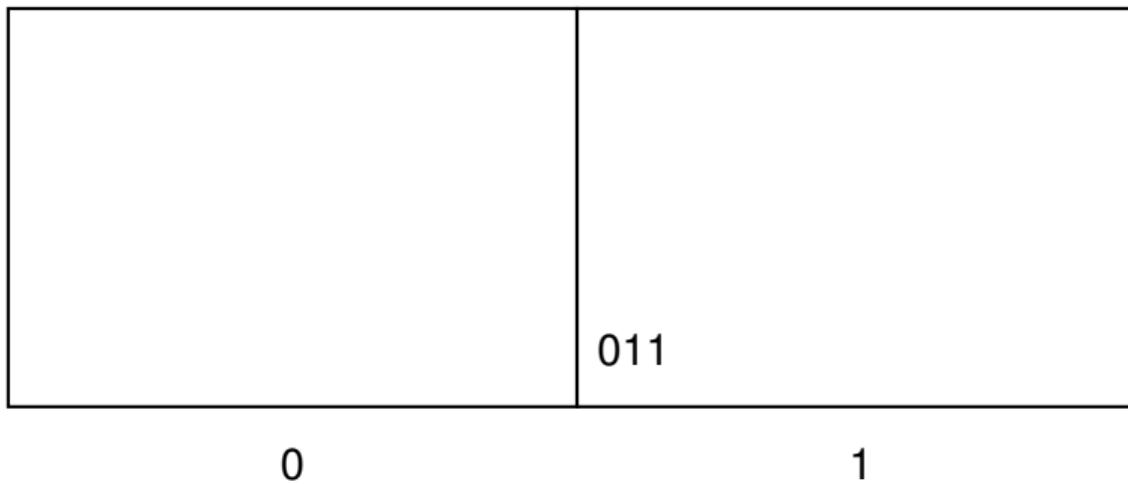
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

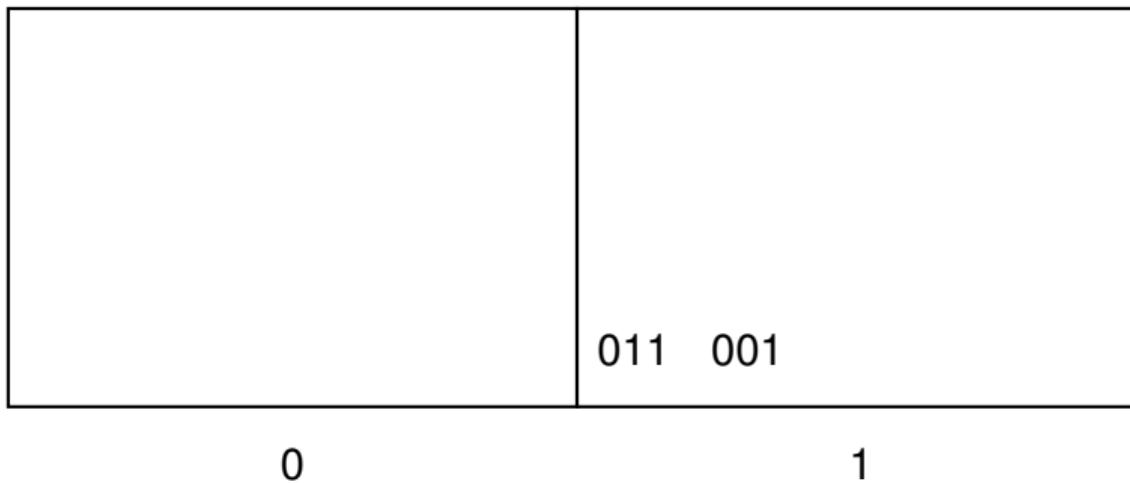
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



011	001	100	010	111	101	000	011	110	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

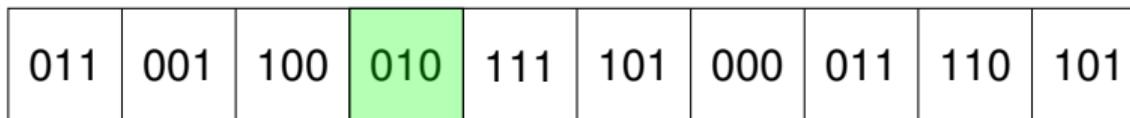
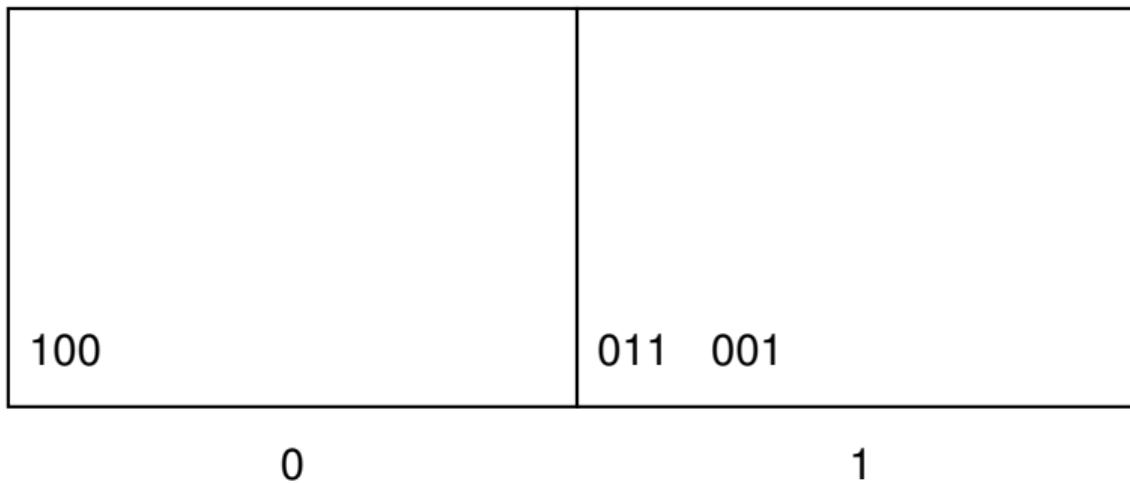
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

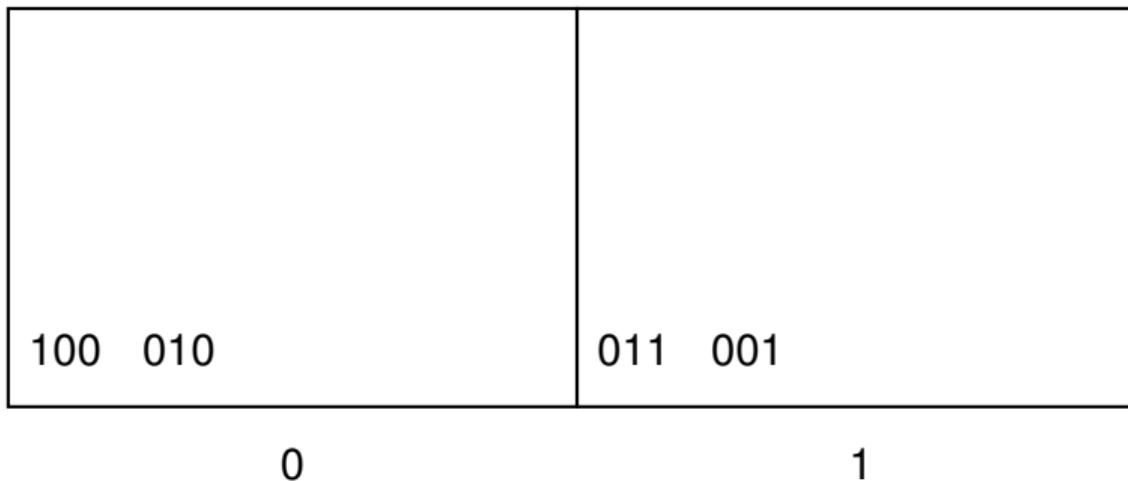
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

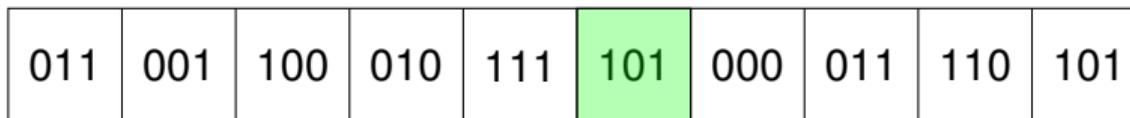
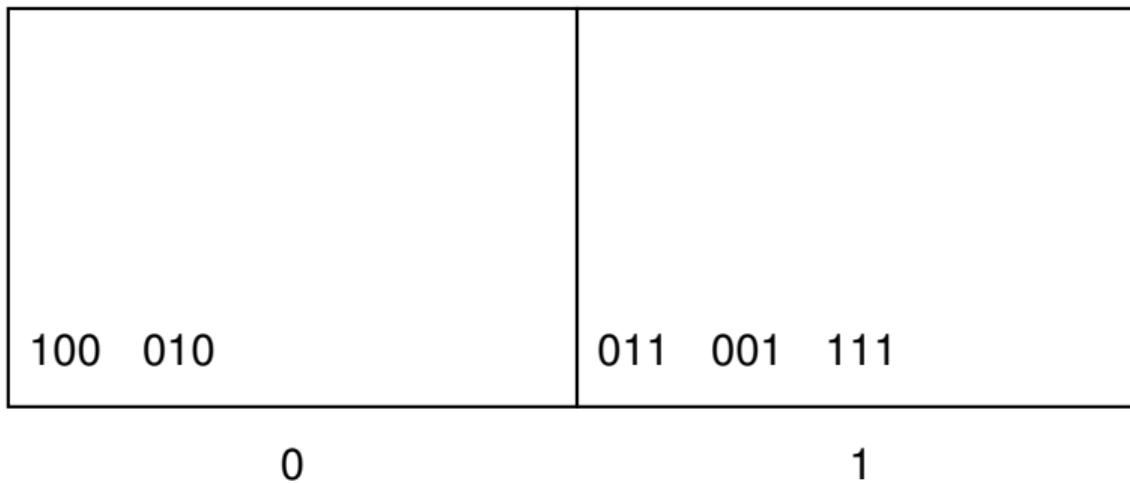
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

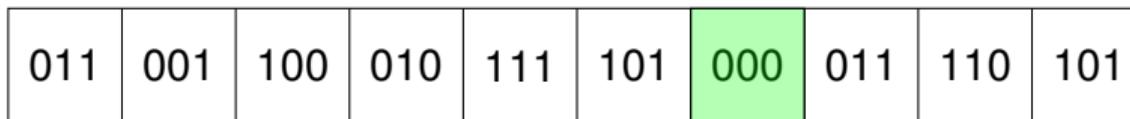
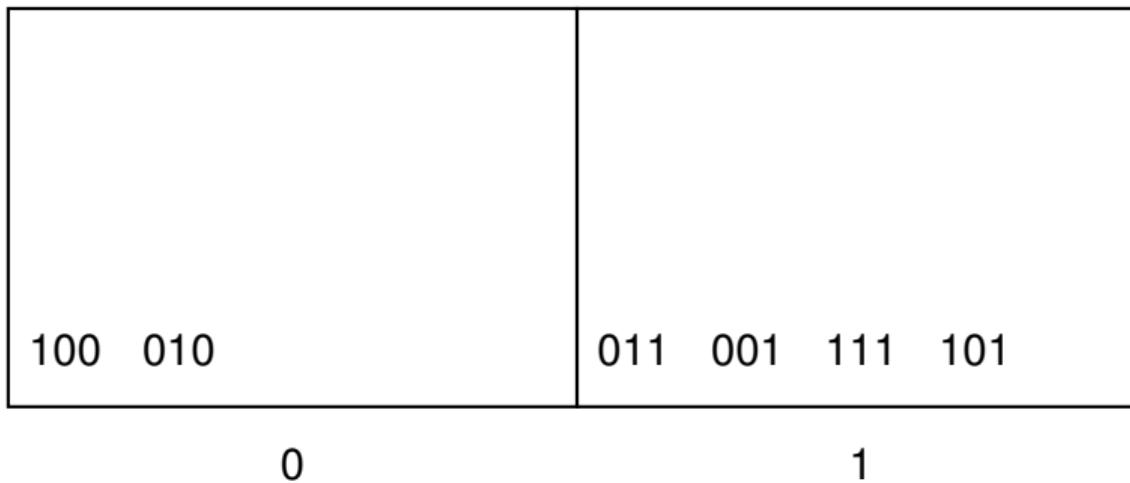
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

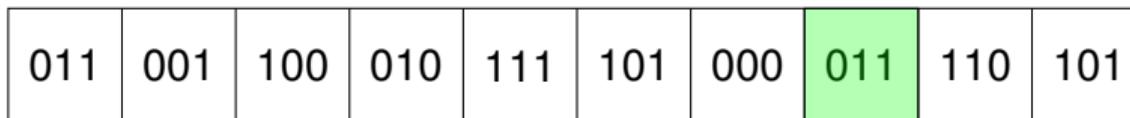
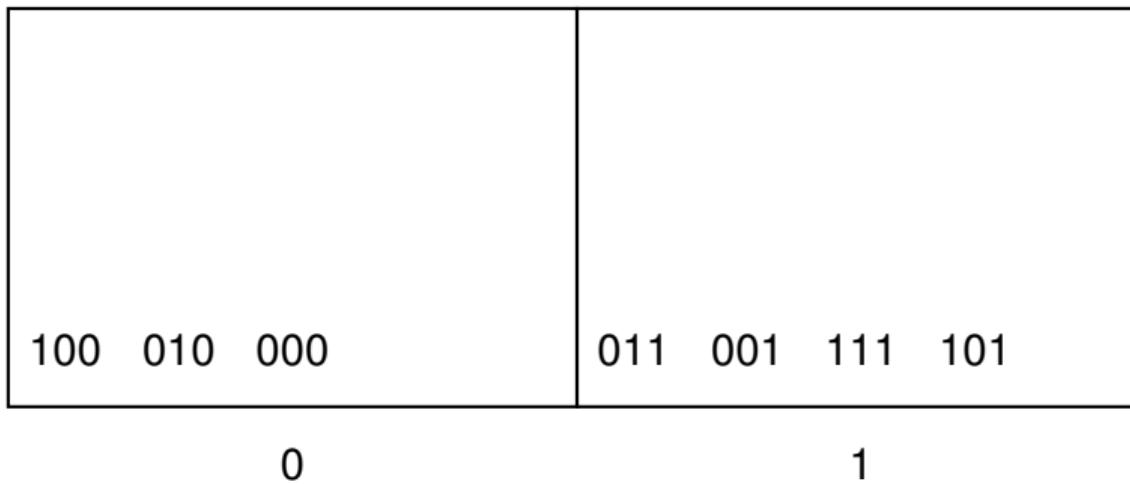
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
○○○○○

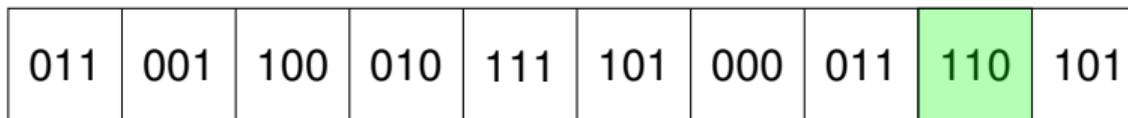
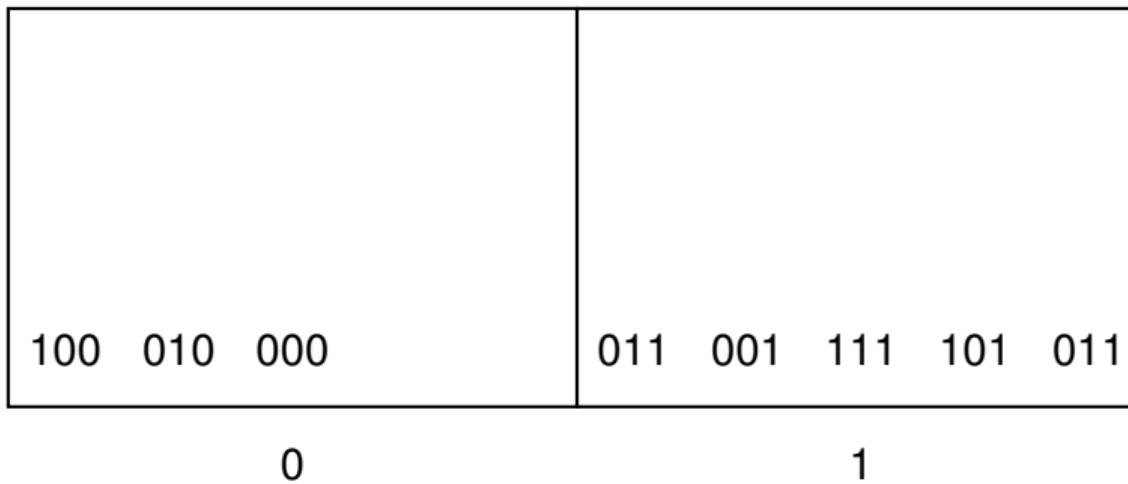
Bucketsort  
○○○○○

Heapsort  
○○○○○○○○○○○○

Radixsort  
○●○○○

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

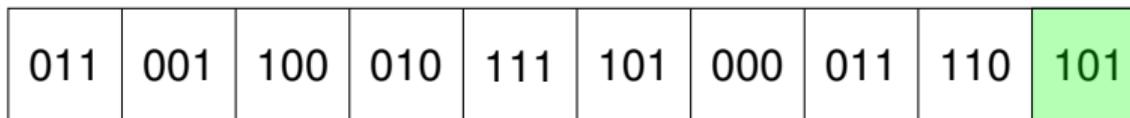
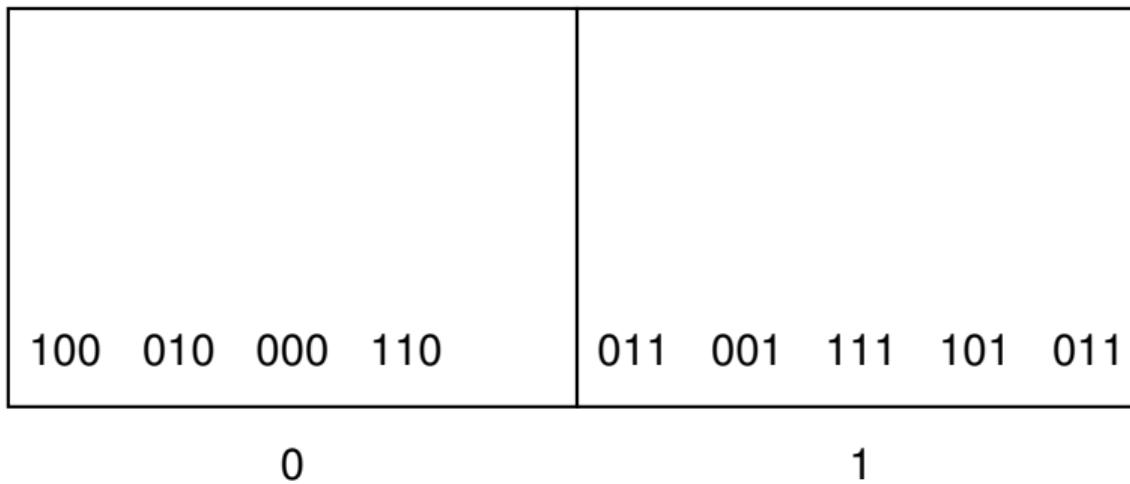
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

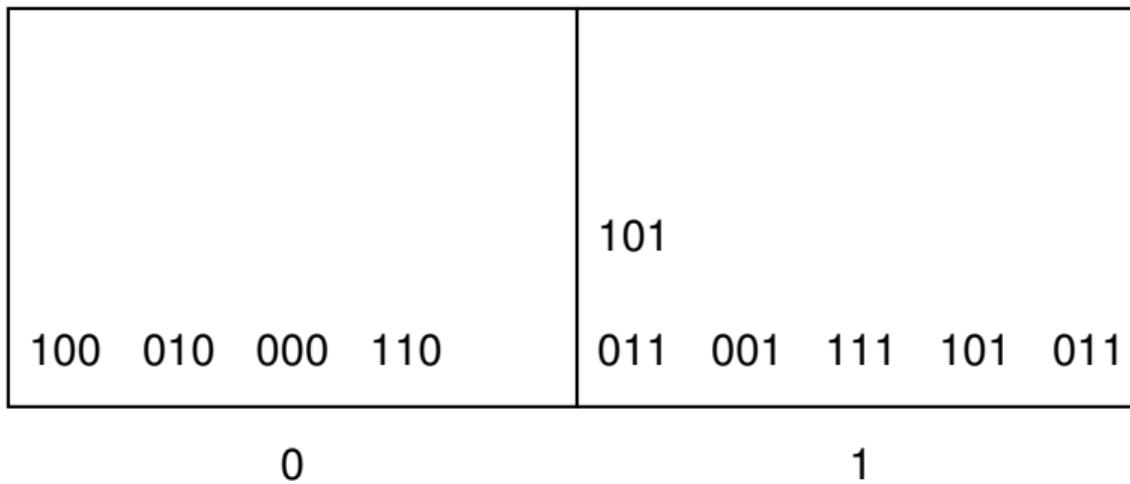
Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
○○○○○

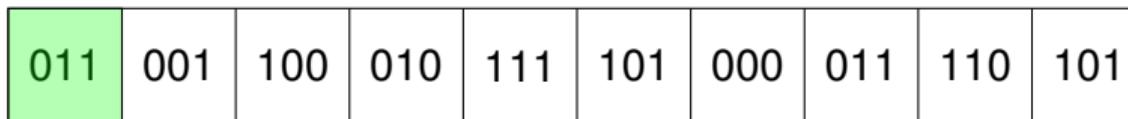
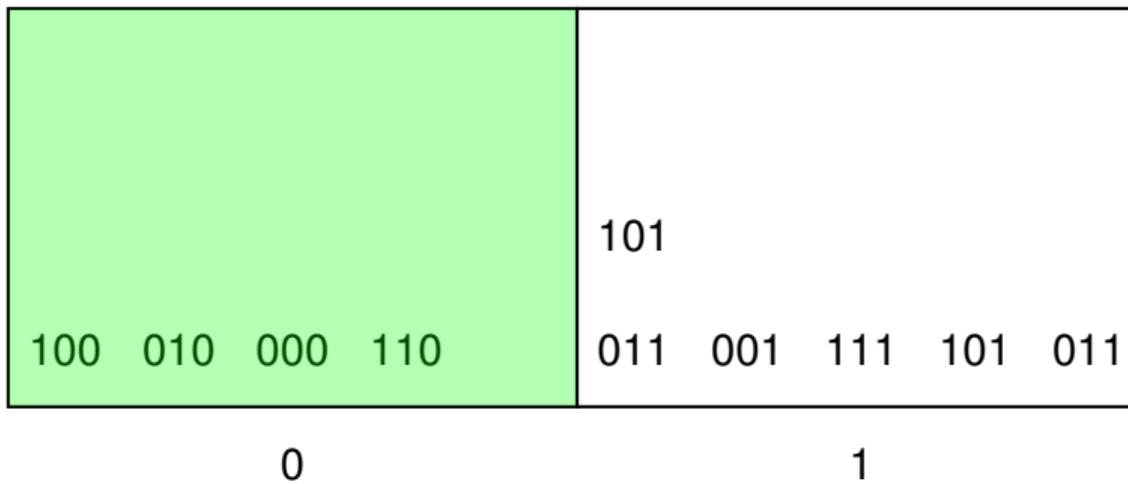
Bucketsort  
○○○○○

Heapsort  
○○○○○○○○○○○○

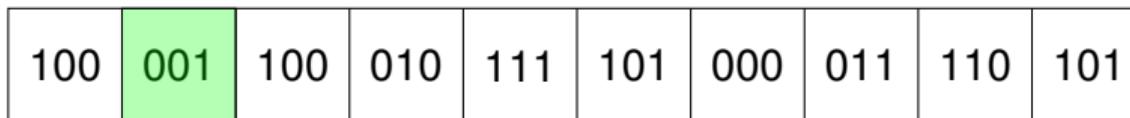
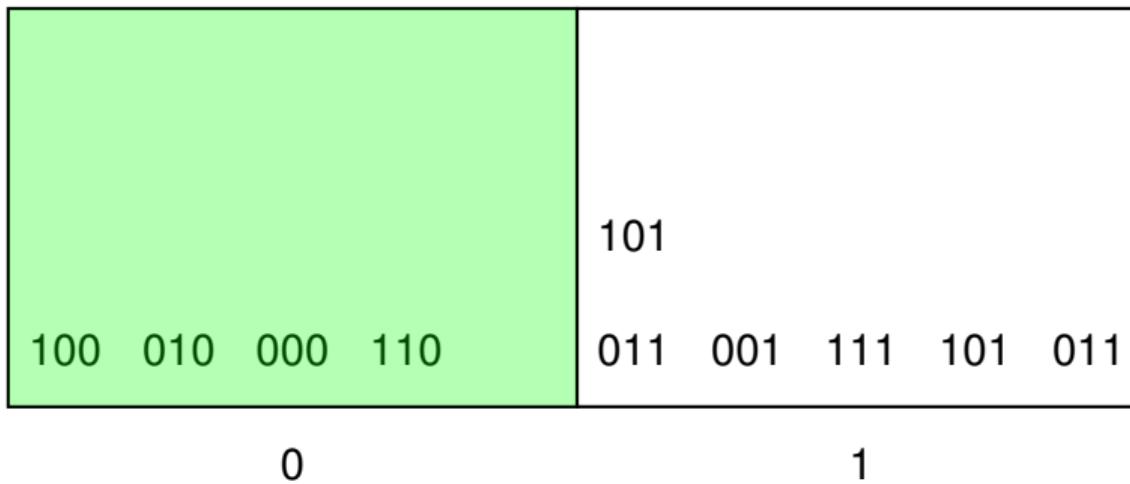
Radixsort  
○●○○○

Quellen  
○

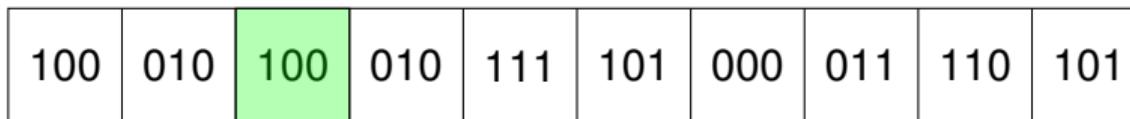
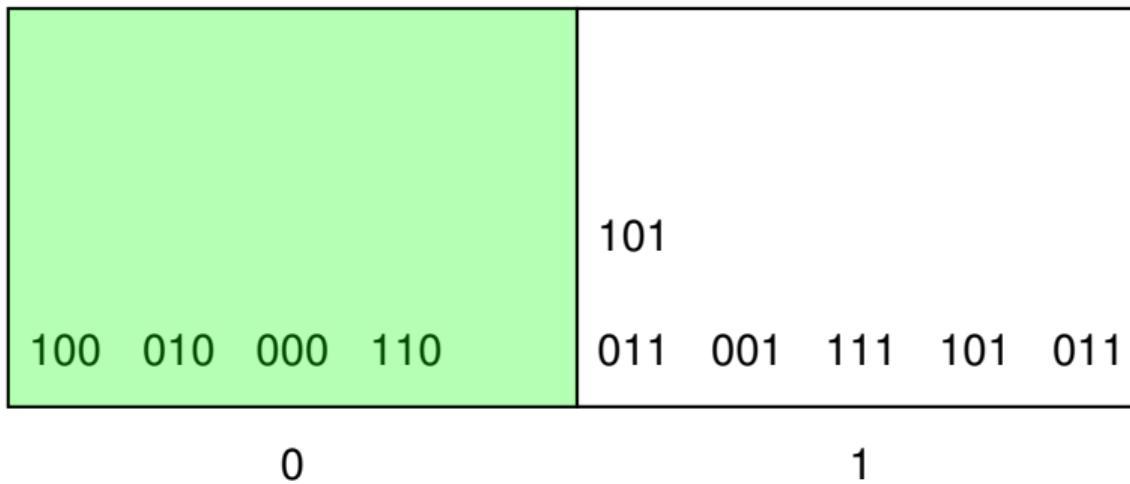
## Radixsort — Funktionsweise



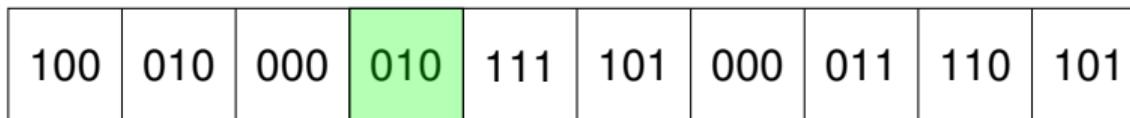
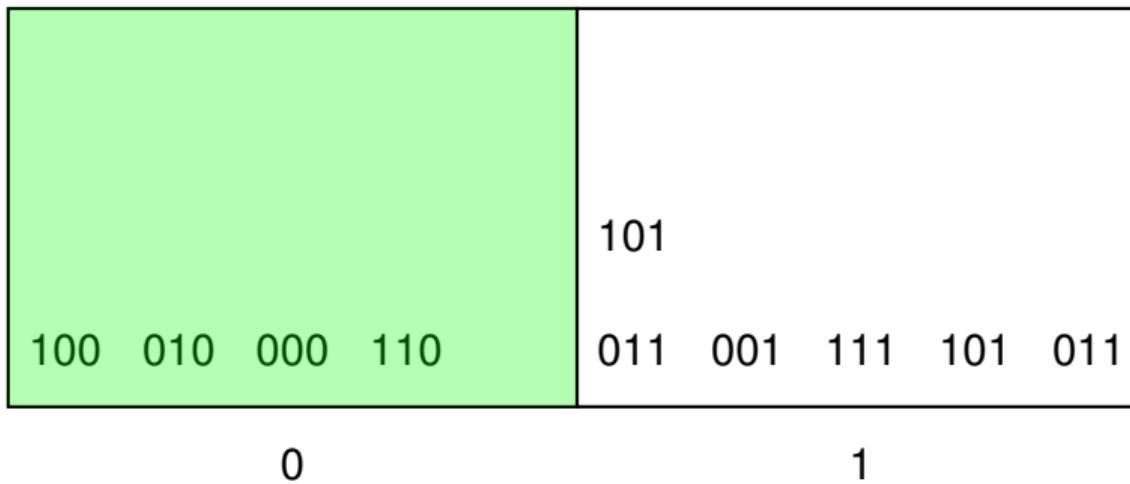
## Radixsort — Funktionsweise



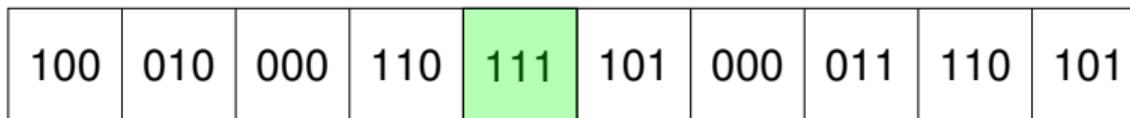
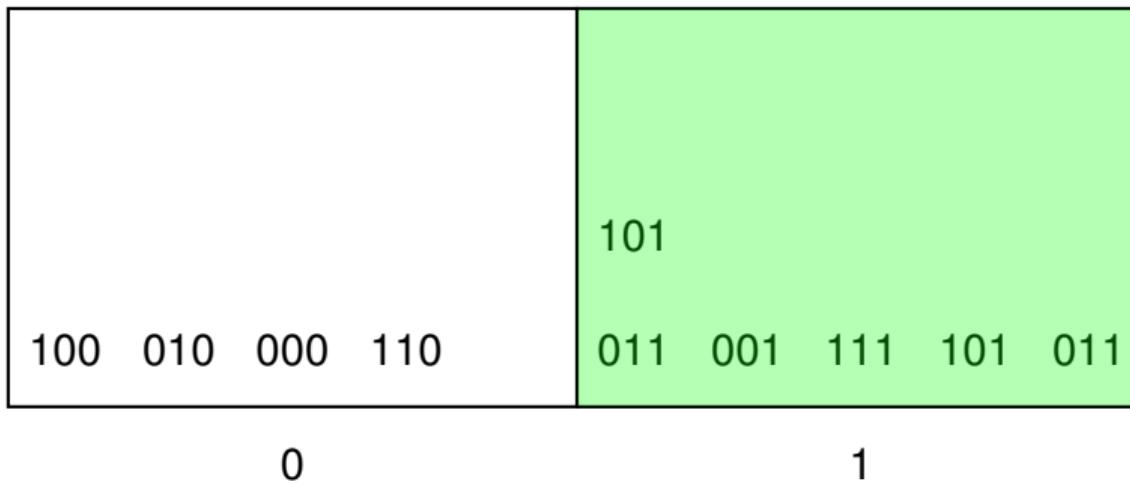
## Radixsort — Funktionsweise



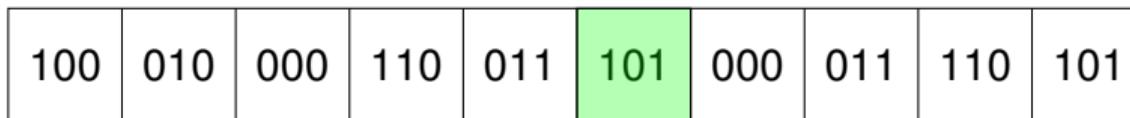
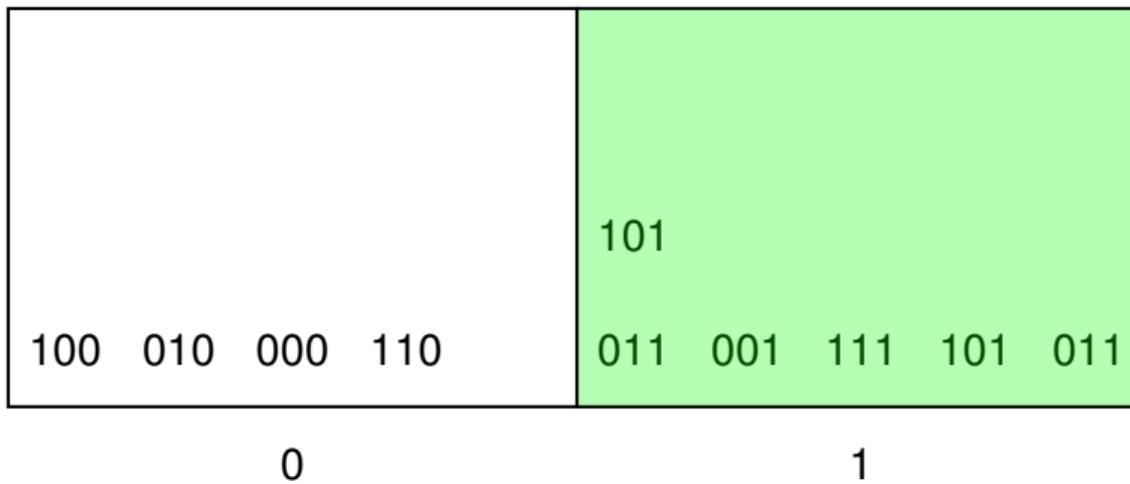
## Radixsort — Funktionsweise



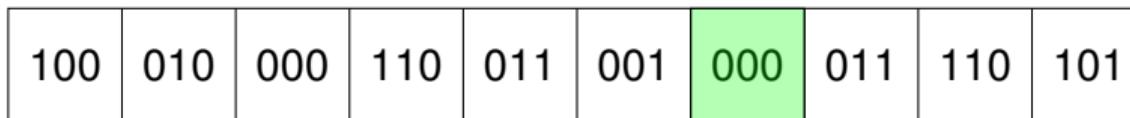
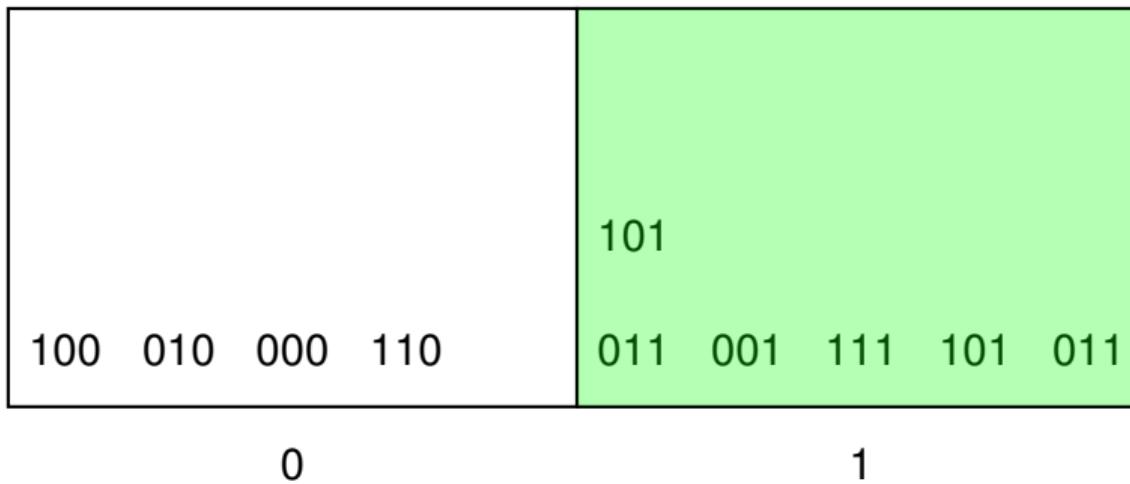
## Radixsort — Funktionsweise



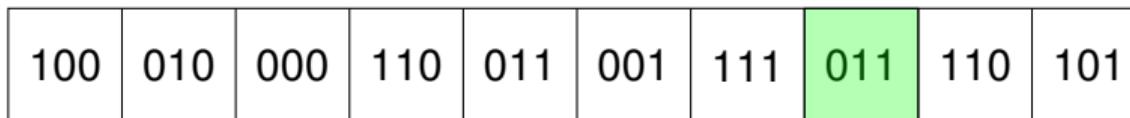
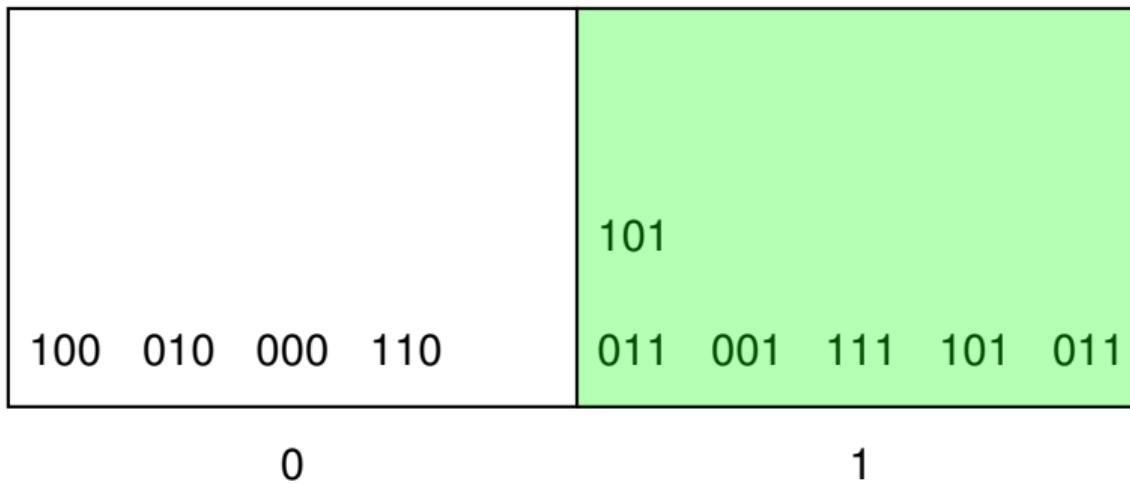
## Radixsort — Funktionsweise



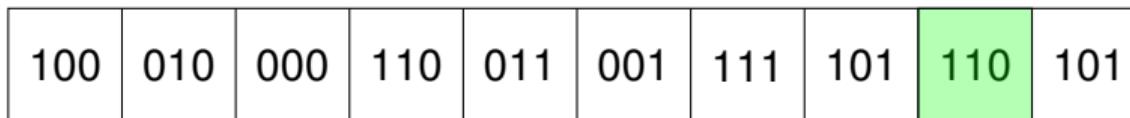
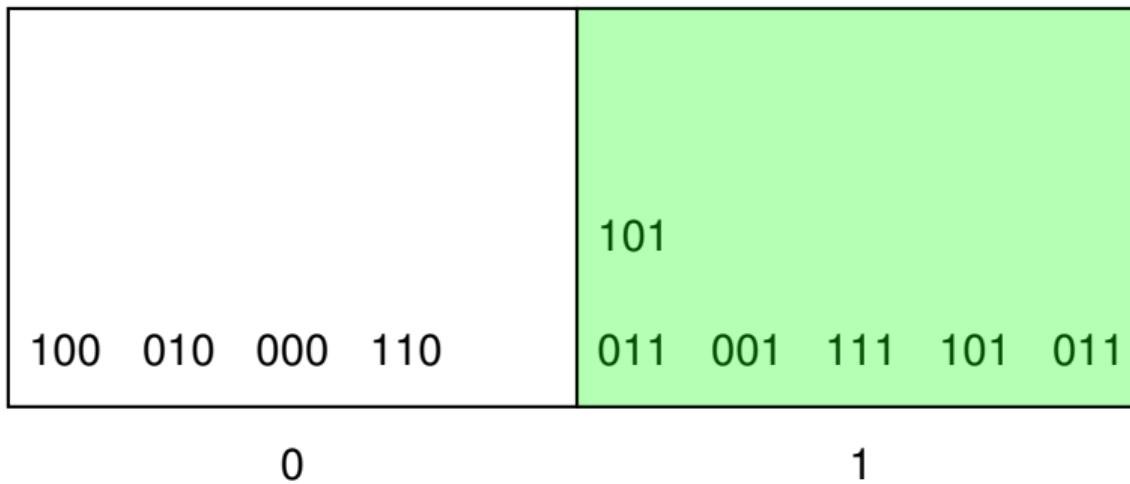
## Radixsort — Funktionsweise



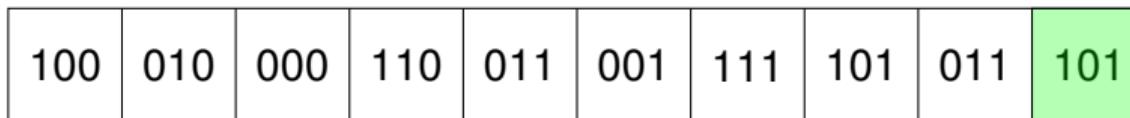
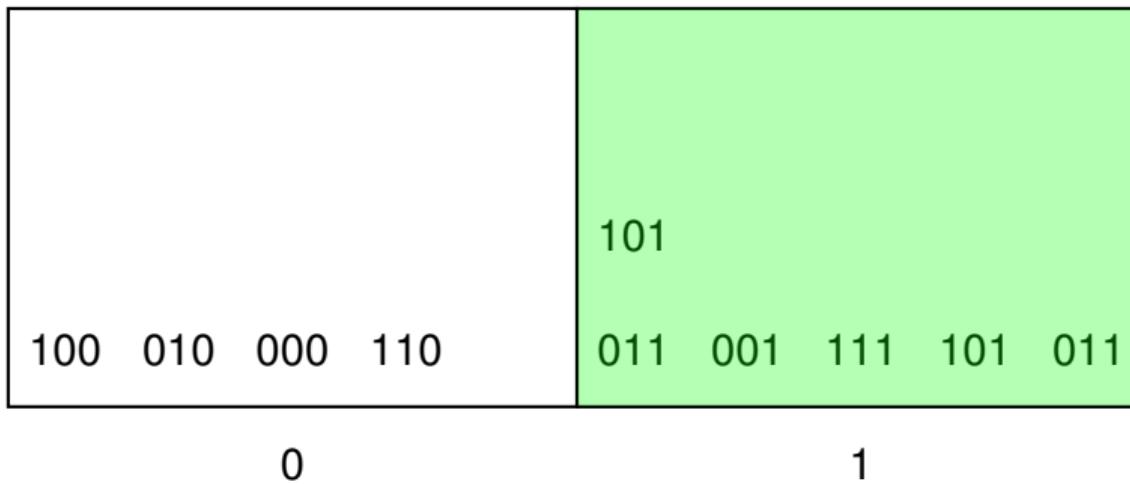
## Radixsort — Funktionsweise



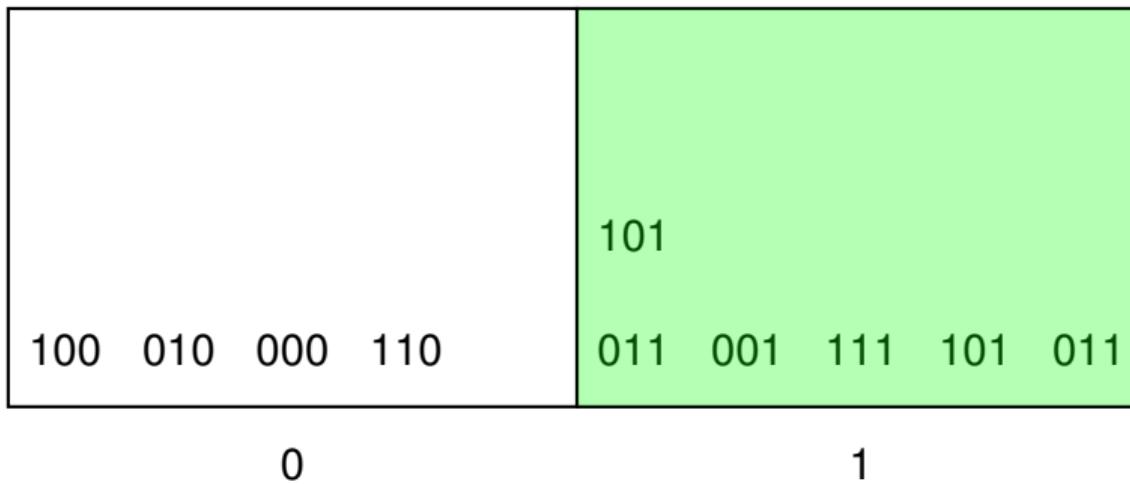
## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

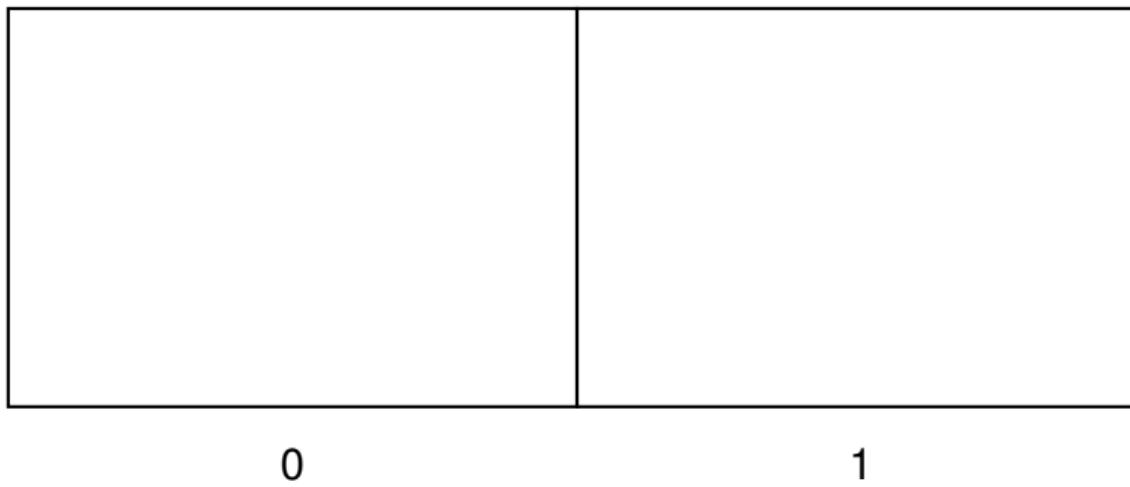
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

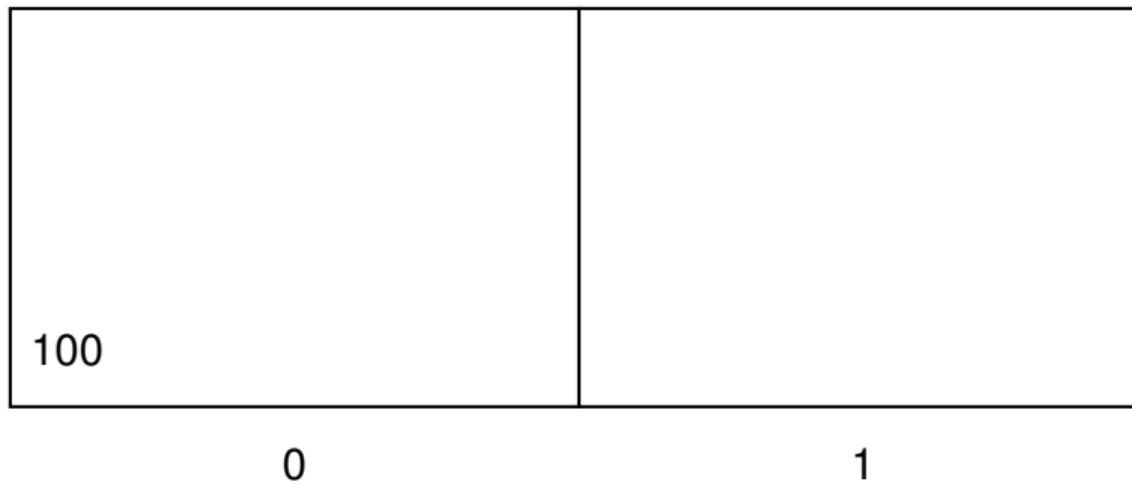
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



100	010	000	110	011	001	111	101	011	101
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

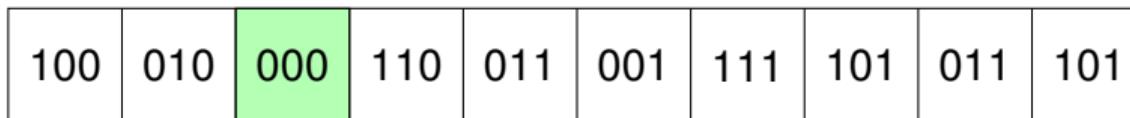
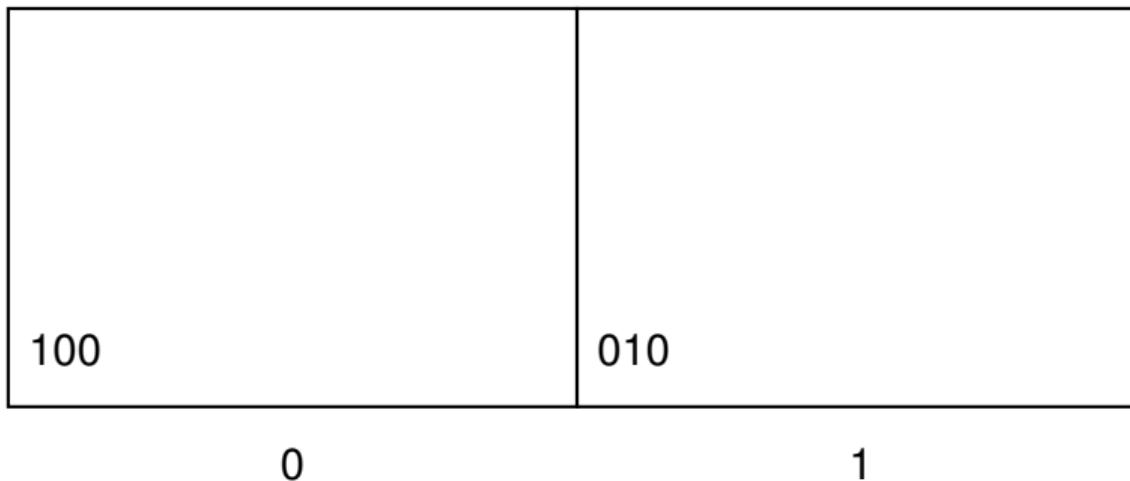
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

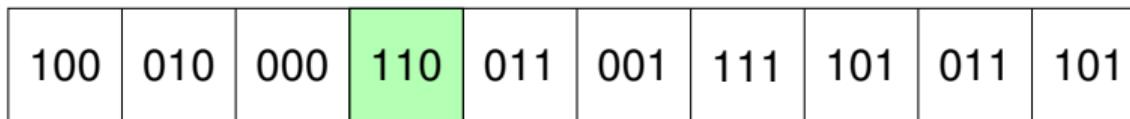
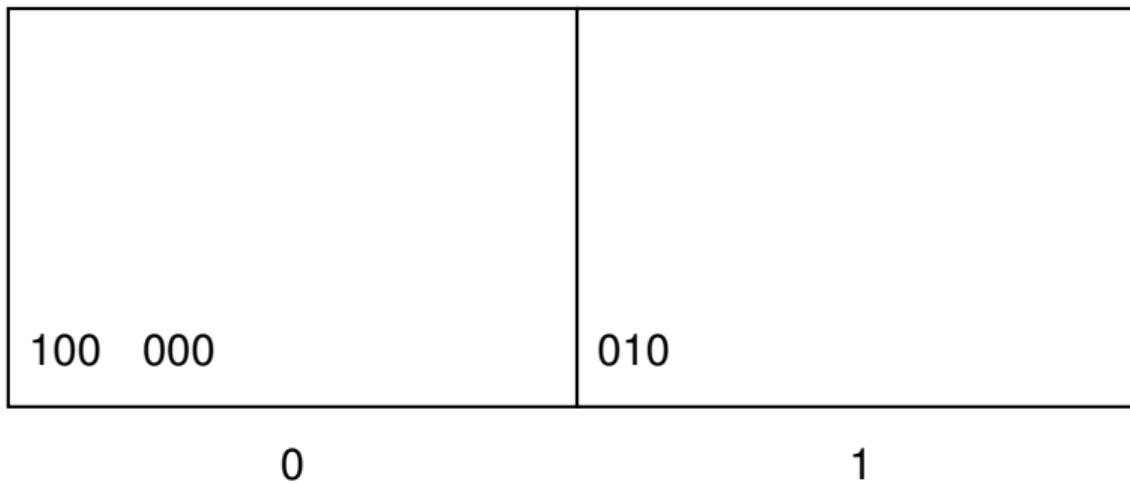
Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

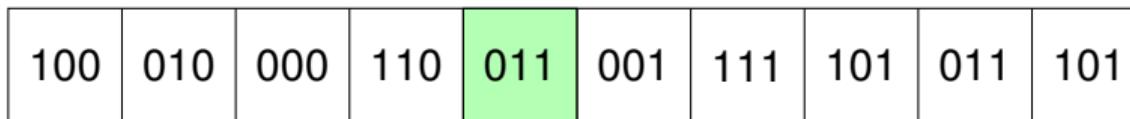
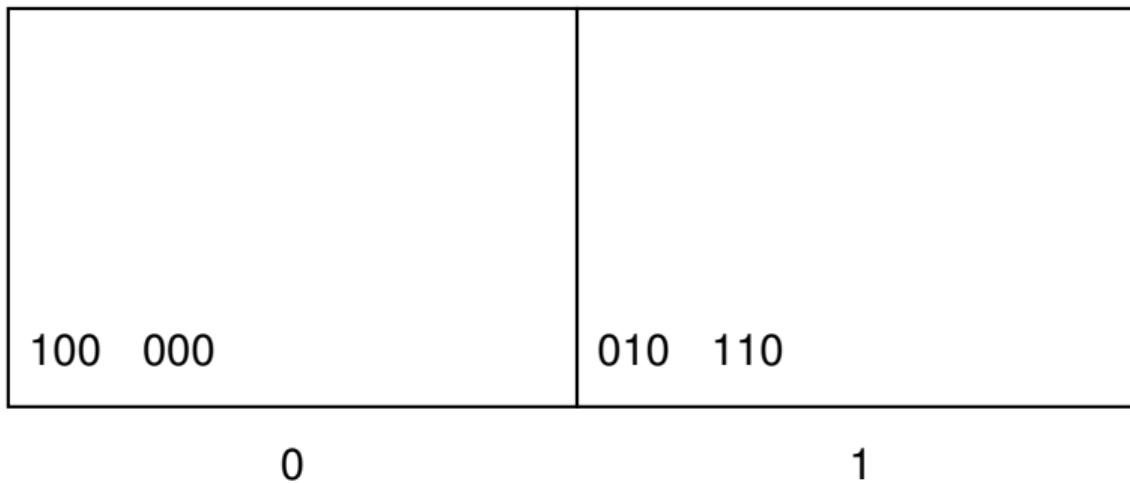
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

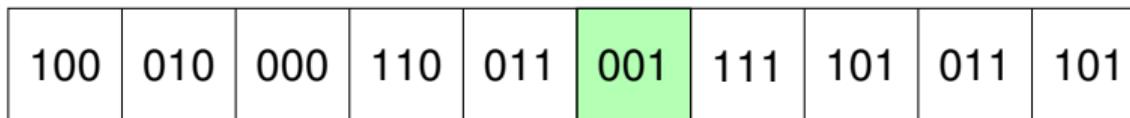
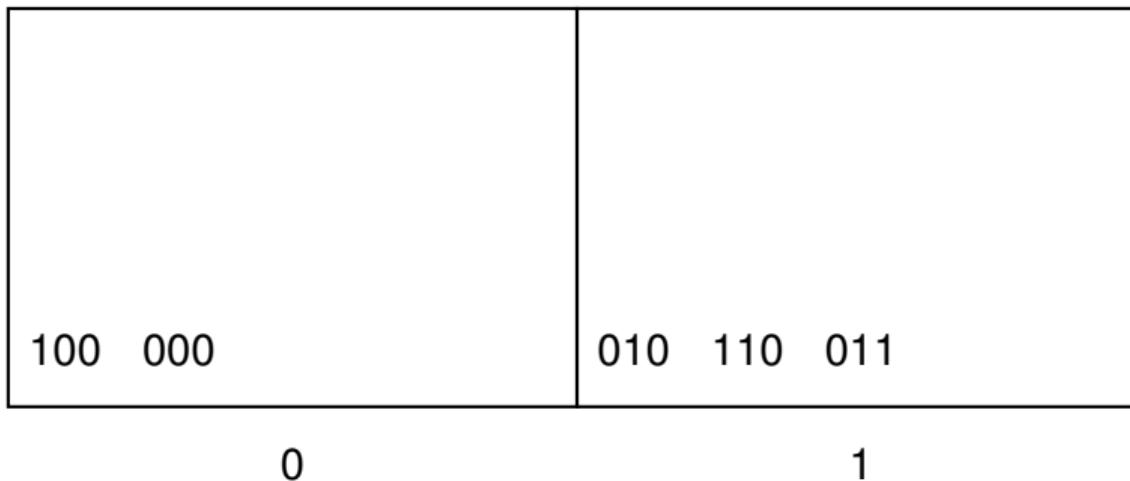
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

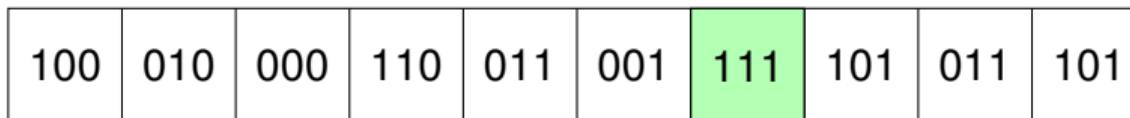
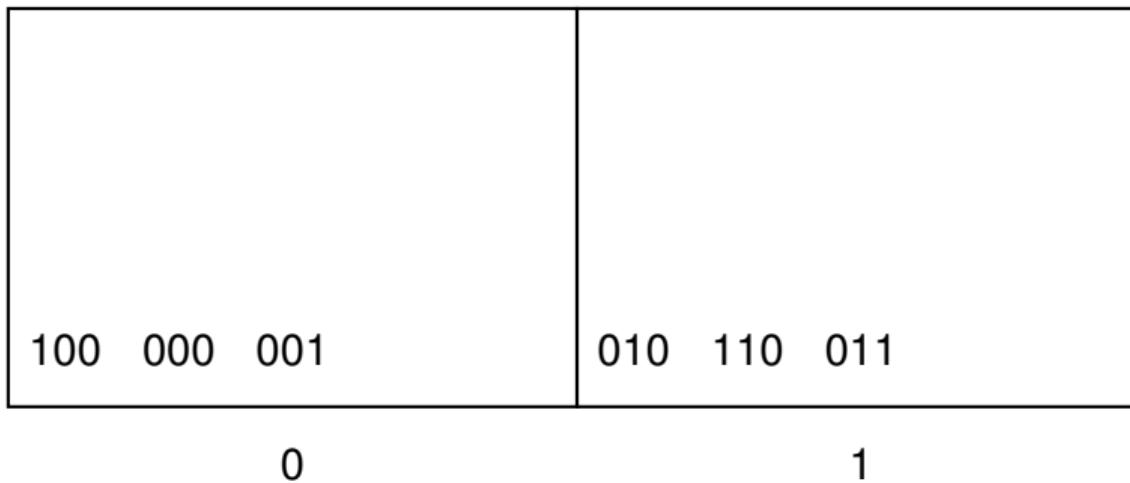
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

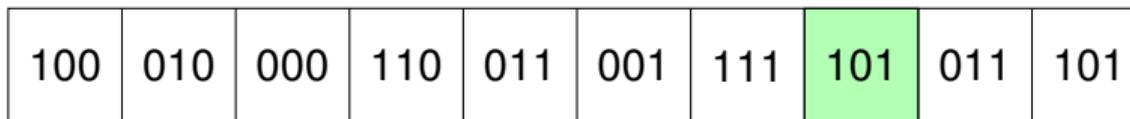
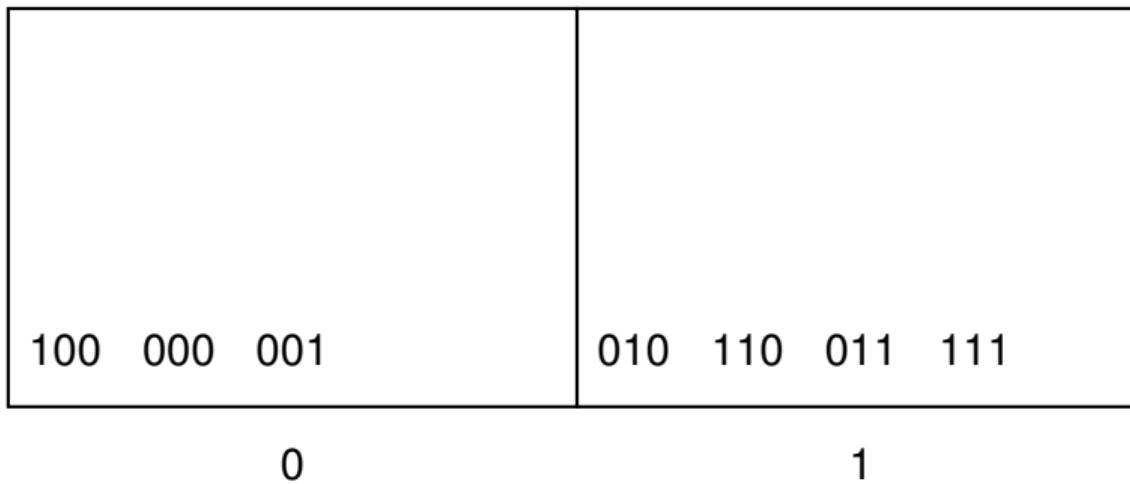
Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

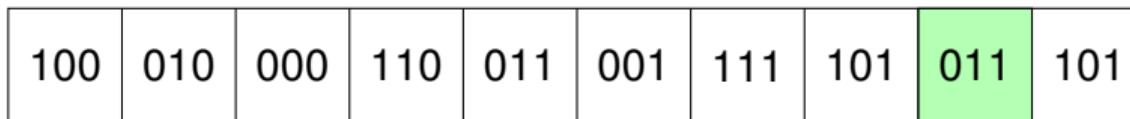
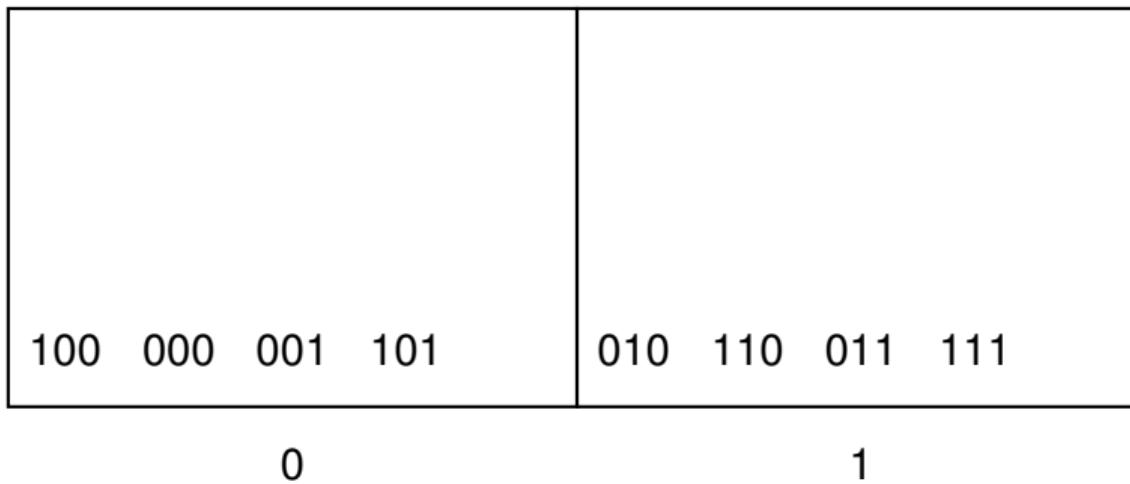
## Radixsort — Funktionsweise



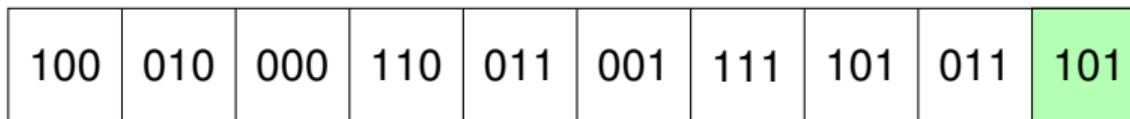
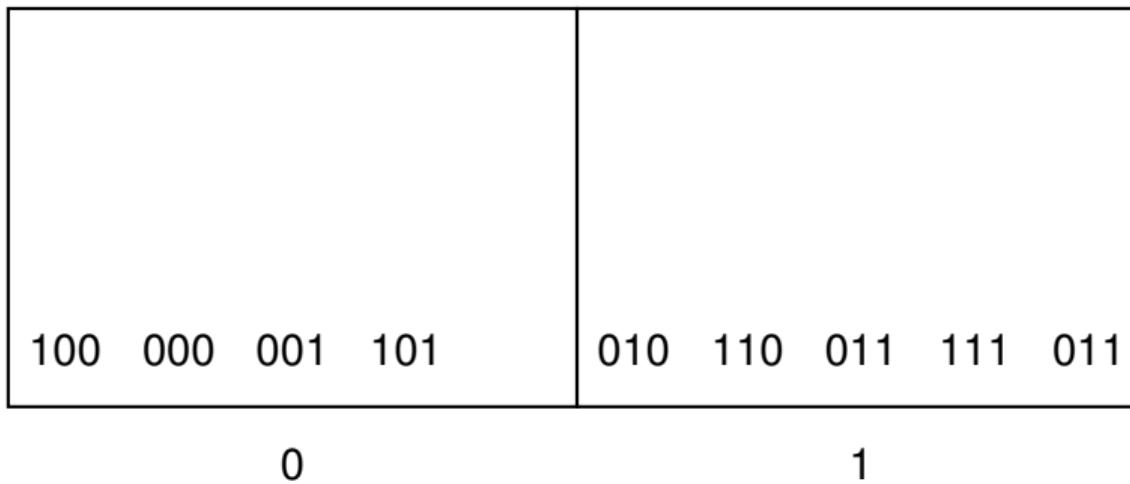
## Radixsort — Funktionsweise



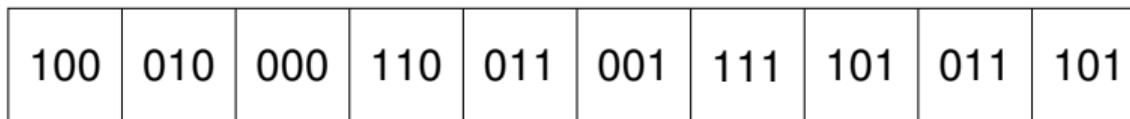
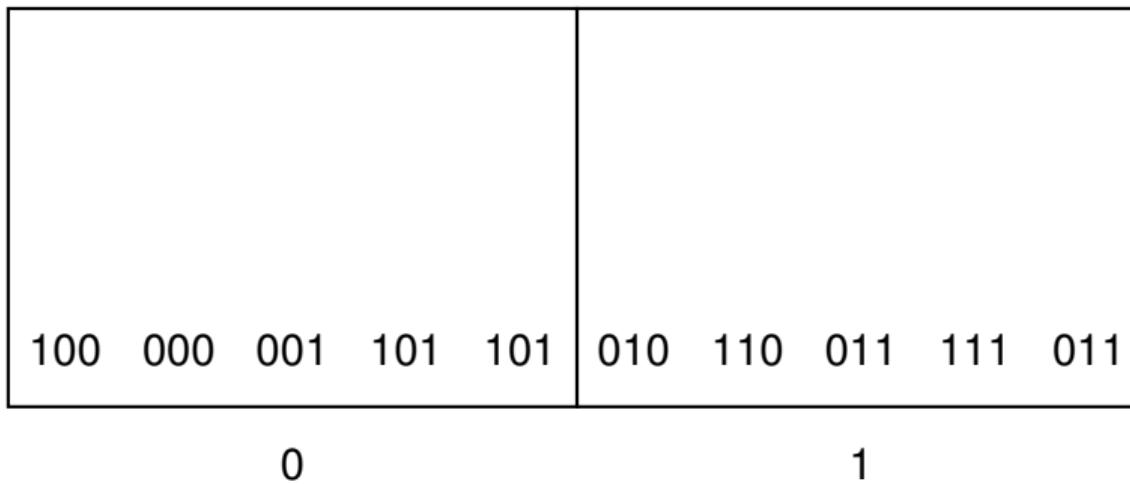
## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
○○○○○

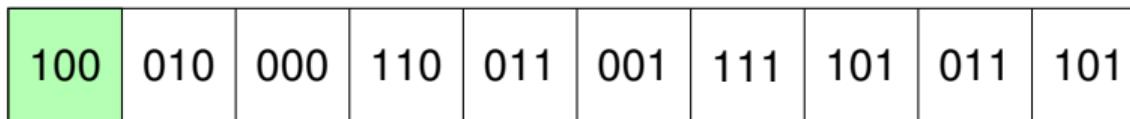
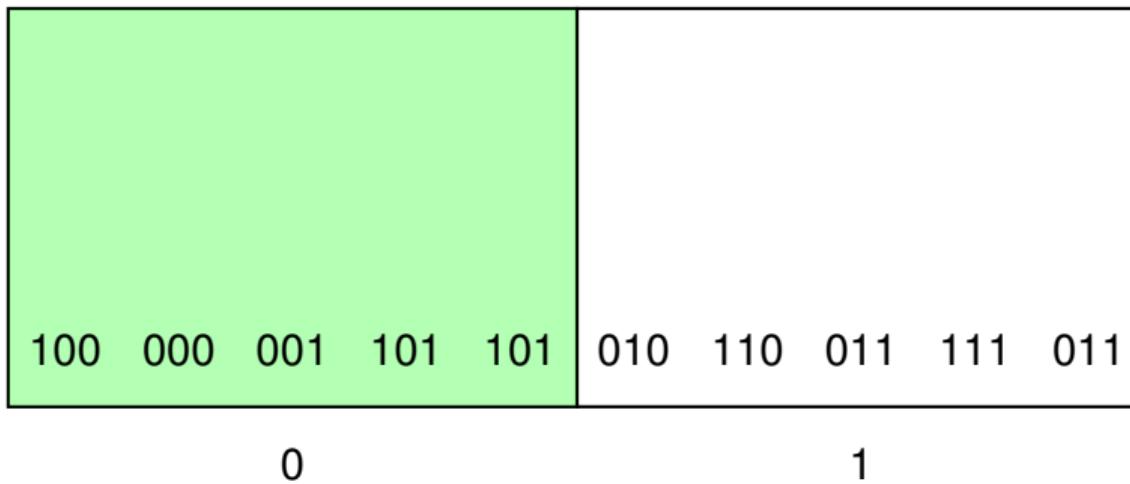
Bucketsort  
○○○○○

Heapsort  
○○○○○○○○○○○○

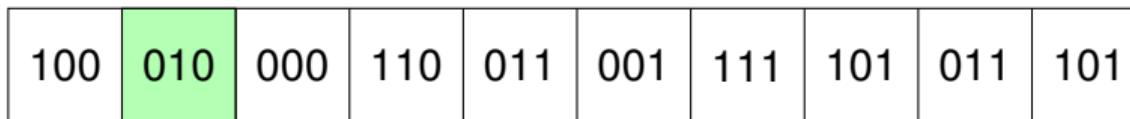
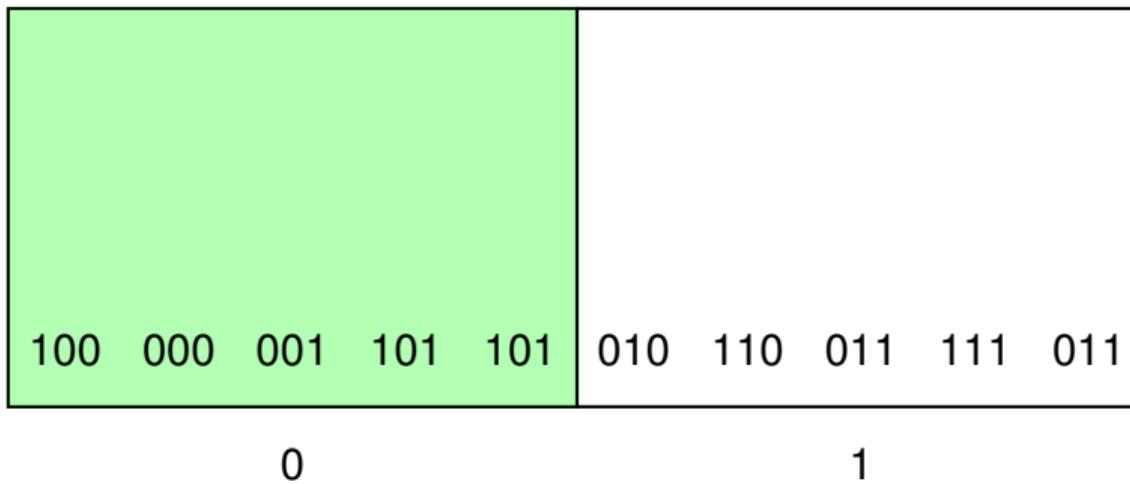
Radixsort  
○●○○○

Quellen  
○

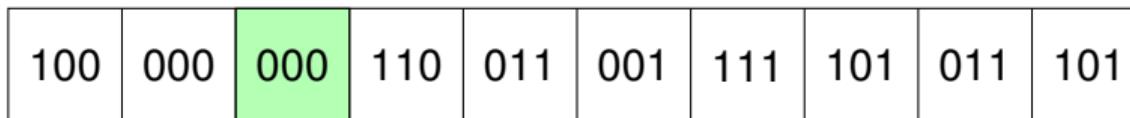
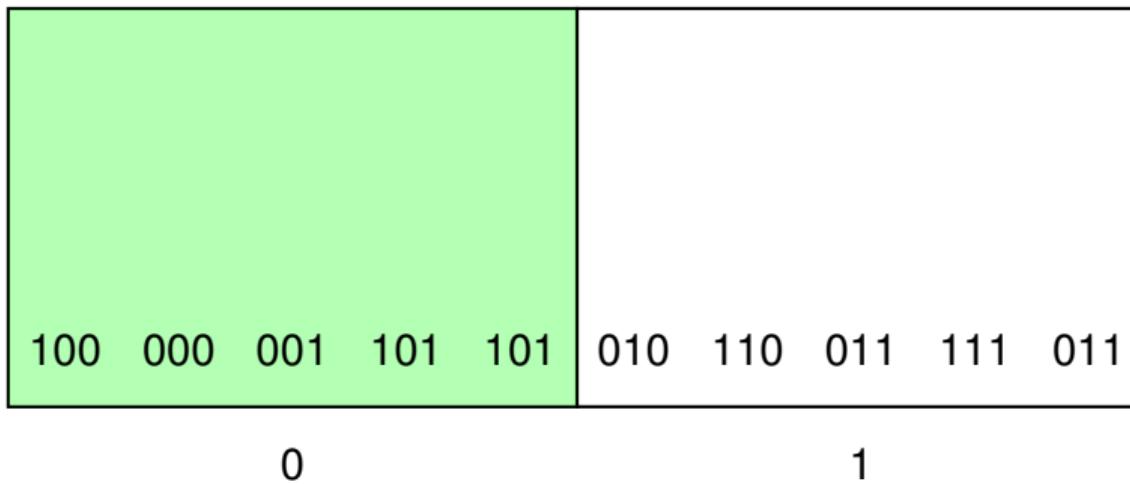
## Radixsort — Funktionsweise



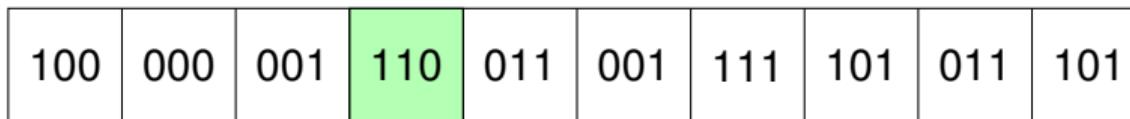
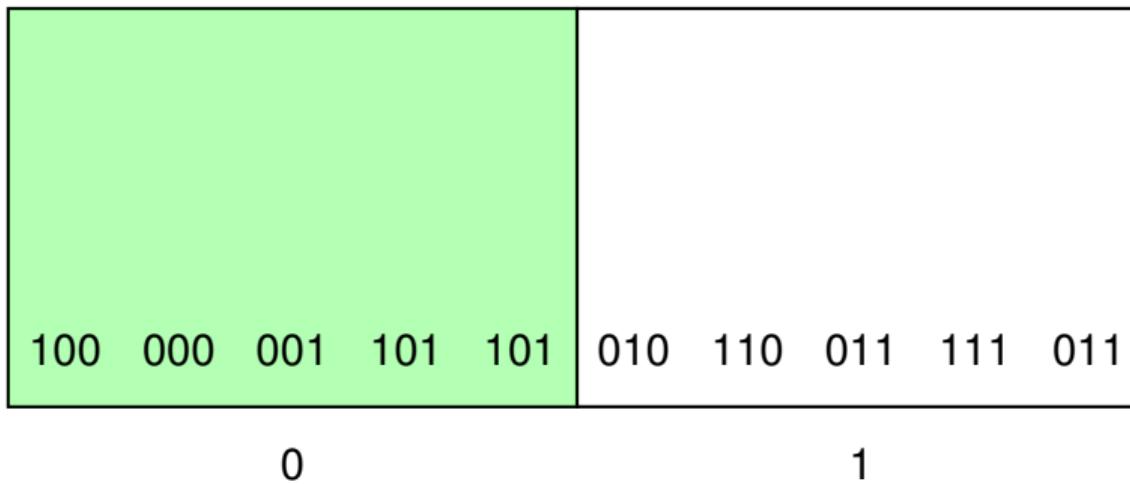
## Radixsort — Funktionsweise



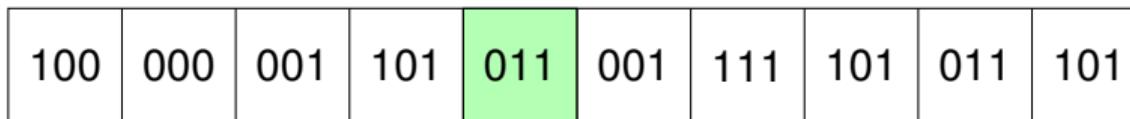
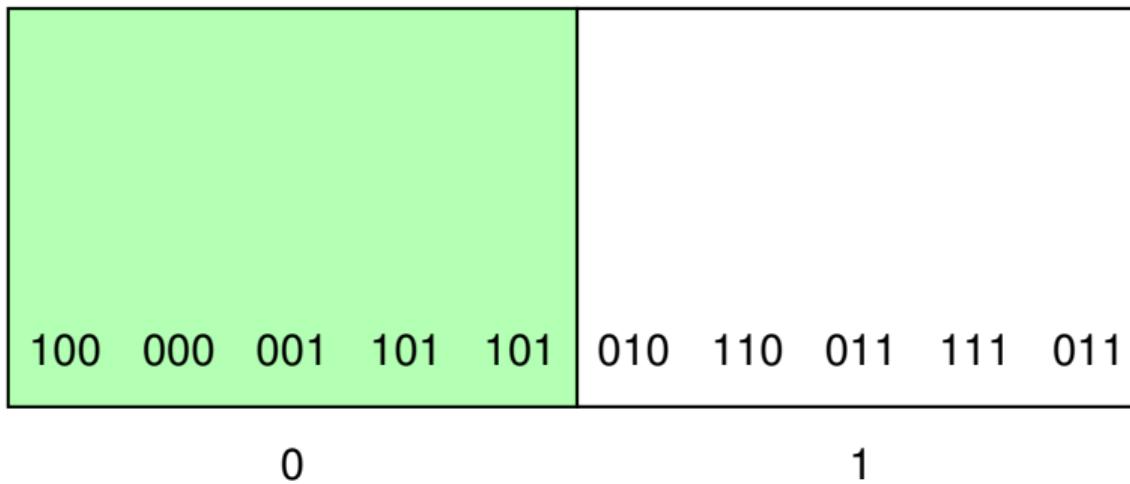
## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

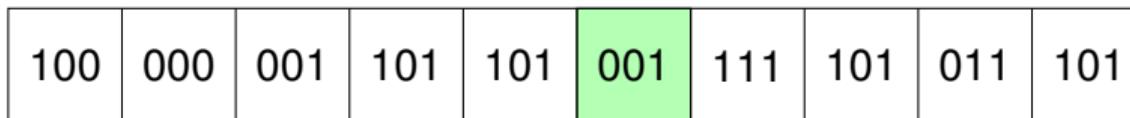
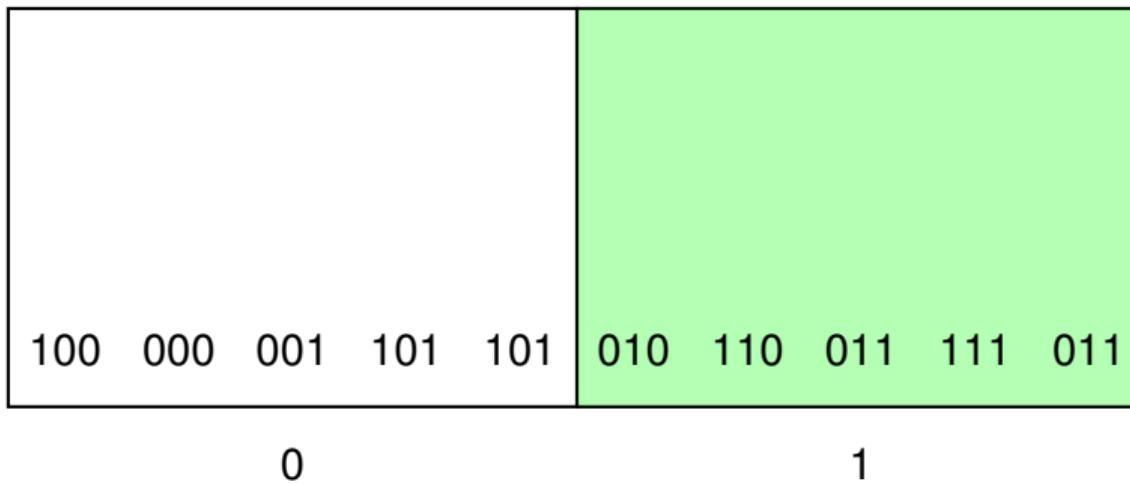
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

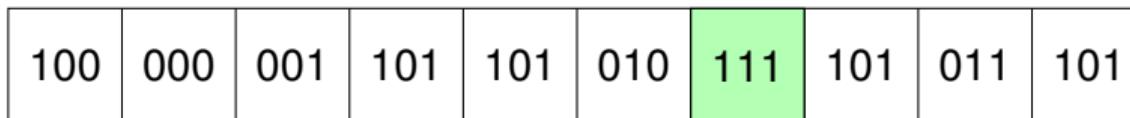
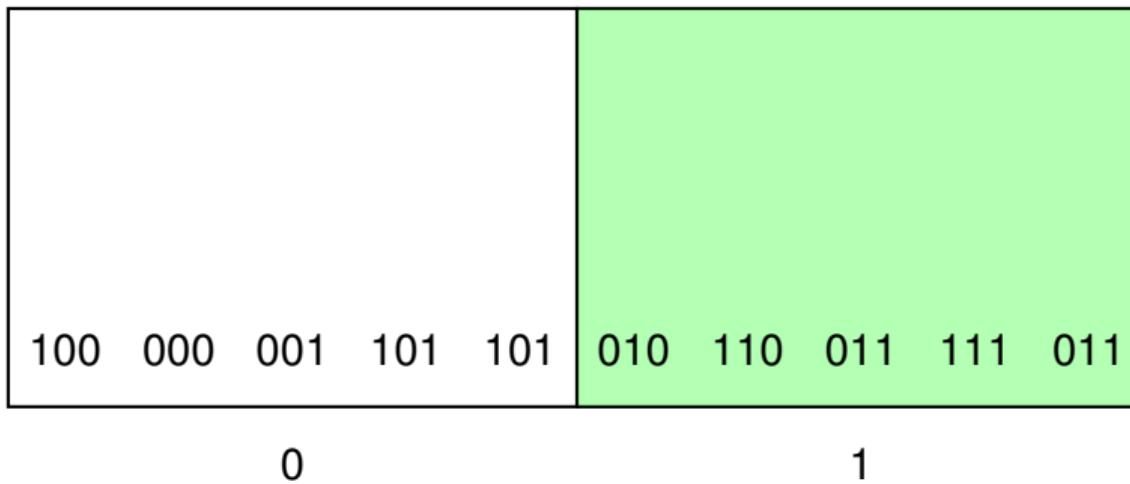
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

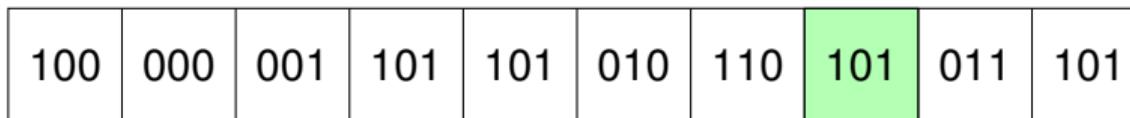
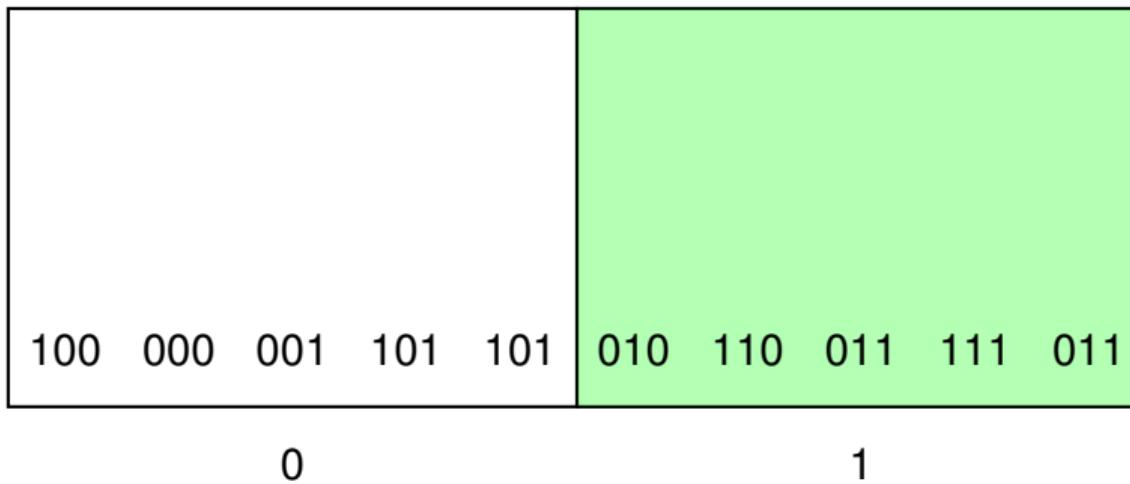
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

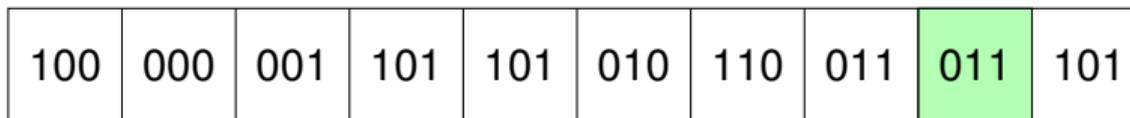
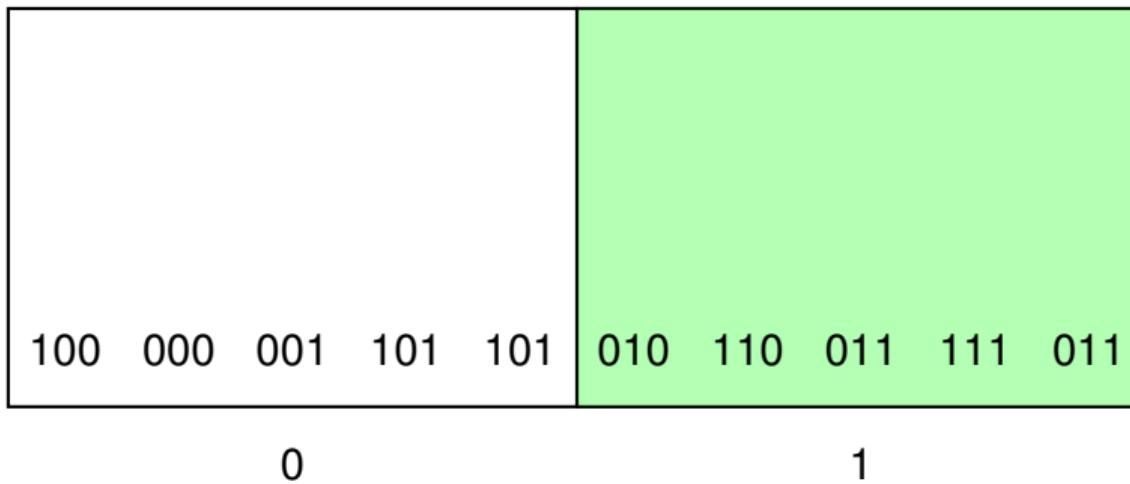
Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

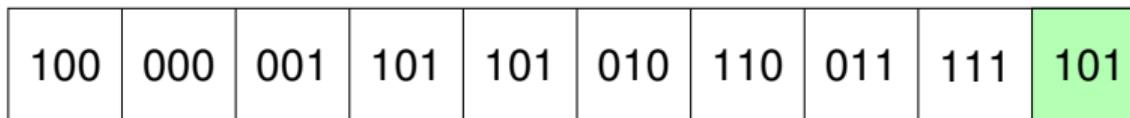
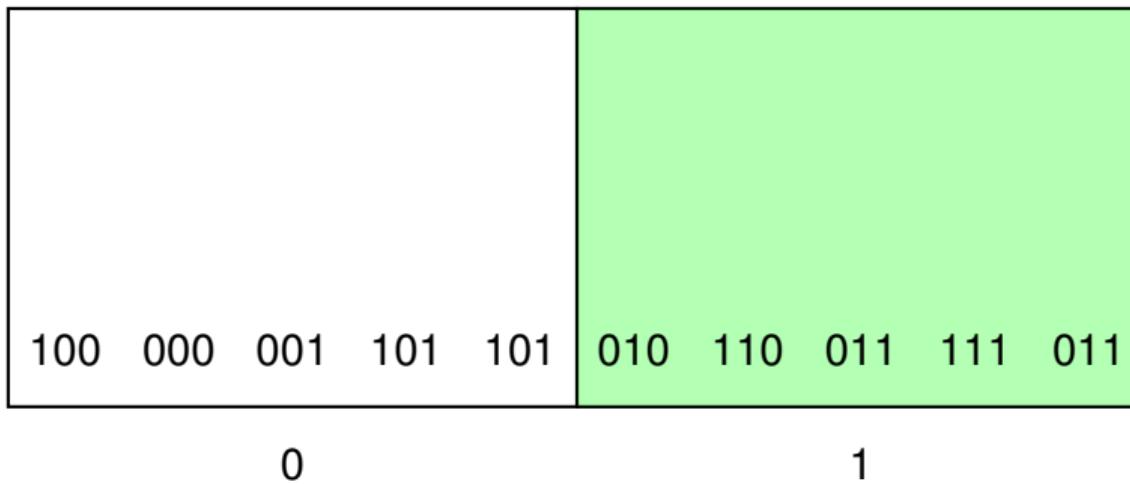
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

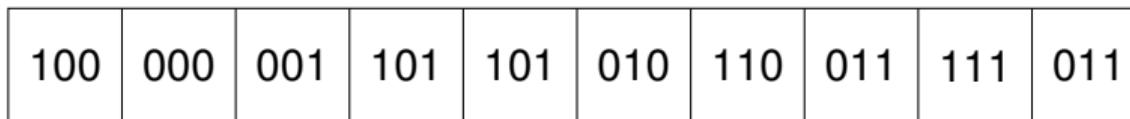
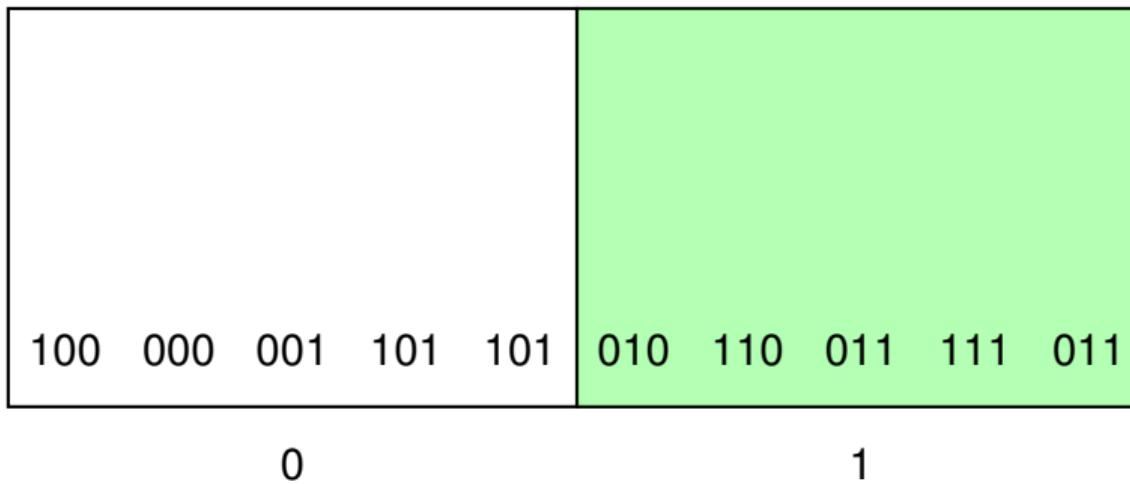
Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

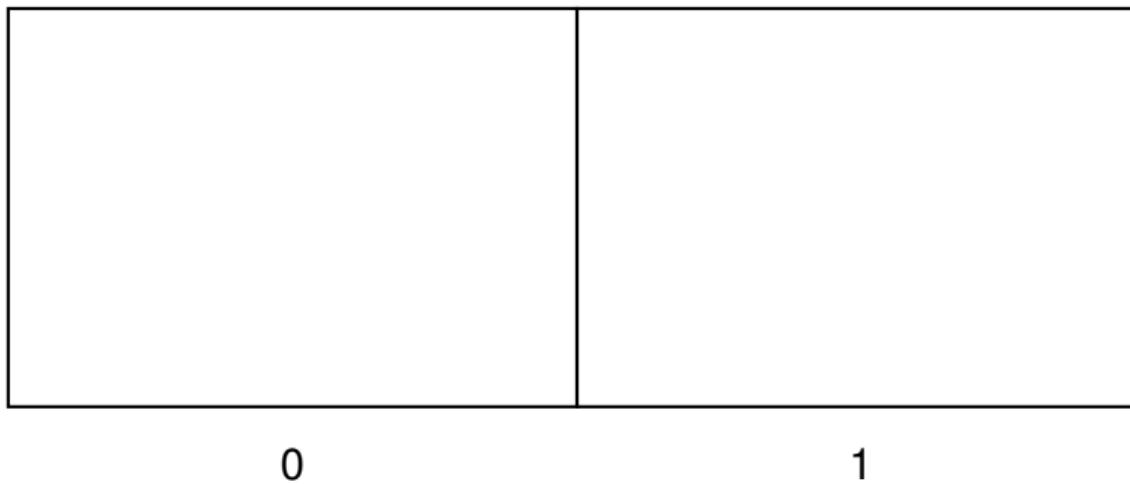
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

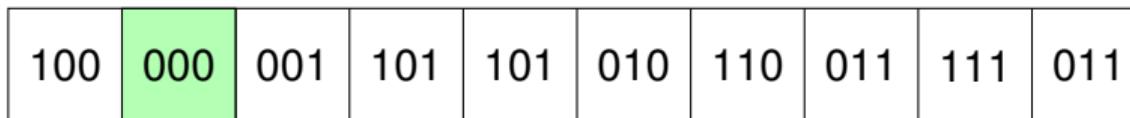
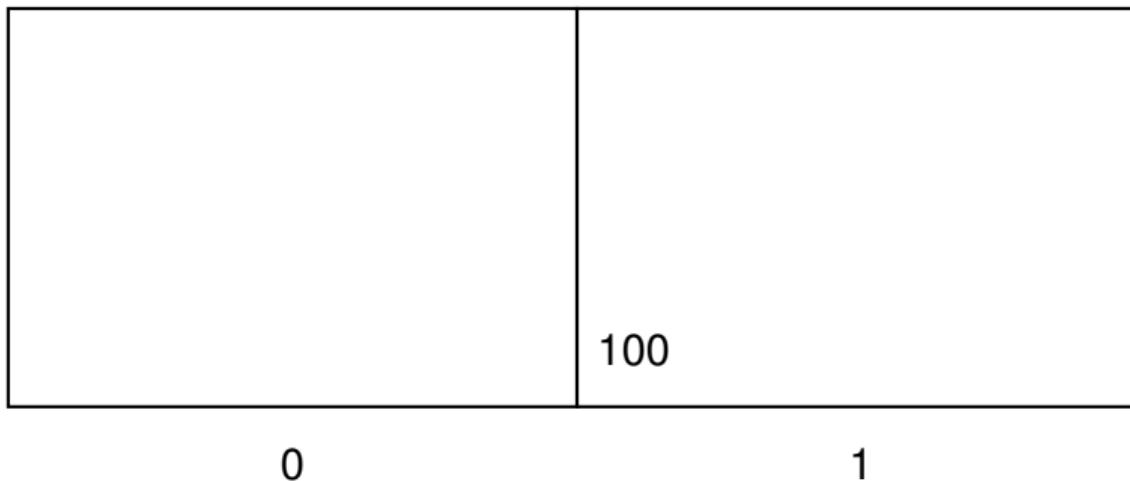
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

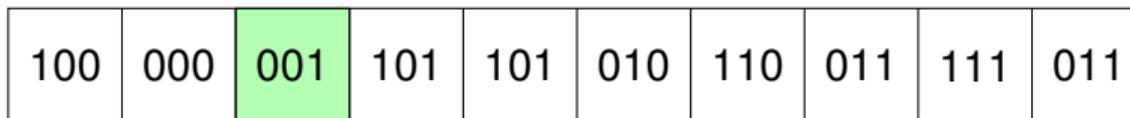
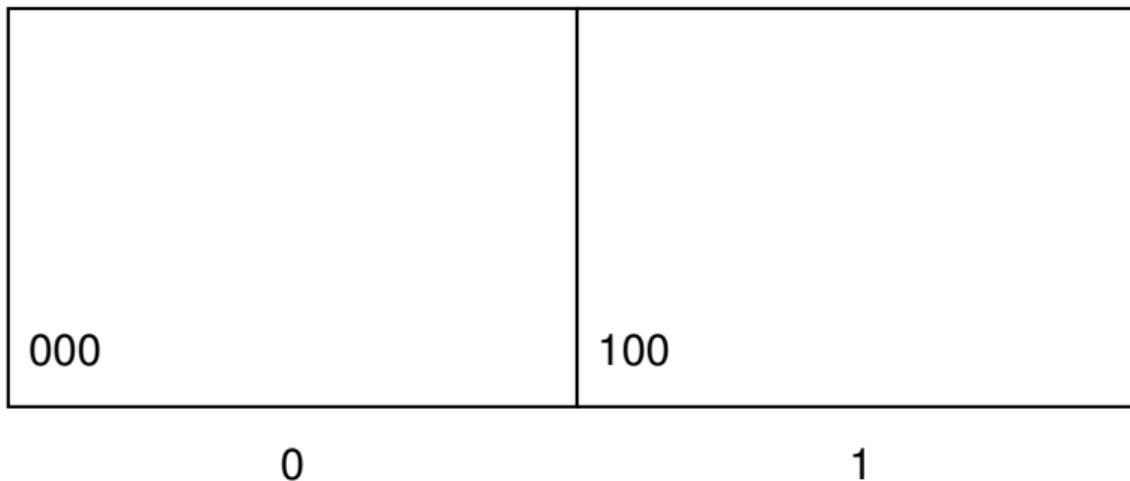
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

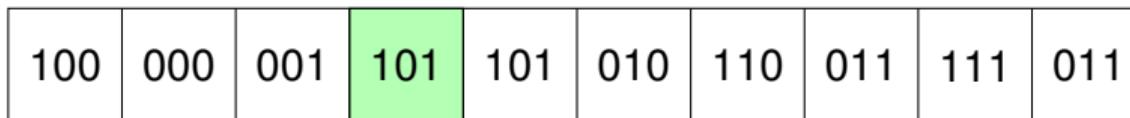
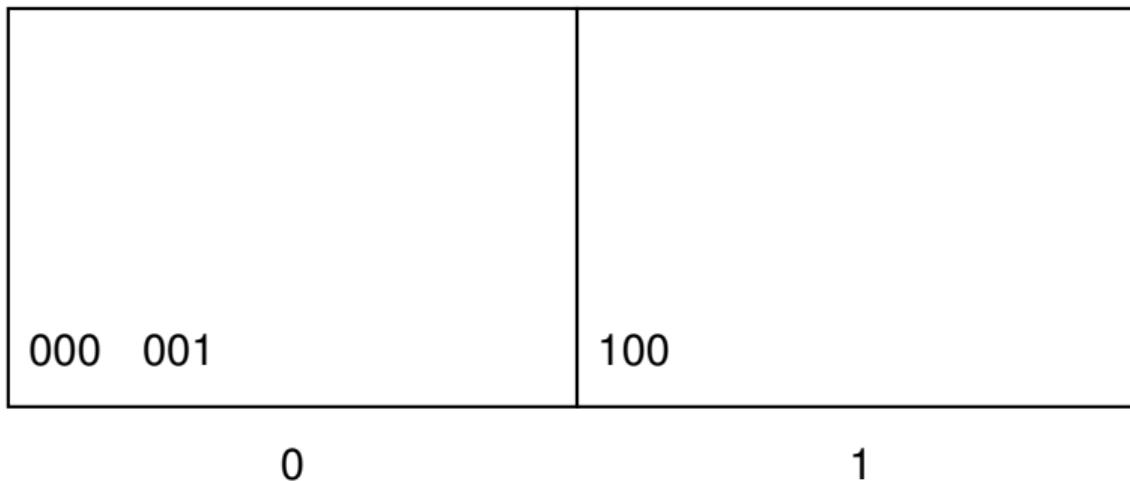
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

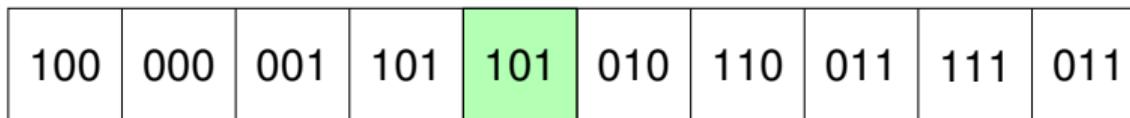
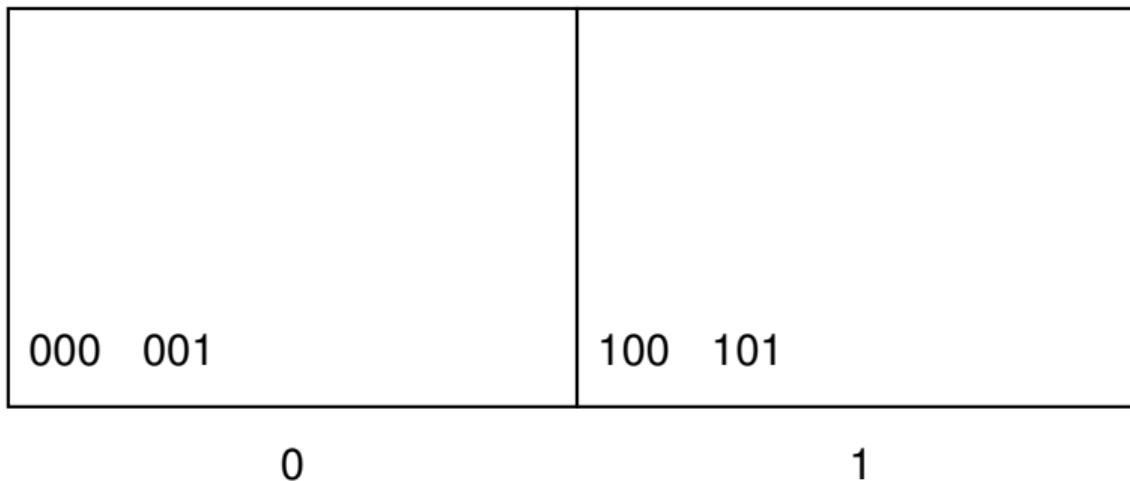
Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

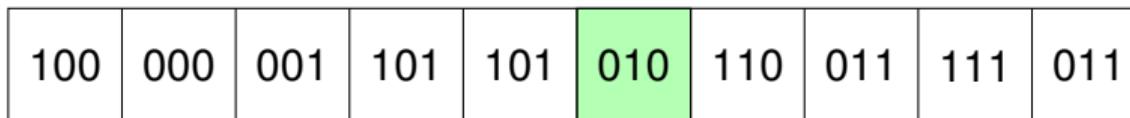
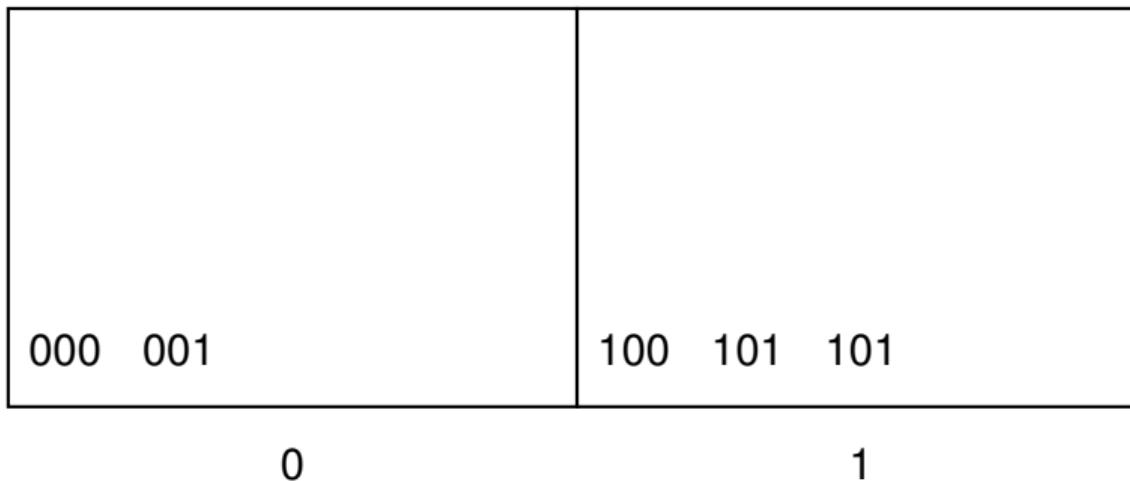
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

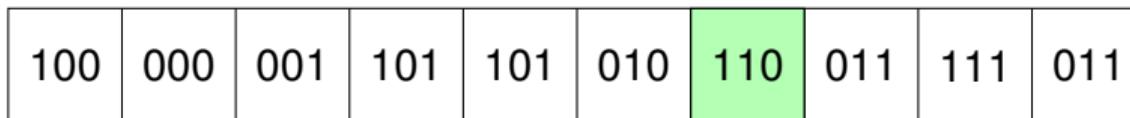
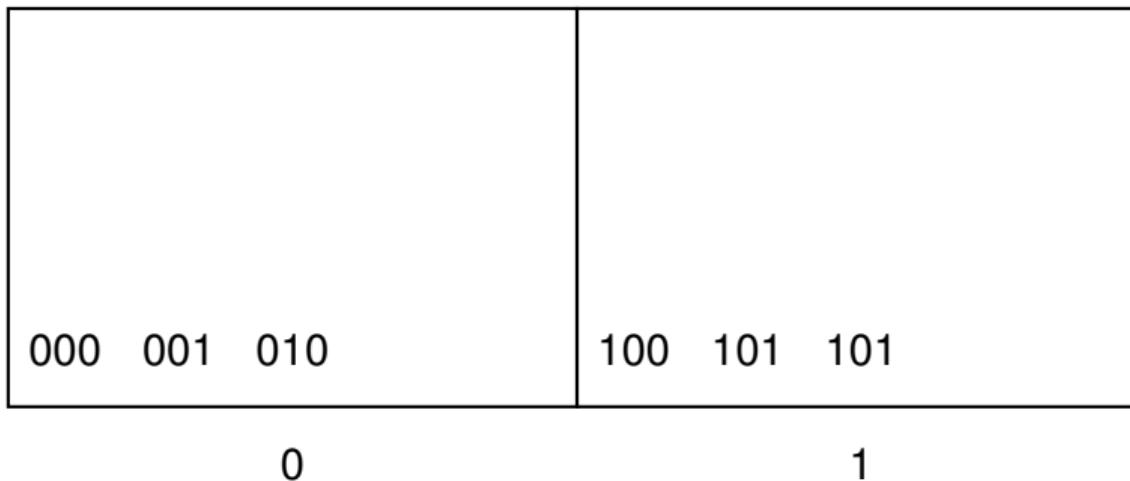
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

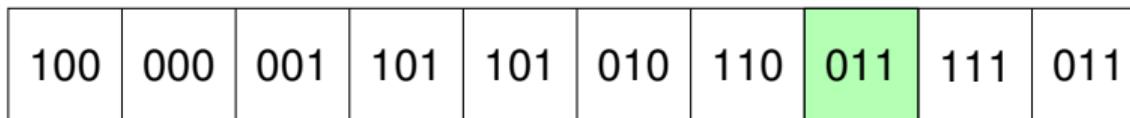
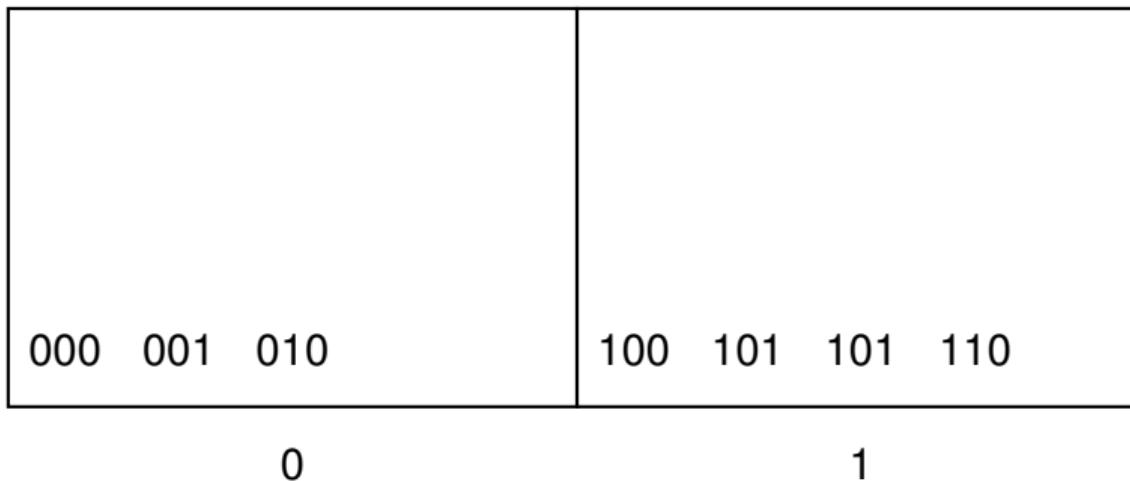
Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

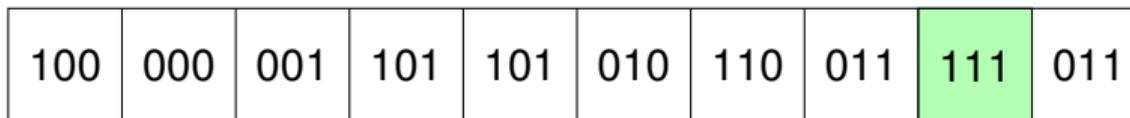
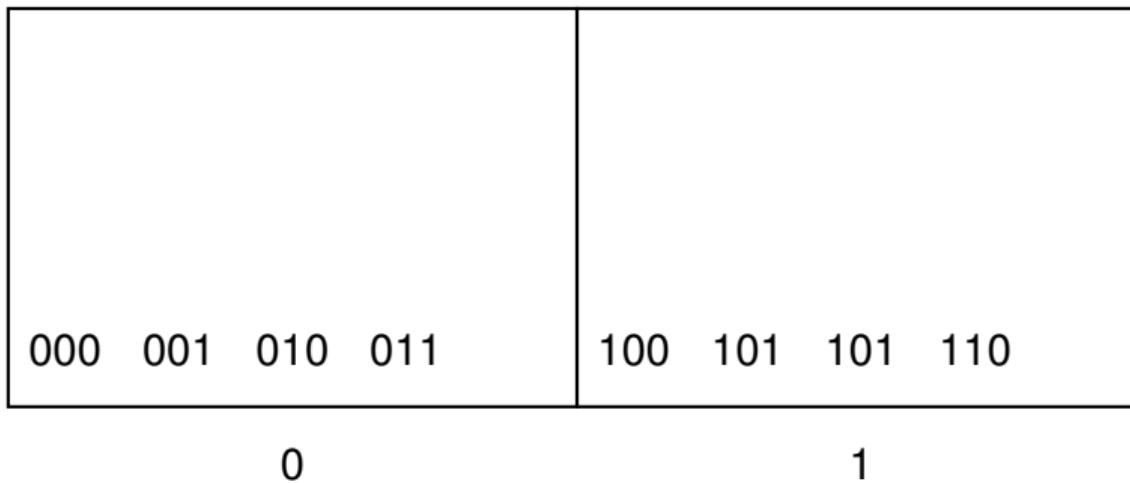
## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
○○○○○

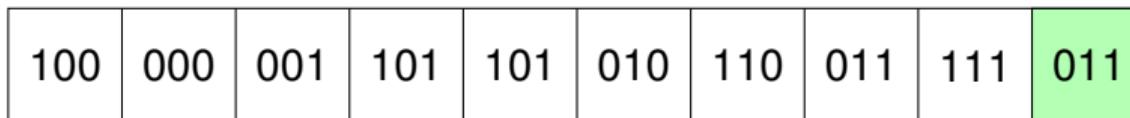
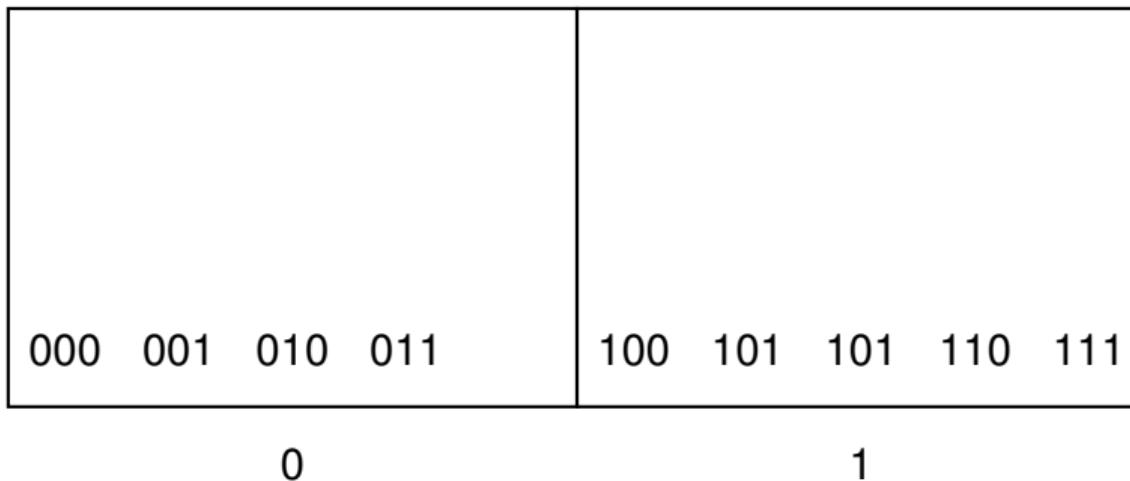
Bucketsort  
○○○○○

Heapsort  
○○○○○○○○○○○○

Radixsort  
○●○○○

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

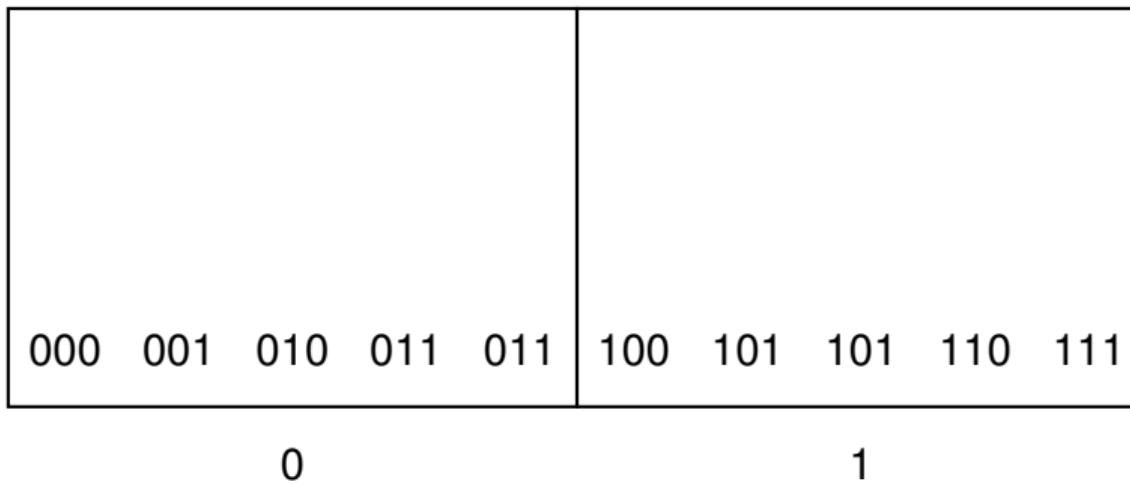
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



100	000	001	101	101	010	110	011	111	011
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Allgemeines  
ooooo

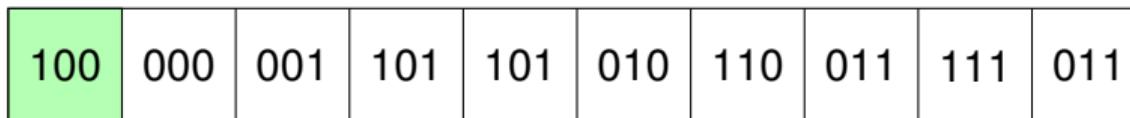
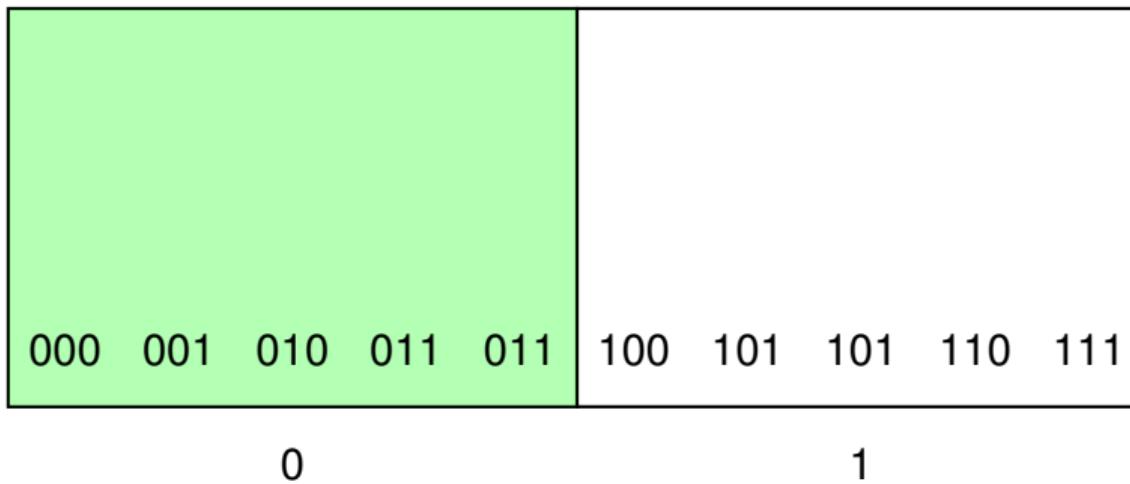
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

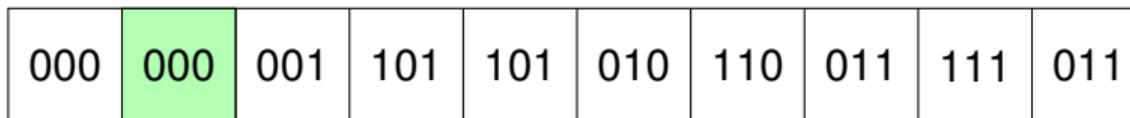
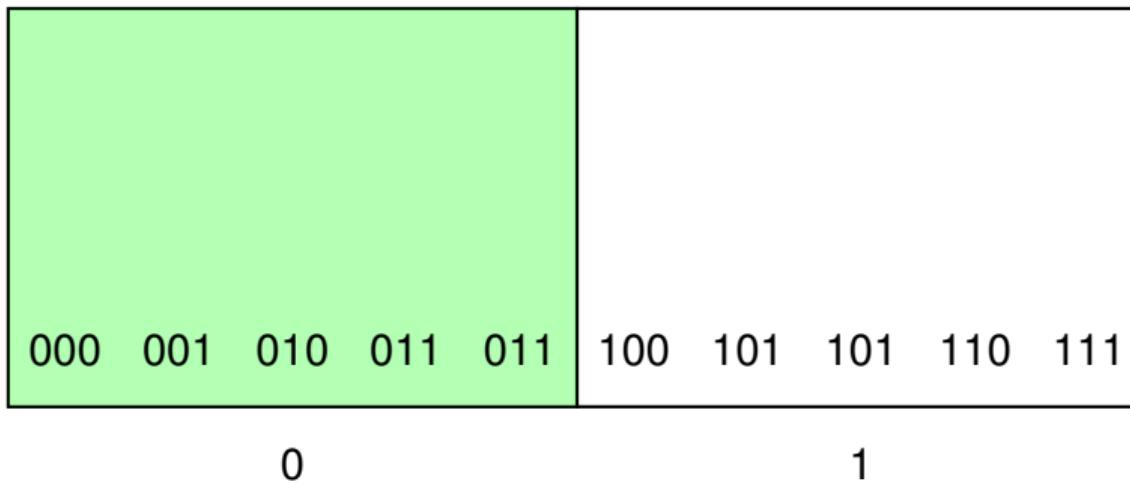
Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

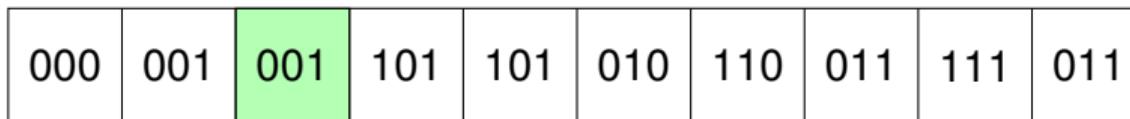
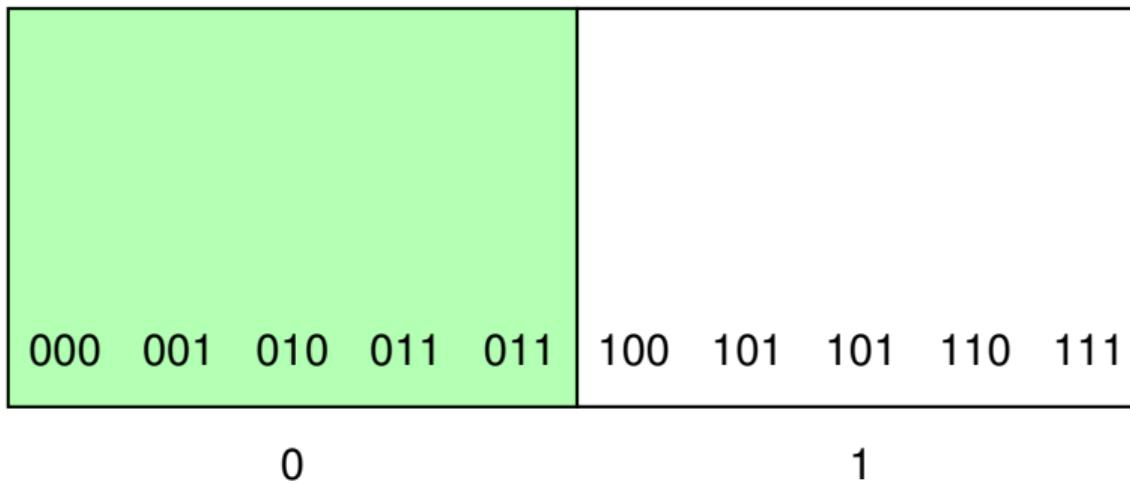
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

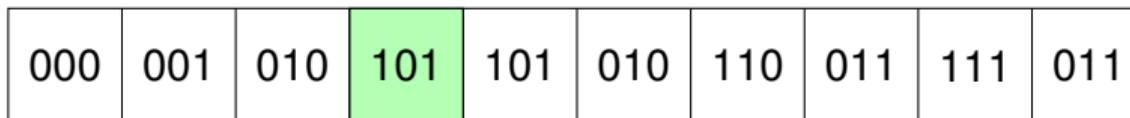
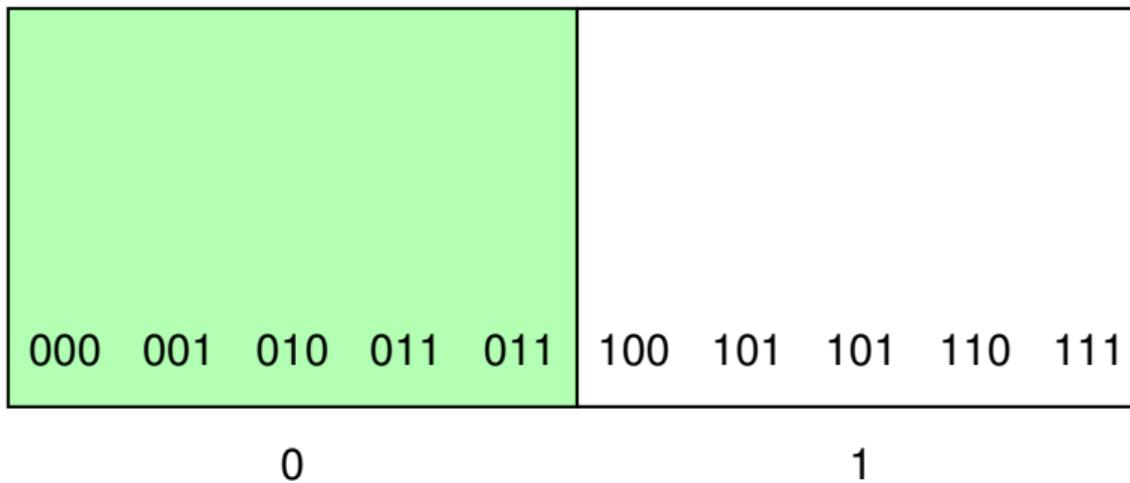
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

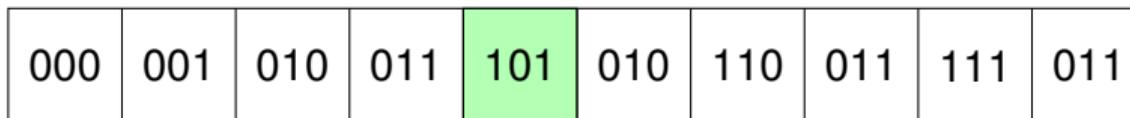
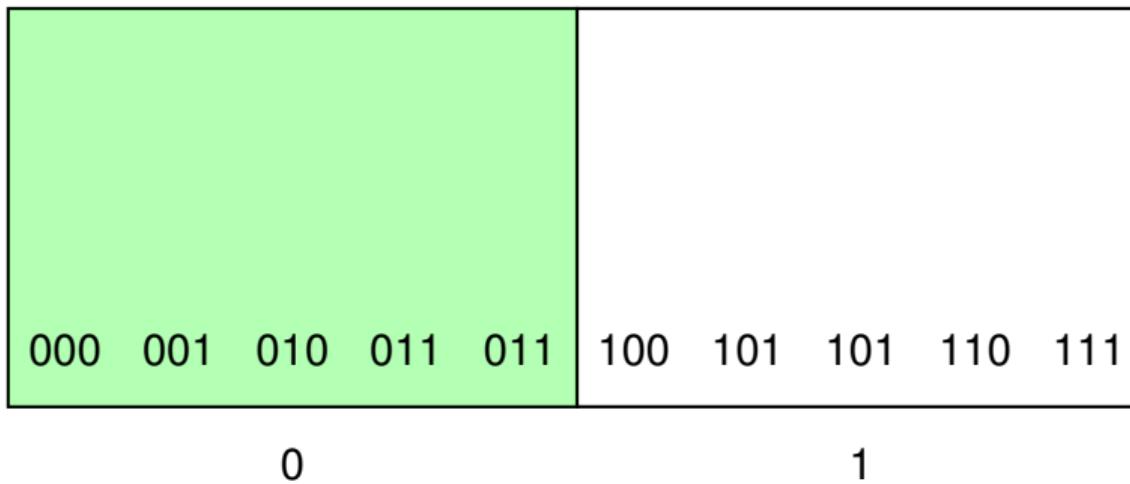
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
o●ooo

Quellen  
o

## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
ooooo

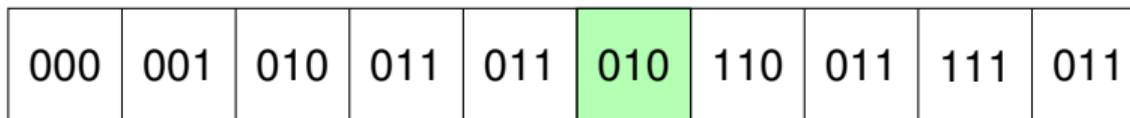
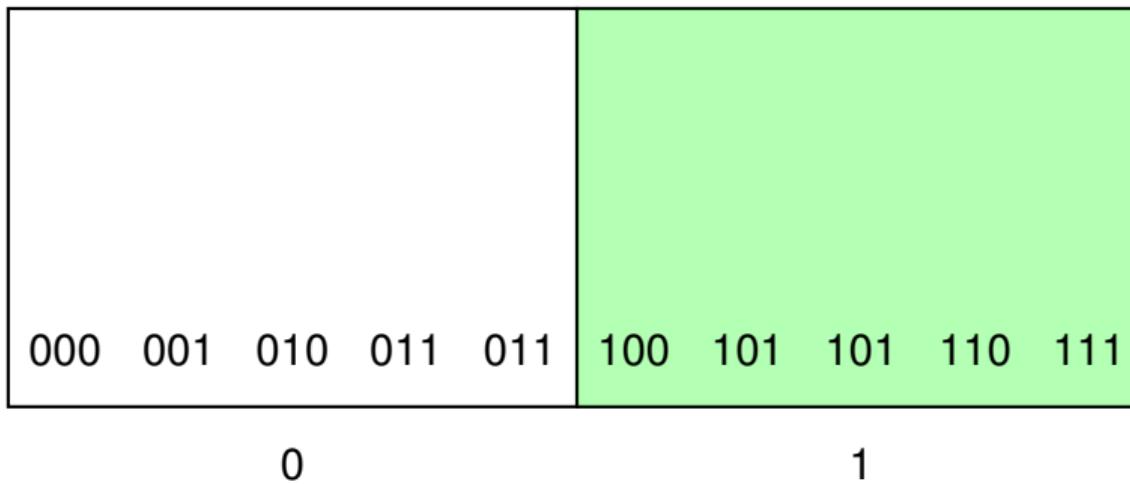
Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

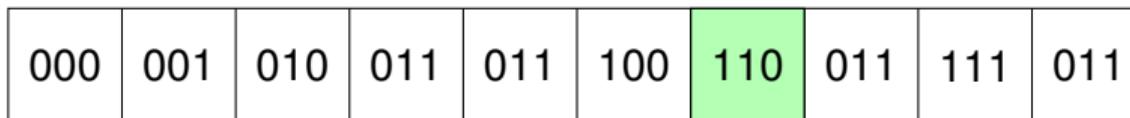
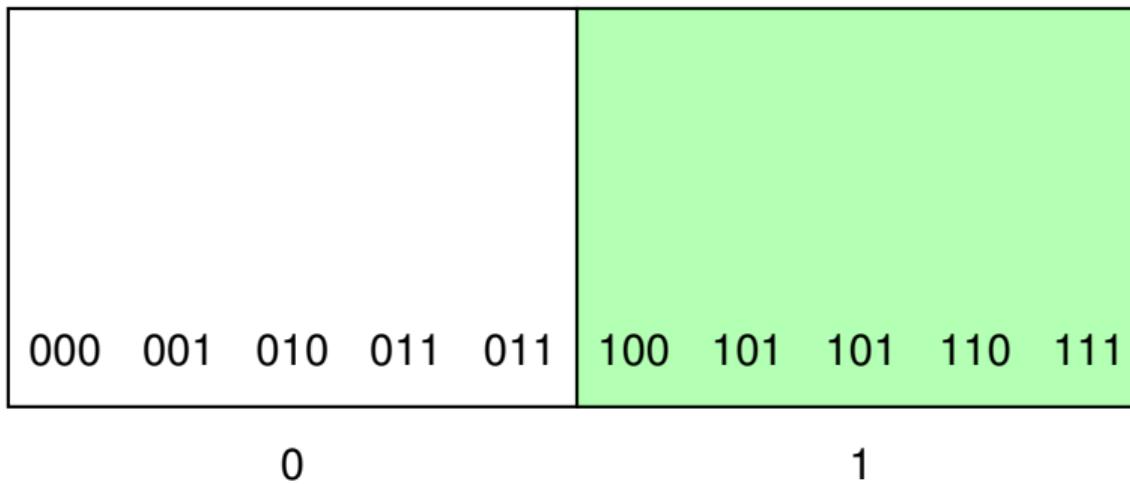
Radixsort  
○●ooo

Quellen  
○

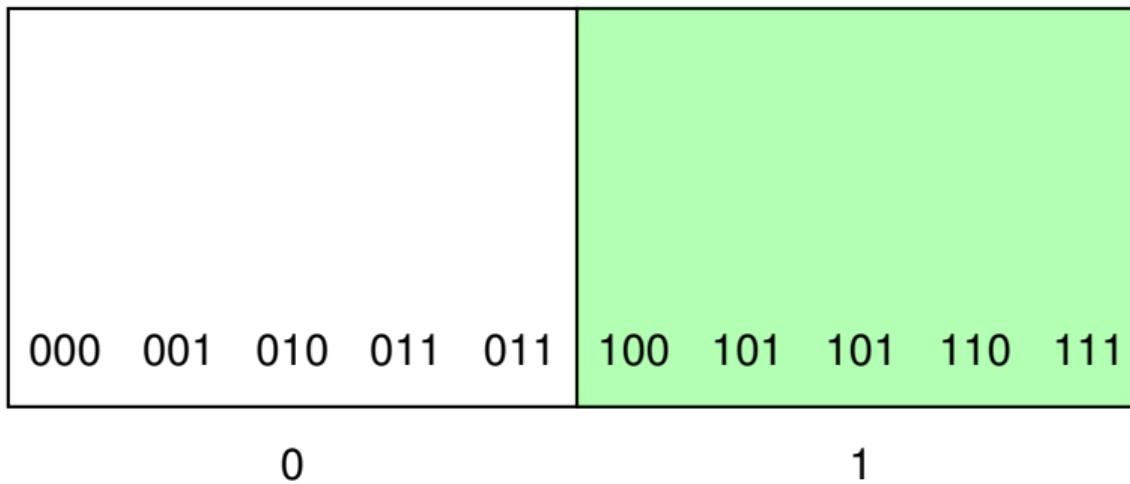
## Radixsort — Funktionsweise



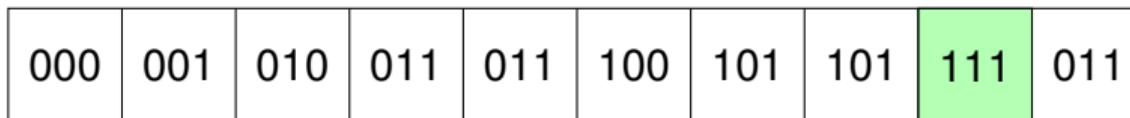
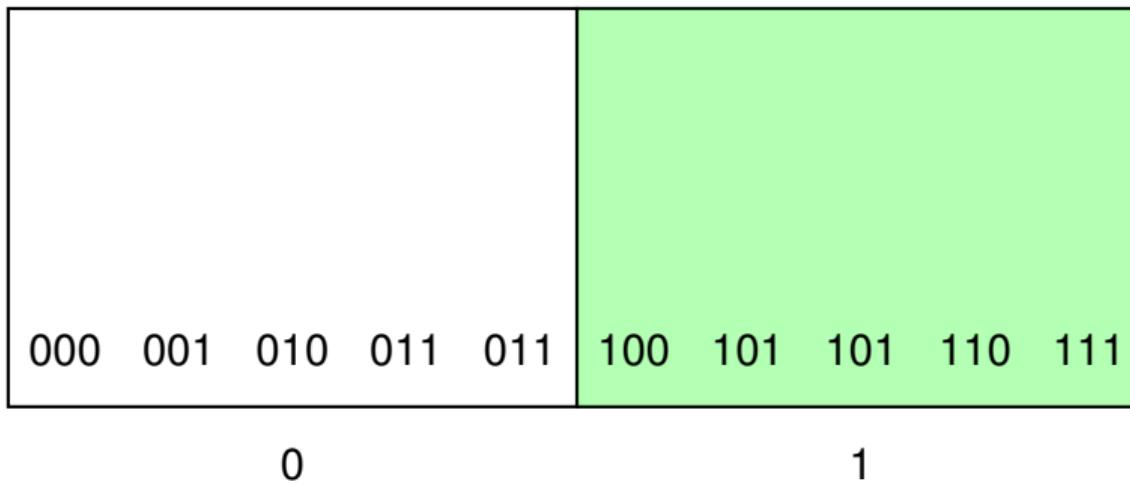
## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



Allgemeines  
○○○○○

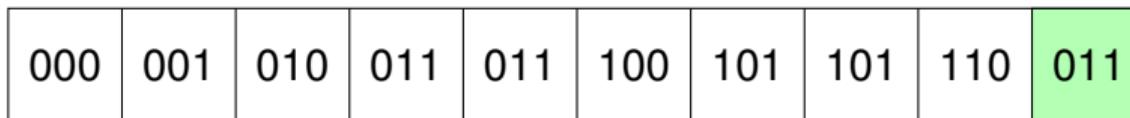
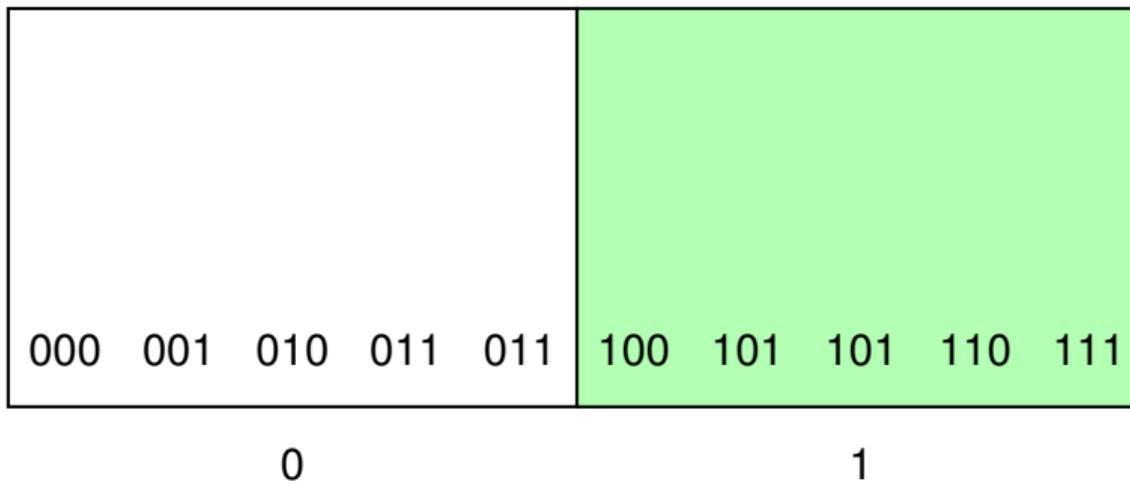
Bucketsort  
○○○○○

Heapsort  
○○○○○○○○○○○○

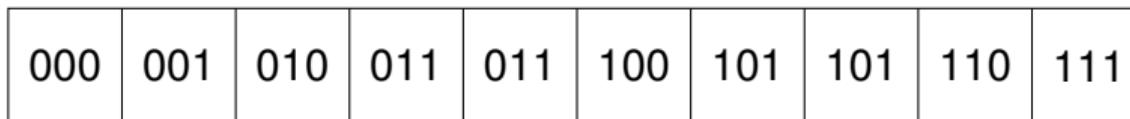
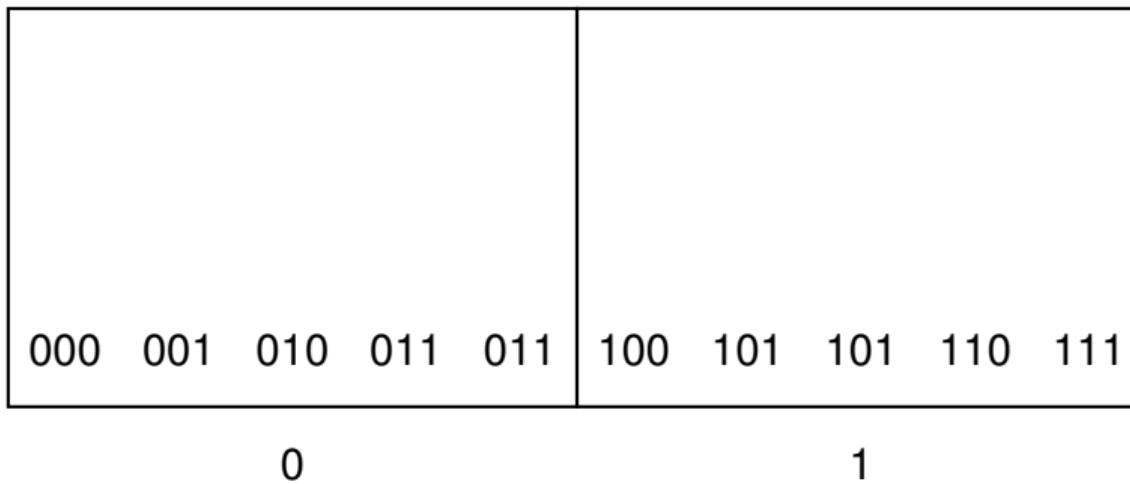
Radixsort  
○●○○○

Quellen  
○

## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Funktionsweise



## Radixsort — Code (1)

```
int[] radixSort(int[] array) {
    int[][] buckets = int[2];
    for(int digit = 1; digit < 2**31 && digit > 0; digit = digit * 2)
    {
        for(int pos = 0; pos < array.length; pos++) {
            int value = (array[pos] / digit) % 2;
            buckets[value].add(array[pos]);
        }
        arrayIndex = 0;
        for(int i = 0; i < buckets[0].length; i++) {
            array[arrayIndex++] = buckets[0][i];
        }
        buckets[0].clear();
    }
}
```

## Radixsort — Code (2)

```
    for(int i = 0; i < buckets[1].length; i++) {
        array[arrayIndex++] = buckets[1][i];
    }
    buckets[1].clear();
}
return array;
}
```

# Radixsort — Steckbrief

Laufzeitkomplexität (best case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (average case)	$\mathcal{O}(n)$
Laufzeitkomplexität (worst case)	$\mathcal{O}(n)$
Speicherkomplexität	$\mathcal{O}(n)$
Stabilität	Stabil
Vergleichsbasiertes Verfahren	Nein

Allgemeines  
ooooo

Bucketsort  
ooooo

Heapsort  
oooooooooooo

Radixsort  
ooooo

Quellen  
•

## Quellen

- Vorlesungsunterlagen “Algorithmen und Datenstrukturen”